

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)»





ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ «ШАГ В БУДУЩЕЕ»

# Профиль: компьютерное моделирование и графика; тур по математике и инженерной графике

Вариант: 1 Класс: 11

**Задача 1** (10 *баллов*). На шахматную доску, состоящую из  $8 \times 7$  клеток, поставили двух белых коней. С какой вероятностью они будут находиться под защитой друг друга? (Конь ходит буквой «Г», т.е. он может пойти на одно из полей, ближайших к тому, на котором он стоит, но не на той же самой горизонтали, вертикали или диагонали.)



Задача 2 (10 баллов). В остроугольный треугольник ABC со сторонами AB = 8, BC = 9,5 вписана окружность с центром в точке O, которая касается сторон BC и AB в точках M и N соответственно. На прямой MN отмечена точка K так, что угол OCK равен  $60^\circ$ . Найдите площадь четырехугольника BOCK, если площадь треугольника ABC равна  $21\sqrt{3}$ .

**Задача 3** (12 *баллов*). Найдите все действительные значения x , которые являются решениями неравенства  $\log_{9r^2-r^4}(9a-ax^2) \le 1$  при любых  $a \in (0;4)$ .

**Задача 4** (10 *баллов*). См. лист 2.

Задача 5 (8 баллов). Основанием наклонного конуса (см. условие задачи 4) является круг с центром в точке O и диаметром 90  $\mathit{мм}$ . Пирамида  $\mathit{SABC}$  , основанием которой является равносторонний треугольник  $\mathit{ABC}$  со стороной 75  $\mathit{мм}$ , и конус имеют общую вершину S. Плоскость основания пирамиды параллельна плоскости основания конуса и выше ее на 30  $\mathit{мм}$ , высота пирамиды равна 50  $\mathit{мм}$ . Точки A', B', C', S' являются проекциями соответствующих вершин пирамиды на горизонтальную плоскость проекций, в которой лежит основание конуса. Точка S' лежит на высоте C'D' треугольника A'B'C'. Прямая OX перпендикулярна прямой S'B', угол между прямыми OX и A'C' составляет  $20^\circ$ , расстояние от точки A' до прямой OX равно 15  $\mathit{mm}$ ,  $OA' = 5\sqrt{10}\,\mathit{mm}$ . Найдите длину отрезка касательной, проведенной из точки S' к основанию конуса, и площадь объединенной фронтальной проекции двух фигур (см. условие задачи 5). (Указание: при расчетах считать  $\cos 40^\circ = 0,8$ .)

**Задача 6** (20 *баллов*). См. лист 2.

Лист 1



Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)»





#### ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ «ШАГ В БУДУЩЕЕ»

Задача 4 (10 баллов). Даны горизонтальные проекции основания наклонного конуса a' и вершин основания пирамиды A'B'C'. Вершины фигур совпадают и расположены выше оснований. Плоскость основания конуса принадлежит горизонтальной плоскости проекций. Плоскость основания пирамиды параллельна плоскости основания конуса и выше ее на 30 мм. Высота пирамиды 50 мм. Требуется:

1) построить фронтальную и горизонтальную проекции двух фигур с соблюдением проекционной связи; 2) построить проекции линии пересечения фигур с обозначением вершин проекций и видимости линий; 3) оформить все изображения в соответствии с ЕСКД.

#### Задача 6 (20 баллов). Даны две проекции фигуры.

Требцется:

- 1) на месте вида слева оформить изображение как соединение части вида и части профильного разреза;
- 2) главный вид оформить как соединение части вида и части фронтального разреза;
- 3) все изображения оформить в соответствии с ЕСКД;
- 4) нанести размеры, причем их количество должно быть минимальное, но однозначно определяющее форму фигуры;
- 5) на видах сохранить линии невидимого контура, на разрезах линии невидимого контура не изображать.

Задача 4a (10 баллов). Даны горизонтальные проекции основания наклонного конуса a' и вершин основания пирамиды A'B'C'. Вершины фигур совпадают и расположены выше оснований. Плоскость основания конуса принадлежит горизонтальной плоскости проекций. Плоскость основания пирамиды параллельна плоскости основания конуса и выше ее на 30 мм. Высота пирамиды 50 мм. Требуется:

- 1) построить фронтальную и горизонтальную проекции двух фигур с соблюдением проекционной связи;
- 2) построить проекции линии пересечения фигур с обозначением вершин и границ участков линии;
- 3) обозначить видимость фигур и линии их пересечения,
- 4) оформить все изображения по ГОСТ 2.303–306;

## Задача 6 (20 баллов). Даны две проекции фигуры.

Требуется:

- 1) на месте вида слева оформить изображение как соединение части вида и части профильного разреза;
- 2) главный вид оформить как соединение половины вида и половины фронтального разреза;
- 3) все изображения оформить по ГОСТ 2.305–2008,
- 4) решение оформить линиями по ГОСТ 2.303-68;
- 5) штриховку выполнить по ГОСТ 2.306-68;
- 6) проставить размеры по ГОСТ 2.307–2011
- 7) на видах сохранить линии невидимого контура, на разрезах линии невидимого контура не изображать.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)»





ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ «ШАГ В БУДУЩЕЕ»

## Профиль: компьютерное моделирование и графика; тур по математике и инженерной графике

Класс: 11 Вариант: 2

**Задача 1** (10 *баллов*). На шахматную доску, состоящую из  $9 \times 6$ клеток, поставили двух коней – белого и черного. С какой вероятностью они будут угрожать один другому? (Конь ходит буквой «Г», т.е. он может пойти на одно из полей, ближайших к тому, на котором он стоит, но не на той же самой горизонтали, вертикали или диагонали.)



Задача 2 (10 баллов). В остроугольный треугольник ABCсо сторонами AB = 16, AC = 21 вписана окружность с центром в точке O, которая касается сторон BC и AB в точках M и N соответственно. На прямой MN отмечена точка K так, что угол OCK равен  $60^{\circ}$ . Найдите площадь четырехугольника BOCK, если площадь треугольника *ABC* равна  $84\sqrt{3}$ .

Задача 3 (12 баллов). Найдите все действительные значения x, которые являются решениями неравенства  $\log_{4x^2-x^4}(4a-ax^2) \le 1$  при любых  $a \in (0;1)$ .

**Задача 4** (10 *баллов*). См. лист 4.

Задача 5 (8 баллов). Основанием наклонного конуса (см. условие задачи 4) является круг с центром в точке O и диаметром 90 мм. Пирамида SABC, основанием которой является равносторонний треугольник ABC со стороной 75  $_{MM}$ , и конус имеют общую вершину S. Плоскость основания пирамиды параллельна плоскости основания конуса и выше ее на 30 мм, высота пирамиды равна 50 мм. Точки A', B', C', S' являются проекциями соответствующих вершин пирамиды на горизонтальную плоскость проекций, в которой лежит основание конуса. Точка S' лежит на высоте C'D' треугольника A'B'C'. Прямая OXперпендикулярна прямой S'B', угол между прямыми OX и A'C' составляет  $20^\circ$ , расстояние от точки A' до прямой OX равно 15 мм,  $OA' = 5\sqrt{10}$  мм. Найдите длину отрезка касательной, проведенной из точки S' к основанию конуса, и площадь объединенной фронтальной проекции двух фигур (см. условие задачи 5). (Указание: при расчетах считать  $\cos 40^{\circ} = 0.8.$ )

**Задача 6** (20 баллов). См. лист 4.

Лист 3



Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)»





#### ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ «ШАГ В БУДУЩЕЕ»

Задача 4 (10 баллов). Даны горизонтальные проекции основания наклонного конуса a' и вершин основания пирамиды A'B'C'. Вершины фигур совпадают и расположены выше оснований. Плоскость основания конуса принадлежит горизонтальной плоскости проекций. Плоскость основания пирамиды параллельна плоскости основания конуса и выше ее на 30 мм. Высота пирамиды 50 мм. Требуется:

1) построить фронтальную и горизонтальную проекции двух фигур с соблюдением проекционной связи; 2) построить проекции линии пересечения фигур с обозначением вершин проекций и видимости линий; 3) оформить все изображения в соответствии с ЕСКД.

## Задача 6 (20 баллов). Даны две проекции фигуры.

Требуется:

- л. 3. 1) на месте вида слева оформить изображение как соединение части вида и части профильного разреза;
- 2) главный вид оформить как соединение части вида и части фронтального разреза;
- 3) все изображения оформить в соответствии с ЕСКД,
- 4) нанести размеры, причем их количество должно быть минимальное, но однозначно определяющее форму фигуры;
- 5) на видах сохранить линии невидимого контура, на разрезах линии невидимого контура не изображать.

Задача 4a (10 баллов). Даны горизонтальные проекции основания наклонного конуса a' и вершин основания пирамиды A'B'C'. Вершины фигур совпадают и расположены выше оснований. Плоскость основания конуса принадлежит горизонтальной плоскости проекций. Плоскость основания пирамиды параллельна плоскости основания конуса и выше ее на 30 мм. Высота пирамиды 50 мм. Требуется:

- 1) построить фронтальную и горизонтальную проекции двух фигур с соблюдением проекционной связи;
- 2) построить проекции линии пересечения фигур с обозначением вершин и границ участков линии;
- 3) обозначить видимость фигур и линии их пересечения,
- 4) оформить все изображения по ГОСТ 2.303-306,

Задача 6 (20 баллов). Даны две проекции фигуры.

Требуется:

- Í) на месте вида слева оформить изображение как соединение части вида и части профильного разреза;
- , 2) главный вид оформить как соединение половины вида и половины фронтального разреза;
- 3) все изображения оформить по ГОСТ 2.305–2008;
- 4) решение оформить линиями по ГОСТ 2.303–68;
- 5) штриховку выполнить по ГОСТ 2.306–68;
- 6) проставить размеры по ГОСТ 2.307–2011
- 7) на видах сохранить линии невидимого контура, на разрезах линии невидимого контура не изображать.