

9 КЛАСС

## ЗАКЛЮЧИТЕЛЬНЫЙ ТУР, ТЕОРЕТИЧЕСКИЙ ЭТАП

1	<p>Лягушка находится на платформе, которая съезжает без трения по наклонной плоскости, расположенной под углом <math>\alpha</math> к горизонту (см. рис.). За сколько прыжков лягушки доберётся от верхнего края платформы до нижнего, если это же расстояние (то есть равное длине платформы) по горизонтальной поверхности она преодолевает за <math>N</math> прыжков? Считайте, что лягушка всегда прыгает с одной и той же начальной скоростью относительно той поверхности, на которой находится, под углом <math>45^\circ</math> к этой поверхности. Масса лягушки по сравнению с массой платформы пренебрежимо мала.</p>	
2	<p>Представленная на рисунке система состоит из неподвижного клина с углом <math>\alpha</math>, двух блоков, способных вращаться вокруг закреплённых осей, трёх одинаковых грузов и нитей. Верхний блок сделан из двух скреплённых дисков, радиусы которых <math>R</math> и <math>2R</math>; вертикальная нить намотана и закреплена на большем диске этого блока, а наклонная – на меньшем диске.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) При каком наименьшем коэффициенте трения среднего груза о клин возможно равновесие?</li> <li>2) В какую сторону поедут грузы, если коэффициент трения меньше значения, найденного в предыдущем пункте?</li> </ol> <p>Трением в блоках пренебречь.</p>	
3	<p>Губку в форме параллелепипеда высотой <math>H</math> и площадью сечения <math>S</math> с помощью внешней силы сначала удерживали погруженной в воду плотности <math>\rho</math> так, что верхний край губки был вровень с поверхностью воды. Далее губку начали медленно вынимать. Было замечено, что после того, как высота надводной части губки достигла значения <math>h</math>, уровень воды в надводной части перестал меняться (см. рис.). Какую работу совершила внешняя сила к тому моменту, когда нижний край губки практически достиг поверхности воды? Плотность материала, из которого состоят волокна губки, равна <math>3\rho/2</math>, а сами волокна занимают ровно половину объёма губки. Гидродинамическими эффектами и изменением уровня воды в сосуде пренебречь. Губка в процессе движения не деформируется.</p>	
4	<p>Митрофан припаял к трём контактам (1, 2 и 3, см. рис. А) «треугольник» из одинаковых сопротивлений <math>R</math>. Затем он нашёл три одинаковых сопротивления с неизвестным номиналом и собрал из них «звезду», как показано на рис. Б. Оказалось, что «звезда» и «треугольник» полностью эквивалентны: у полученных схем одинаковые сопротивления между любыми двумя контактами.</p> <p>Митрофан решил скомбинировать две схемы, припаяв к контактам 1, 2, 3 и «треугольник», и «звезду» одновременно.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Чему равно сопротивление между каждой парой контактов в полученной Митрофаном схеме?</li> <li>2) Во сколько раз изменится ответ, если Митрофан перепаяет «треугольник» в «звезду», «звезду» – в «треугольник» и снова скомбинирует обе получившиеся схемы на контактах 1, 2, 3?</li> </ol>	<p>Рис. А</p> <p>Рис. Б</p>
5	<p>Брускок массы <math>m</math> и теплоёмкости <math>C</math> толкнули с некоторой начальной скоростью вдоль шероховатой горизонтальной поверхности. Коэффициент трения между бруском и плоскостью зависит от температуры бруска следующим образом: <math>\mu(T) = \alpha/(T + \beta)</math>, где <math>\alpha</math> и <math>\beta</math> – положительные числа, а <math>T</math> – температура тела в градусах Цельсия. В начальный момент времени система находится при температуре <math>0^\circ\text{C}</math>. Всё выделяющееся от трения тепло целиком поглощается бруском и в дальнейшем не рассеивается. Найдите, какую температуру имел брускок в середине отрезка своего пути, если в конце этого отрезка его температура равнялась <math>T_k</math>.</p>	

ОСТАВЬТЕ УСЛОВИЯ СЕБЕ!