Департамент образования Ярославской области Всероссийская олимпиада школьников 2016/2017 учебного года

Астрономия, 7 – 8 классы, муниципальный этап

Общие рекомендации для членов жюри

- 1. Решение каждой задачи предлагается оценивать по **8-бальной** системе. Максимальное количество баллов присуждается только при наличии объяснения полученного результата.
- 2. При проверке работ несколькими членами жюри целесообразно распределить задачи между проверяющими так, чтобы одну задачу проверял только один член жюри. Это позволяет сохранить объективность проверки.
- 3. Организатор олимпиады должен предоставить участнику дополнительные данные, необходимые для получения численного результата в соответствии с содержанием текстов заланий
- 4. При численных расчетах необходимо соблюдать правила действия с приближенными величинами.
- 5. Итоговый результат каждой работы рекомендуется представлять как сумму всех баллов, набранных участниками олимпиады за все задачи.

Решения

Задание 1.

Во сколько раз угловой диаметр Луны $d_{\scriptscriptstyle R}$ при наблюдении с Земли меньше углового диаметра Земли при наблюдении ее с Луны?

Решение:

Расстояния между центрами Земли и Луны в том и другом случае принимаем равными r. Обозначим, $R_3 = 6378$ км — радиус Земли, $R_n = 1738$ км — радиус Луны.

$$d_3 = \frac{R_3}{r}.$$

$$d_{_{\it J\!J}} = \frac{R_{_{\it J\!J}}}{r}.$$

$$\frac{d_{_{\it J\!J}}}{d_{_{\it J\!J}}} = \frac{R_{_{\it J\!J}}}{R_{_{\it J\!J}}}.$$
 Окончательно,
$$\frac{d_{_{\it J\!J}}}{d_{_{\it J\!J}}} = \frac{6378}{1738} = 3.67.$$

Ответ: 3.67.

Рекомендации для жюри:

Определение приближенного значения углового радиуса далекого небесного тела по известному линейному радиусу и расстоянию до тела оценивается в 2 балла.

Знание линейных радиусов Земли и Луны оценивается по 2 балла.

Правильные вычисления дают 2 балла.

Оценка не снижается, если при вычислениях используются расстояние от Земли до Луны и тригонометрические функции.

Задание 2.

Долгота Москвы приблизительно 2 час. 30 мин., а долгота Ярославля равна 2 час. 39 мин. Определите часовой пояс Ярославля по формальным правилам округления чисел. Почему при реформах счета «местного» времени ярославцам иногда неудобно жить в «своем» часовом поясе (а иногда их часовой пояс ярославцев устраивает)? Устраивает ли большинство ярославцев их часовая зона в настоящее время?

Решение:

Москва по формальному признаку выделения часовых поясов относится ко второму часовому поясу, а Ярославль относится к третьему часовому поясу. (Оба пункта в настоящее время относятся к второй часовой зоне России). Если «общепринятое» время в Ярославской области отличается от московского времени, то возникает, в частности, «экономическое» неудобство (распорядок жизни в Ярославле тесно связан с Москвой – отправление поездов, начало телепередач, деловые встречи). В настоящее время для ярославцев московское время почти соответствует истинному солнечному времени в пределах не более 40 мин. Для здоровья человека, желательно, чтобы человек жил по истинному солнечному времени.

Ответ: 3 пояс. Ярославцам удобно жить по московскому времени. 2-я часовая зона большинство ярославцев устраивает. Для них московское время приближено к истинному солнечному времени, по которому (для здоровья) должен определяться распорядок жизни человека.

Рекомендации для жюри:

Указание на то, что Ярославль – формально – относится к 3 часовому поясу, оценивается в 2 балла.

Указания на то, что ярославцам удобно жить по московскому времени по экономическим причинам, а также, что человек должен жить по истинному солнечному времени (для здоровья) оцениваются по 2 балла.

Подчеркивание, что эти 2 требования одновременно не выполнимы, дает еще 2 балла. Правильный ответ, но без астрономического доказательства, оценивается в 1-2 балла.

Задание 3.

Почему Ганимед, диаметр которого составляет 5268 км, не относится к планетам, а Меркурий, радиус которого равен 2439.7 км, относится к планетам?

Решение:

Ганимед – спутник Юпитера. По определению спутники планет не являются планетами.

Ответ: Ганимед – спутник Юпитера. Спутники планет по решению Международного астрономического союза с 2006 года не являются планетами.

Рекомендации для жюри:

Указание на то, что Ганимед является спутником Юпитера, оценивается в 4 балла.

Ссылка на решение Международного астрономического союза (от 2006 г.) увеличивает оценку на 4 балла.

Если в решении будет указано, что планетой является тело, которое:

- имеет сферическую форму, приобретенную под действием силы гравитации;
- движется по уникальной орбите, вблизи которой отсутствуют массивные тела;
- не является спутником планеты;

то оценка составляет не ниже 3 баллов.

Задание 4.

Во сколько раз звезда $m = 6^m$ — шестой звездной величины слабее звезды $m = 1^m$ — первой звездной величины?

Решение:

Освещенности, создаваемые звездами на Земле, и звездные величины связаны соотношением

$$\frac{E_1}{E_6} = 2.512^{m_6 - m_1}.$$

(Найдем во сколько раз вторая звезда ярче первой).

Подставляя числовые значения величин, получим

$$\frac{E_1}{E_6} = 2.512^5 \approx 100.$$

(С учетом $2.512^5 = 100$). Таким образом, первая звезда ($m_6 = 6^m$) приблизительно в 100 раз слабее второй звезды ($m_1 = 1^m$).

Ответ: 100.

Рекомендации для жюри:

Установление соотношения между освещенностями, создаваемыми звездами на Земле, и звездными величинами звезд оценивается в 3 балла.

Вывод, что первая звезда слабее второй звезды, дает 2 балла.

Верное вычисление отношения яркостей звезд увеличивает оценку еще на 3 балла.

Задание 5.

Расположите звезды: Солнце, красный гигант, нейтронная звезда, белый карлик, черная дыра с массой Солнца – по размерам.

Решение:

По известным свойствам (размерам) этих тел, имеем:

- 1. Черная дыра с массой Солнца (г ~ 3км).
- 2. Нейтронная звезда (r_{H3} ~ 10 км).
- 3. Белый карлик (r_{БК} ~ 10000 км).
- 4. Солнце (r_C ~ 700000 км).
- 5. Красный гигант ($r_{K\Gamma} \sim 1000 r_{C}$).

Ответ: Черная дыра. Нейтронная звезда. Белый карлик. Солнце. Красный гигант.

Рекомендации для жюри:

Каждый правильный ответ (в порядке очередности) оценивается в 1 балл.

За все правильные ответы, с указанием радиусов небесных тел, оценка повышается еще на 3 балла.

Задание 6.

Полагая, что число галактик во Вселенной (в Метагалактике) равно числу звезд в нашей Галактике и на каждые 10 галактик приходится 1 высокоразвитая цивилизация, определите число цивилизаций во Вселенной (Метагалактике). Оцените среднее расстояние между цивилизациями.

Решение:

Примем число звезд в нашей Галактике равным $200\cdot10^9$. Тогда галактик в Метагалактике также равно $200\cdot10^9$. Число цивилизаций N, в соответствии с условием задачи, будет в 10 раз меньше $-200\cdot10^8$.

При размерах видимой части Вселенной (Метагалактики) $r \sim 10^{26}$ м, ее объем V составит $V \sim r^3 \sim 10^{78} \, \text{м}^3$.

Расстояние R между цивилизациями найдем из соотношения

$$R \sim (V/N)^{1/3} = (10^{78}/(200\cdot10^8))^{1/3} = (0.5\cdot10^{68})^{1/3} = (50\cdot10^{66})^{1/3} = 50^{1/3}\cdot10^{22} \text{м} = 3.686\cdot10^{22} \text{ м}.$$
 (Предполагаем, что Метагалактика – шар радиуса R).

Поскольку 1 световой год = $365,2422 \cdot 24 \cdot 3600 \cdot 3 \cdot 10^8 = 9.467 \cdot 10^{15}$ м,

то
$$R = 3.686 \cdot 10^{22} = 0.389 \cdot 10^7$$
 св. год.

Ответ: 20 млрд. 3.89 млн. св. лет.

Рекомендации для жюри:

Определение числа звезд в нашей Галактике оценивается в 3 балла.

Определение числа цивилизаций дает 3 балла.

Определение размеров Метагалактики дает 1 балл.

Определение расстояний меду соседними цивилизациями дает 1 балл.

Допускается оценка звезд в Галактике от 100 млрд. до 1000 млрд.