

**Решения и критерии оценивания**

**Задача 1 (10 баллов)**

Массивная горизонтальная плита движется вниз с постоянной скоростью  $V=4$  м/с. Над плитой, на нити неподвижно относительно земли висит мячик. В тот момент, когда расстояние между плитой и мячиком было равно  $h=1$  м, нить оборвалась. На какое максимальное расстояние от плиты удалится мячик после пятого отскока? Все соударения мячика с плитой абсолютно упругие. Ускорение свободного падения принять равным  $g=10$  м/с<sup>2</sup>.

***Возможное решение***

Перейдём в систему отсчета, связанную с неподвижной плитой. Тогда скорость мячика относительно плиты равна  $v_0 = 4$  м/с и направлена вертикально вверх от плиты.

Отсюда максимальное расстояние между мячиком и плитой можно рассчитать по формуле

$$S_{MAX} = h + \frac{v_0^2}{2g}.$$

Так как все соударения абсолютно упругие, то и после пятого отскока максимальное расстояние будет тем же.

Таким образом  $S_{MAX} = h + \frac{v_0^2}{2g} = 1,8$  м.

***Критерии оценивания***

Для решения задачи осуществлен переход в систему отсчета, связанную с неподвижной плитой

**5 балла**

Рассчитано максимальное удаление мячика от плиты

**2 балла**

Сделан вывод, что при абсолютно упругом ударе максимальное удаление мяча от плиты будет одинаковым для любого количества отскоков

**2 балла**

Получен правильный числовой ответ для максимального расстояния от мячика до плиты после пятого отскока

**1 балл**

**Максимум за задачу – 10 баллов.**

**Задача 2 (10 баллов)**

В теплоизолированный сосуд с жидкостью погружают нагретый кубик. При этом установившаяся температура жидкости больше первоначальной на  $7$  °С. Затем в сосуд добавляют еще один такой же кубик, предварительно вынув первый, и температура жидкости повышается еще на  $6$  °С. Как изменится температура в сосуде, если в него поместить третий такой же кубик, предварительно вынув второй? Жидкость из сосуда не выливается.

***Возможное решение***

Обозначим за  $t_{Ж}$  – начальную температуру жидкости,  $C_{Ж}$  – её теплоёмкость, а  $t_{К}$  и  $C_{К}$  – начальную температуру и теплоёмкость кубика. Так же:  $\Delta t_1 = 7$  °С,  $\Delta t_2 = 6$  °С и  $\Delta t_3$  – соответствующие изменения температуры системы после погружений кубиков.

Запишем уравнения теплового баланса. Так как  $Q_{пол} = |Q_{отд}|$ :

$C_{Ж} \cdot \Delta t_1 = C_{К} \cdot (t_{К} - (t_{Ж} + \Delta t_1))$ , и равновесная температура системы после погружения первого кубика:  $t_1 = t_{Ж} + \Delta t_1$  (1)

$C_{Ж} \cdot \Delta t_2 = C_{К} \cdot (t_{К} - (t_{Ж} + \Delta t_1 + \Delta t_2))$ , и равновесная температура системы после погружения второго кубика:  $t_2 = t_{Ж} + \Delta t_1 + \Delta t_2$  (2)

$C_{Ж} \cdot \Delta t_3 = C_{К} \cdot (t_{К} - (t_{Ж} + \Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3))$ , и равновесная температура системы после погружения второго кубика:  $t_2 = t_{Ж} + \Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3$  (3)

Если обозначить  $t_{К} - (t_{Ж} + \Delta t_1)$ , как  $\Delta t_{К1}$ , то уравнения 1,2 и 3 примут вид

$$C_{Ж} \cdot \Delta t_1 = C_{К} \cdot \Delta t_{К1}, \quad (1)^*$$

$$C_{К} \cdot \Delta t_2 = C_{К} \cdot (\Delta t_{К1} - \Delta t_2) \quad (2)^*$$

$$C_{\text{Ж}} \cdot \Delta t_3 = C_{\text{К}} \cdot (\Delta t_{\text{К1}} - \Delta t_2 - \Delta t_3) \quad (3)^*$$

Если разделить уравнение (2)\* на уравнение (1)\*, можно выразить  $\Delta t_{\text{К1}} = \frac{\Delta t_1 \Delta t_2}{\Delta t_1 - \Delta t_2}$

Разделив уравнение (3)\* на (1)\*, получим  $\frac{\Delta t_3}{\Delta t_1} = 1 - \frac{\Delta t_2}{\Delta t_{\text{К1}}} - \frac{\Delta t_3}{\Delta t_{\text{К1}}}$ . Выразив  $\Delta t_3$  и подставляя

значение  $\Delta t_{\text{К1}}$ , окончательно имеем:  $\Delta t_3 = \frac{(\Delta t_2)^2}{\Delta t_1} = 5,1^{\circ} \text{C}$ .

### Критерии оценивания

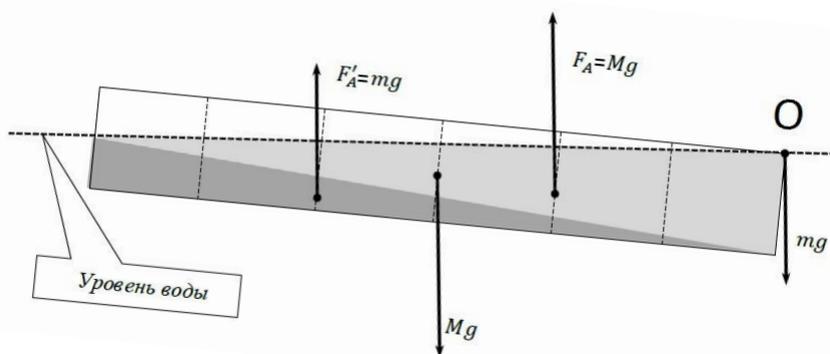
Правильно составлено уравнение теплового баланса после погружения первого кубика	2 балла
Правильно составлено уравнение теплового баланса после погружения второго кубика	2 балла
Правильно составлено уравнение теплового баланса после погружения третьего кубика	2 балла
Получено выражение для зависимости изменения температуры $\Delta t_3$ в третьем случае (правильно решена система уравнений)	3 балла
Получен правильный числовой ответ	1 балл

**Максимум за задачу – 10 баллов.**

### Задача 3 (10 баллов)

В воде, наполовину погрузившись, плавает доска массой  $M=8$  кг. Когда на конец доски села чайка, верхний край доски с этого конца опустился как раз до уровня воды. Найти массу чайки. При решении задачи считать, что доска имеет форму прямоугольного параллелепипеда, а толщина доски значительно меньше её длины.

### Возможное решение



Так как длина доски значительно больше её ширины, угол её наклона очень мал. На рисунке изображены силы для случая, когда чайка села на край доски. Объём светло-серой части доски равен половине объёма доски. Из условия задачи понятно, что на эту часть действует сила Архимеда  $F_A$  численно равная силе тяжести  $Mg$ , действующей на доску. Данная сила приложена к точке, совпадающей с центром масс этого треугольника, и находящейся на расстоянии равном одной трети длины доски от края, на который села чайка (точка O).

(+3,5 балла)

Оставшаяся часть выталкивающей силы  $F'_A$  при этом численно равная силе тяжести  $mg$ , действующей на чайку.  $F'_A$  приложена к точке, совпадающей с центром масс темно-серого треугольника, и находящейся на расстоянии равном двум трети длины доски от края, на который села чайка (точка O).

(+3,5 балла)

Запишем уравнение моментов относительно точки O:  $Mg \frac{l}{2} = mg \frac{2l}{3} + Mg \frac{l}{3}$ . (+2 балла)

Решением данного уравнения будет:  $m = \frac{M}{4} = 2 \text{ кг}$ .

(+1 балл)

**Максимум за задание – 10 баллов.**

#### Задача 4 (10 баллов)

Вольтамперная характеристика двух соединённых параллельно элементов, одним из которых является резистор сопротивлением  $R=50 \text{ Ом}$ , а другим – неизвестный элемент  $Z$ , имеет вид  $I = I_0 + \alpha U$ , где  $I_0 = 0,1 \text{ А}$ , а  $\alpha = 0,004 \frac{\text{А}}{\text{В}}$ . Используя заданную вольтамперную характеристику, определите, чему будет равно напряжение на элементе  $Z$ , если к концам соединённых последовательно сопротивлению  $R$  и элементу  $Z$  подать общее напряжение  $U=5,5 \text{ В}$ ?

#### Возможное решение

Так как при параллельном соединении напряжения на концах элементов равны, а токи складываются, имеем:  $I = 0,1 + 0,004U = I_R + I_Z$ , где  $I_R$  – ток через резистор, который можно представить как  $I_R = \frac{U}{R} = \frac{U}{50} = 0,02U$ , а  $I_Z$  – ток через  $Z$ , который можно выразить из равенства  $I = I_R + I_Z$ , как  $I_Z = I - I_R = 0,1 - 0,016U$ . (3 балла)

При последовательном соединении ток, протекающий через элементы, будет один, а общее напряжение  $U = 5,5 \text{ В}$  равно сумме напряжений на резисторе  $U_R$ , зависимость которого от протекающего тока можно представить как  $U_R = IR = 50I$ , и напряжения  $U_Z$  на элементе  $Z$ , зависимость которого от протекающего тока можно выразить из зависимости

$I = 0,1 - 0,016U$ , как  $U_Z = \frac{0,1-I}{0,016} = 6,25 - 62,5I$ . (3 балла)

Из  $U = U_R + U_Z = 5,5 \text{ В}$  следует, что  $6,25 - 12,5I = 5,5$ .

Решением уравнения будет  $I = 0,06 \text{ А}$ . (3 балла)

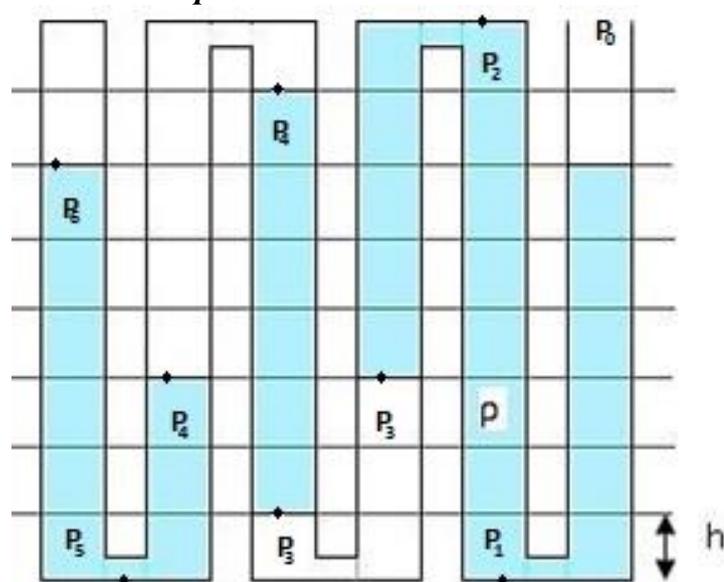
Подстановка значения тока в  $U_Z = 6,25 - 62,5I$  дает величину напряжения на элементе  $Z$   $U_Z = 2,5 \text{ В}$ . (1 балл)

**Максимум за задачу – 10 баллов.**

#### Задача 5 (10 баллов)

В длинную трубку с жидкостью попал воздух. Правое колено трубки открыто в атмосферу, остальные герметичны. Определите разность между максимальным и минимальным давлением в системе. Плотность жидкости  $\rho=1500 \text{ кг/м}^3$ . Высота всех трубок одинакова и равна  $8h$ , где  $h=12 \text{ см}$ . Ускорение свободного падения  $g=10 \text{ м/с}^2$ . Ответ дать в кПа. Округлить до десятых.

#### Возможное решение



Предположим, что атмосферное давление  $p_0$ . (1 балл)

Тогда давление на дно в первом сосуде:  $p_1 = p_0 + \rho g 6h$ , (1 балл)

в верхней точке второго сосуда:  $p_2 = p_1 - \rho g 8h = p_0 - \rho g 2h$ , (1 балл)

на границе с первым воздушным пузырьком и в самом пузырьке:  $p_3 = p_2 + \rho g 5h = p_0 + \rho g 3h$ , (1 балл)

на границе второго воздушного пузырька и внутри него:  $p_4 = p_3 - \rho g 6h = p_0 - \rho g 3h$ , (1 балл)

на дне шестого сосуда:  $p_5 = p_4 + \rho g 3h = p_0$ , (1 балл)

на границе с третьим воздушным

пузырьком и внутри него:  $p_6 = p_5 - \rho g 6h = p_0 - \rho g 6h$ . (1 балл)

Видно, что  $p_{MAX} = p_1 = p_0 + \rho g b h$ , (+1 балл)

$p_{MIN} = p_6 = p_0 - \rho g b h$  (+1 балл)

Тогда искомая разность давлений:  $\Delta p = p_1 - p_6 = 12\rho g h = 21,6 \text{ КПа}$  (+1 балл)

**Максимум за задачу – 10 баллов.**

**Всего за работу – 50 баллов.**

*Всякое полностью правильное решение оценивается в 10 баллов вне зависимости от выбранного участником способа решения! В случае если решение какой-либо задачи отличается от авторского, эксперт (учитель) сам составляет критерии оценивания в зависимости от степени и правильности решения задачи. При этом не допускается снижение баллов за плохой почерк, решение, отличное от авторского и т.д. При правильном решении, содержащем арифметическую ошибку (в том числе ошибку при переводе единиц измерения), оценка снижается на 1 балл.*