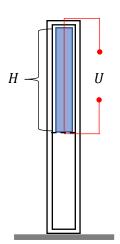
Инженерное дело, Профиль: Физика

Вариант: 3 Класс: 9

Решения



Задача 1. (6 баллов) Ледяной стержень высоты H=1 м имеет температуру 0°С и расположен вертикально. Стержень установлен на сеточке в верхней половине теплоизолированного сосуда с пренебрежимо малой теплоемкостью. Внутри стержня имеется нагревательный элемент в виде тонкой проволочки, вследствие работы которого стержень медленно тает. На сколько процентов больше тепла потребуется, чтобы растопить такой же стержень в этой же установке на борту Международной космической станции? Удельная теплота плавления льда $\lambda=330$ кДж/кг. Изменением объема вещества в процессе таяния пренебречь.

Решение:

На борту МКС

$$Q_{\text{косм}} = \lambda m$$
.

В условиях земной гравитации на таяние стержня пойдет также его потенциальная

энергия. Поэтому

$$\lambda m = Q_{\text{3eM}} + mgH => Q_{\text{3eM}} = \lambda m - mgH.$$

Тогда относительное изменение затрачиваемого тепла при перелете на МКС

$$\eta = \frac{Q_{\text{KOCM}} - Q_{\text{3EM}}}{Q_{\text{3EM}}} = \frac{mgH}{\lambda m - mgH} \cong \frac{gH}{\lambda}.$$

Окончательно

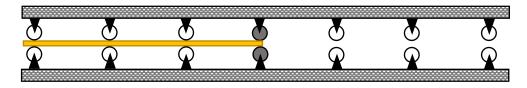
$$\eta \cong \frac{gH}{\lambda} \cdot 100\% \cong 0,003\%.$$

Omsem: $\eta \cong \frac{gH}{\lambda} \cdot 100\% \cong 0,003\%$.

Критерии:

Записана формула для расчета тепла, необходимого для плавления льда на борту МКС	1 балл
Указаны причины, по которым в условиях земной гравитации потребуется несколько меньше тепла	1 балл
Записано уравнение теплового баланса	1 балл
Получен верный ответ в общем виде (с использованием	2 балл
приближения или без)	
Получен верный численный ответ	1 балл
ИТОГО	6 баллов

Задача 2. (6 баллов) Легкий прочный стержень прямоугольного сечения находится в системе катков, изображенных на рисунке. Длина стержня L=1 м. Диаметр каждого катка d=5 см. Центральные катки (изображены темными) активны: через систему передач они соединены с электродвигателем. Остальные катки могут свободно вращаться практически без трения. Каждый активный каток давит на стержень с силой F=1,2 кН. Электродвигатель запускают, и активные катки начинают вращаться по часовой стрелке с частотой $\nu=100$ об/с. В результате стержень очень медленно сдвигается вправо. Какое количество тепла Q выделится в области



соприкосновения стержня с активными катками, если время движения стержня между ними $\tau = 2$ мин? Коэффициент трения скольжения между стержнем и катками $\mu = 0.05$.

Решение:

Скорость движения стержня

$$v_0 = \frac{L}{\tau} \cong 0,008 \frac{M}{c}$$
.

Скорость точки соприкосновения активного катка со стержнем

$$v = \pi dv \cong 15.7 \frac{\text{M}}{\text{C}} \gg v_0.$$

Таким образом, мы можем считать v скоростью активного катка относительно стержня. При движении одного тела по поверхности другого со скоростью v мощность действующих между телами сил трения равна

$$P_{\rm Tp} = -\mu F v$$
,

где F — сила давления между телами. Работа силы трения приводит к уменьшению механической энергии системы и превращению ее во внутреннюю (выделению тепла). Однако это превращение происходит в области соприкосновения трущихся тел и на него не может повлиять действие на тело других сил (например, компенсирующих потерю механической энергии). Поэтому, и в нашем случае тепловая мощность, выделяющаяся в области соприкосновения стержня с активными катками

$$P_O = -P_{\text{TD}} = \mu F v$$
.

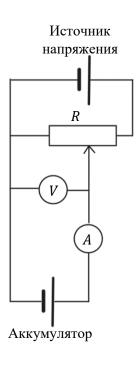
Тогда за время движения стержня действие обоих катков приведет к выделению тепла

$$Q=2P_{O} au=2\mu Fv au=2\mu F\pi dv au\cong 226$$
 кДж.

Ответ: $Q = 2\mu F\pi d\nu \tau \cong 226$ кДж.

Критерии:

Показано, что скорость движения стержня относительно	1 балл
системы катков не вносит существенный вклад в скорость	
его движения относительно соприкасающейся со стержнем	
поверхности активного катка	
Найдена мощность силы трения, действующей на стержень	1 балл
со стороны активного катка	
Показано, что мощность производства внутренней энергии	1 балл
противоположна мощности силы трения	
Получен верный ответ в общем виде	2 балл
Получен верный численный ответ с указанием единицы	1 балл
измерения	
ИТОГО	6 баллов



Задача 3. (10 баллов) Источником постоянного напряжения в электротехнике называется устройство, подающее на нагрузку постоянное напряжение независимо от проходящего через нее при этом тока. В распоряжении экспериментатора Васи имеется источник постоянного напряжения $U_0 = 10 \text{ B}$. При помощи этого источника необходимо зарядить аккумулятор, однако допустимое напряжение зарядки не должно превышать U = 5 В. Для решения задачи Вася собрал простейшую схему делителя напряжения, изображенную на рисунке. В качестве собственно делителя Вася использовал реостат полным сопротивлением R = 500 Ом. Аккуратно перемещая ползунок реостата вправо, Вася остановил его ровно в тот момент, когда идеальный вольтметр показывал напряжение U. Идеальный амперметр при этом показывал ток I = 2 А. Какая часть мощности, производимой источником, доходит до аккумулятора в процессе Выделением тепла внутри источника пренебречь.

Решение:

До аккумулятора доходит мощность

$$P = UI = 10 \text{ Bt.}$$

Если бы к источнику был подключен только реостат, через него шел бы ток

$$I_0 = \frac{U_0}{R} = 0.02 \text{ A} \ll I.$$

Следовательно, для того, чтобы через аккумулятор шел ток I, реостат в цепи зарядки должен быть введен почти полностью. Поэтому, мы можем пренебречь током во введенной части реостата. Тогда можно считать, что через оставшуюся часть реостата течет ток I, а выделяемая в ней мощность

$$P_Q \cong (U_0 - U)I = 5 \text{ Bt.}$$

Мощность, рассеиваемая на введенной части реостата

$$P_{\text{\tiny BЧ}} \cong \frac{(U_0 - U)^2}{R} = 0.05 \text{ BT} \ll P_Q.$$

Следовательно, тепловыделением во введенной части реостата также можно пренебречь. Таким образом, доля мощности, идущая на собственно зарядку аккумулятора, составляет

$$\eta = \frac{P}{P + P_Q} \cong \frac{U}{U_0} = 50\%.$$

Стало быть, этой мощностью можно пренебречь.

Ответ: 50%.

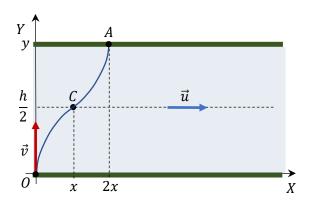
Критерии:

Найдена мощность, потребляемая аккумулятором	2 балла
Показано, что при данных в условии показаниях	2 балла
амперметра реостат должен быть введен практически	
полностью	
Показано, что тепловыделением во введенной части	2 балла
реостата также можно пренебречь	
Записано соотношение, определяющее, какая часть	2 балла
мощности, производимой источником, доходит до	
аккумулятора в процессе зарядки	
Получен верный ответ	2 балла
ИТОГО	10 баллов

Задача 4. (12 баллов) Ширина реки h = 100 м. Скорость течения реки в заданном месте пропорциональна расстоянию этого места до ближайшего берега, и на середине реки составляет u = 3 м/с. Катер, переправляясь на противоположный берег, движется со скоростью v = 5 м/с

относительно воды; нос катера при этом все время направлен перпендикулярно берегу. На каком расстоянии L от точки старта катер причалит к противоположному берегу?

Решение:



Зададим систему координат: ос Xнаправим по скорости течения, ось У — по скорости катера относительно течения. Поскольку собственная скорость катера перпендикулярна скорости течения, движение будет катера ПО оси равномерным. Далее, скорость катера в направлении течения, равна скорости течения. Но поскольку последняя пропорциональна расстоянию ближайшего берега, а это расстояние пропорционально времени, движение катера

по оси X будет равноускоренным. Тогда координаты катера в момент прохождения середины реки равны:

$$y = vt = \frac{h}{2},$$
$$x = \frac{ut}{2}.$$

Отсюда

$$x = \frac{uh}{4v}.$$

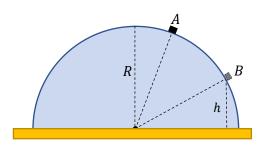
Дальше движение катера по оси Y будет равнозамедленным: ускорение сменит направление на противоположное, оставшись прежним по модулю. Поэтому, переплыв вторую половину реки, катер сместится еще на x по оси X. Тогда

$$L = \sqrt{h^2 + (2x)^2} = h \sqrt{1 + \left(\frac{u}{2v}\right)^2} \cong 104 \text{ M}.$$

Ответ:
$$L = h \sqrt{1 + \left(\frac{u}{2v}\right)^2} \cong \mathbf{104}$$
 м.

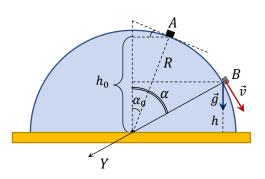
Критерии:

Показано, что движение катера по оси У будет	2 балла
равномерным	
Показано, что движение катера по оси Х будет	2 балла
равноускоренным	
Записана система уравнений движения катера	2 балла
Показано, что, переплывая вторую половину реки, катер	3 балла
сместится вдоль берега на то же расстояние, что и за	
время движения от берега до середины	
Получен верный ответ в общем виде и верный	3 балла
численный ответ с указанием единицы измерения	
ИТОГО	12 баллов



Задача 5. (16 баллов) Брусок массы m находится в точке А полусферы радиуса R, центральная окружность которой (экватор) закреплена на горизонтальном Коэффициент трения между бруском и полусферой μ . В результате хлопка экспериментатора по столу, брусок начинает соскальзывать вниз и в точке В отрывается от полусферы. В процессе скольжения бруска выделилось тепло Q. На какой высоте h над экватором произошел отрыв?

Решение:



Поскольку брусок пришел в движение от легкой вибрации, в точке А он находился соскальзывания. Тогда

$$tg \alpha_0 = \mu$$

(участник должен вывести эту формулу). Отсюда $\cos \alpha_0 = \frac{1}{\sqrt{1 + \mu^2}}.$

$$\cos \alpha_0 = \frac{1}{\sqrt{1 + \mu^2}}$$

Тогда начальная высота бруска над экватором полусферы

$$h_0 = R\cos\alpha_0 = \frac{R}{\sqrt{1+\mu^2}}.$$

В момент отрыва бруска сила нормальной реакции полусферы обращается в ноль. Тогда, по второму закону Ньютона (ось Y):

$$mg\cos\alpha = \frac{mv^2}{R}.$$

Отсюда

$$v^2 = gR \cos \alpha = gh$$
.

По закону сохранения энергии

$$Q = -\Delta E_{\text{Mex}} = mg\left(h_0 - h - \frac{v^2}{2}\right) = mg\left(\frac{R}{\sqrt{1 + \mu^2}} - \frac{3}{2}h\right).$$

Отсюда искомая высота

$$h = \frac{2}{3} \left(\frac{R}{\sqrt{1 + \mu^2}} - \frac{Q}{mg} \right).$$

Omeem:
$$h = \frac{2}{3} \left(\frac{R}{\sqrt{1+u^2}} - \frac{Q}{mg} \right)$$
.

Критерии:

Получен угол наклона точки начала соскальзывания к	3 баллов
вертикали	
Найдена начальная высота бруска над экватором	3 баллов
полусферы	
Применен второй закон Ньютона для точки отрыва	3 баллов
Применен закон сохранения энергии	3 баллов
Получен верный ответ	4 баллов
ИТОГО	16 баллов