

## ЗАДАНИЕ ПО ИНФОРМАТИКЕ

### ВАРИАНТ 37101 для 10-го класса

1. Кластеризация данных – можно ли разделить массив  $n$  точек на плоскости на  $m$  частей так, чтобы расстояние всех элементов от среднего в пределах части (кластера) было меньше половины расстояния между средними значениями любой пары частей? Предложите алгоритм проверки для заданного массива точек,  $m$  и  $n$ .

**Ответ:** возможны варианты решения. Целесообразным представляется выделить функцию, возвращающую расстояние между точками:  $R[i,j]=\sqrt{(x[i]-x[j])^2+(y[i]-y[j])^2}$  и сформировать группы (кластеры) точек, по  $p[i] = \text{Целая часть}(n / m)$  элементов в каждом, добавив оставшиеся точки в последний кластер, число элементов в нем  $p[m]=p[m-1] + \text{Остаток}(n/m)$ . Первоначальное распределение точек по кластерам может быть произвольным.

Средняя точка в пределах кластера может быть вычислена как:

$k=1$

Цикл по  $i=1$  до  $m$  (по кластерам)

$M[i]=0$

Цикл по  $j=1$  до  $p[i]$  (по элементам кластера)

$XM[i]=XM[i]+x[k]$

$YM[i]=YM[i]+y[k]$

$k=k+1$

Конец  $j=j+1$

$XM[i]=XM[i]/p[i]$  (среднее значение для кластера)

$YM[i]=YM[i]/p[i]$  (среднее значение для кластера)

Конец  $i=i+1$

Проверка условия при этом выглядит так:

$k=1$

Condition = Истина

$Cmin = \sqrt{(XM[1]-XM[m])^2+(YM[1]-YM[n])^2}$

Цикл по  $i=1$  до  $m$  (по кластерам)

Цикл по  $j=1$  до  $m$  (по кластерам)

$C=Cmin$

Если  $i \sim j$  то  $C = \sqrt{(XM[i]-XM[j])^2+(YM[i]-YM[j])^2}$

Если  $C < Cmin$  то  $Cmin=C$

Цикл по  $i=1$  до  $m$  (по кластерам)

$Dmax=0$

Цикл по  $j=1$  до  $p[i]$  (по элементам кластера)

$$D = \sqrt{(XM[i]-x[k])^2 + (YM[i]-y[k])^2}$$

Если  $D > D_{\max}$  то  $D_{\max} = D$

$$k = k + 1$$

Конец  $j = j + 1$

Если  $C_{\min} < 2 * D_{\max}$  то Condition = Ложь (проверка условия для каждого кластера)

Конец  $i = i + 1$

Если проверка дала неудовлетворительный результат можно перераспределить элементы между кластерами и повторять проверку условия и перераспределение элементов до тех пор, пока не образуются вырожденные (пустые кластеры). При этом условие исключения точки из кластера – максимальное расстояние от точки до центра кластера, условие добавление в кластер – минимизация расстояния до центра кластера.

**2.** Классификация по методу опорных векторов – построить алгоритм проверки принадлежности заданной точки  $(x, y, z)$  в пространстве классу – нижнему или верхнему полупространству относительно плоскости-классификатора. Обученный классификатор:  $d = ax + by + cz$

**Ответ:** достаточно проверить условие

Low = Истина (принадлежность ниже границы)

Если  $z > (d - a * x - b * y) / c$  то Low = Ложь

High = Истина (принадлежность нижней полуплоскости)

Если  $z < (d - a * x - b * y) / c$  то High = Ложь

Соответственно, при строгом выполнении равенства, нельзя вынести определенного суждения о принадлежности точки определенному классу

**3.** Предложите алгоритм суммирования двух двухразрядных чисел с использованием только логических функций И, НЕ

**Ответ:**

Пусть  $A_0, A_1$  – младший и старший разряды первого операнда,  $B_0, B_1$  – младший и старший разряды второго операнда,  $S_0, S_1, S_2$  – разряды суммы

$$\text{Тогда } S_0 = (A_0 \text{ И } (\text{НЕ } B_0)) \text{ ИЛИ } (B_0 \text{ И } (\text{НЕ } A_0)) = \text{НЕ } (\text{НЕ}(A_0 \text{ И } (\text{НЕ } B_0)) \text{ И } \text{НЕ}(B_0 \text{ И } (\text{НЕ } A_0)))$$

$$\text{перенос } C = A_0 \text{ И } B_0$$

$$S_1 = (A_1 \text{ И } (\text{НЕ } B_1) \text{ И } (\text{НЕ } C)) \text{ ИЛИ } (B_1 \text{ И } (\text{НЕ } A_1) \text{ И } (\text{НЕ } C)) \text{ ИЛИ } (C \text{ И } (\text{НЕ } B_1) \text{ И } (\text{НЕ } A_1)) \text{ ИЛИ } (A_1 \text{ И } B_1 \text{ И } C)$$

$$S_2 = (A_1 \text{ И } B_1) \text{ ИЛИ } (A_1 \text{ И } C) \text{ ИЛИ } (B_1 \text{ И } C)$$

причем каждая операция  $A$  ИЛИ  $B$  заменяется на  $\text{НЕ } (\text{НЕ}(A) \text{ И } \text{НЕ}(B))$

**4.** Для суммирования модулированной последовательности чисел без потери точности предлагается хранить результат в 256-разрядном числе  $S$ . Какова длина последовательности целых положительных 8-разрядных чисел, такая, что сумма сможет быть размещена в  $S$ , если модуляция последовательности осуществляется перемножением элемента на случайно выбранное число из массива  $[1, 3, 8]$ .

**Ответ:** предполагая двоичные разряды, получаем наибольшее число, равное  $2^{256}-1$ . В худшем случае каждое число в последовательности имеет 8 разрядов, равных 1, то есть  $2^8-1$ , умножается на 8 (т.е. сдвигается на три двоичных разряда). Число элементов последовательности будет равно отношению  $2^{253}-1$  к  $2^8-1$ .

5. Управляющей компании необходимо ежемесячно печатать единые платёжные документы, уведомляющих потребителей о сумме оплаты электроэнергии. Количество таких документов  $N$  не менее 25000. При этом для лиц, имеющих задолженность ( $Q>0$ ) за электричество более 3 месяцев, документ печатается на листе красного цвета. В конце каждого года компания оформляет заказ на покупку белой бумаги и красной бумаги упаковками по 1000 листов, исходя из количества потраченной в прошедшем году, игнорируя неизрасходованный остаток.

Печать данных о потреблённой и оплаченной электроэнергии осуществляется в соответствии с базой данных компании, где для каждого из  $N$  потребителей указана величина его задолженности или нулевое значение при её отсутствии. Представьте в виде блок-схемы алгоритм работы программы, вычисляющей расход упаковок бумаги за 12 месяцев прошедшего года, если известно, что в январе компания из-за социально-экономической ситуации решила нарушить собственные правила и причислить к должникам всех лиц, имеющих задолженность.

