

Летающая робототехника

2022/23 учебный год

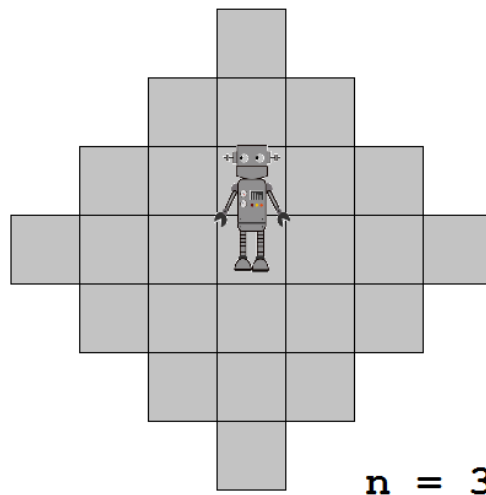
Заключительный этап

Предметный тур

Информатика. 8–11 класс

Задача VI.1.1.1. Прогулка робота (10 баллов)

Алевтина тестирует разработанного её командой робота. Этот робот может перемещаться по клетчатой поверхности, с одной клетки на соседнюю с ней по стороне. В начальный момент робот стоит в некоторой клетке поля. Заряда его аккумулятора хватит на n шагов. Алевтине интересно, а в сколько клетках может оказаться робот при этих условиях. Для примера, предположим, что робот может сделать не более трех шагов. Тогда множество всех достижимых им клеток представлено на следующем рисунке и содержит 25 клеток.



По заданному n нужно определить количество клеток, в которых может оказаться робот, сделав не более n шагов.

Формат входных данных

На вход подается одно целое число n — количество шагов, на которое у робота хватит энергии. $0 \leq n \leq 10^9$.

Формат выходных данных

Вывести количество клеток, в которых может оказаться робот, сделав не более n шагов.

Примеры

Пример №1

Стандартный ввод
3
Стандартный вывод
25

Пример №2

Стандартный ввод
0
Стандартный вывод
1

Задача VI.1.1.2. Музыкальные модули (15 баллов)

Михаил изобрел принципиально новый музыкальный инструмент. Инструмент состоит из нескольких модулей. Количество модулей произвольно и может меняться путем добавления каких-то из них к инструменту или же их удаления из его состава. Один модуль так же является не самым красивым по звучанию, но инструментом.

Готовый инструмент характеризуется объемом и тоном. Объем задается натуральным числом от 1 до n , а тон это целое число от $-n$ до n . Чем меньше отношение абсолютного значения тона к размеру объема (это отношение назовем звучанием), тем красивее звучит инструмент. Но если тон становится точно равен 0, инструмент теряет звучание. При равенстве вышеуказанных отношений, красивее звучит тот инструмент, у которого больше объем.

Главным достижением Михаила при разработке нового инструмента является то, что он сумел реализовать механизм объединения модулей с взаимным гашением тонов разного знака. При таком объединении, объем полученного инструмента равен сумме объемов исходных модулей, а тон так же равен сумме исходных тонов, но взятых со своим знаком. **Абсолютное значение тона любого исходного модуля всегда равно его объему.** Значение тона у любого модуля всегда целое число, не равное 0.

Для примера, пусть есть два модуля с тонами -9 и 2 . Тогда их можно объединить и получить инструмент с тоном -7 и объемом 11 .

На данный момент Михаил сумел построить звучащий инструмент с тоном a и объемом b . Теперь он хочет создать еще один модуль так, чтобы добавление этого модуля к уже построенному инструменту давало бы самое красивое возможное звучание. Помогите Михаилу выбрать значение тона для дополнительного модуля.

Формат входных данных

На вход подается два целых числа a и b через пробел — значения тона и объема уже построенного Михаилом инструмента. $-1000 \leq a \leq 1000, a \neq 0. 1 \leq b \leq 1000. |a| \leq b$.

Формат выходных данных

В первую строку вывести значение тона для дополнительного модуля, добавление которого делает звучание наиболее красивым.

Во вторую строку вывести два числа через пробел — значение тона и объема для самого красиво звучащего инструмента, которого можно добиться добавлением ровно одного модуля к уже построенному Михаилом инструменту.

Примеры

Пример №1

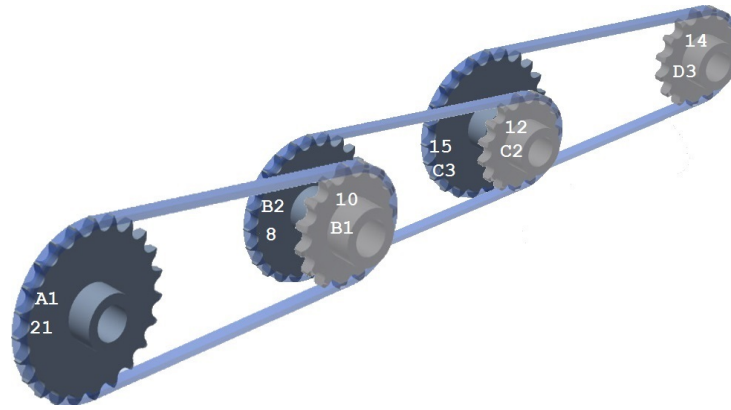
Стандартный ввод
10 30
Стандартный вывод
-11
-1 41

Пример №2

Стандартный ввод
-1 3
Стандартный вывод
2
1 5

Задача VI.1.1.3. Цепная передача (20 баллов)

Алексею на день рождения родители купили набор «Юный механик». Помимо прочих очень интересных деталей, в набор входят несколько шестеренок с различным количеством зубцов и передаточных цепей к ним. Их можно соединять на специальном стенде произвольным образом в очень сложные системы для передачи вращающего момента. Алексей тут же собрал линейную цепочку из нескольких попарно соединенных шестерен. При этом самая левая и самая правая шестерни в цепочке были на своих отдельных вращающихся валах, а промежуточные шестерни от разных цепей парами были помещены на общие валы. Более точно это можно описать следующим образом: например, Алексей соединил общими цепями шестерни A_1 и B_1 , шестерни B_2 и C_2 , а так же шестерни C_3 и D_3 . Тогда на отдельный вращающийся вал будут помещены: шестерня A_1 , шестерня D_3 , одновременно две шестерни B_1 и B_2 , а так же одновременно две шестерни C_2 и C_3 . Для лучшего понимания смотрите рисунок.



Если вращать шестерню A_1 , то будут вращаться и все остальные. Число оборотов будет определяться соотношением числа зубцов у смежных шестерен. Например, если две смежные шестерни A_1 с 21 зубцом и B_1 с 10 зубцами соединены цепью, то полный оборот шестерни A_1 будет соответствовать 2.1 оборота шестерни B_1 . Для того, чтобы обе шестерни сделали целое число оборотов, нужно A_1 вращать 10 раз, тогда B_1 провернется 21 раз.

На рисунке, помимо обозначения шестерен, указано количество зубцов у каждой из них (для данного примера). Теперь Алексей хочет понять, какое наименьшее **целое** количество оборотов шестерни A_1 нужно сделать, чтобы последняя в цепочке шестерня так же сделала **целое** количество оборотов.

Продолжим рассмотрение примера на рисунке. Утверждается, что если сделать 2 оборота шестерней A_1 , то шестерня D_3 сделает ровно 3 оборота. Действительно, 2 оборота шестерни A_1 вызовут 4.2 оборота шестерни B_1 . Такое же количество оборотов сделает и шестерня B_2 с 8 зубцами. Тогда шестерня C_2 с 12 зубцами сделает 2.8 оборота. Соответственно шестерня C_3 с 15 зубцами также сделает 2.8 оборота, а значит шестерня D_3 с 14 зубцами сделает 3 оборота.

Вам нужно решить эту задачу для произвольного (не очень большого) числа пар шестерен с заданными количествами зубцов у каждой.

Формат входных данных

В первой строке содержится количество пар шестерен n , соединенных цепью. Шестерни соединены в линейную цепочку аналогично примеру на рисунке. $1 \leq n \leq 5$.

В следующих n строках содержатся через пробел количества зубцов в каждой паре соединенных цепью шестерен. Вторая шестерня предыдущей пары и первая шестерня следующей пары помещаются на общий отдельный вращающийся вал. Первая шестерня первой пары и вторая шестерня последней пары находятся каждая на своем отдельном вале. Число зубцов в каждой шестерне находится в пределах от 3 до 100.

Формат выходных данных

Вывести два числа через пробел — наименьшее количество целых оборотов первой шестерни первой пары, и соответствующее ему число целых оборотов второй шестерни последней пары.

Примеры

Пример №1

Стандартный ввод
3 21 10 8 12 15 14
Стандартный вывод
2 3

Пример №2

Стандартный ввод
1 21 10
Стандартный вывод
10 21

Пример №3

Стандартный ввод
5 3 3 4 4 5 5 6 6 7 7
Стандартный вывод
1 1

Задача VI.1.1.4. Футбольный контроль (25 баллов)

Фёдор начинающий футбольный болельщик. Он узнал, что раз в четыре года проходит чемпионат мира по футболу. Чемпионат делится на две стадии - групповую и плей-офф. На групповой стадии все участвующие команды случайно делятся на группы по четыре команды. Далее внутри каждой группы все команды играют между собой. Таким образом, каждая команда на групповой стадии играет три матча, а внутри группы происходит шесть игр. В итоге для каждой группы получается турнирная таблица, в которой эти четыре команды выстраиваются от самой сильной до самой слабой. Две самых сильных команды выходят в следующую стадию - плей-офф и далее проводятся игры на выбывание.

Для построения таблицы используются следующие показатели (в порядке приоритетности, если все предыдущие показатели у двух команд равны, сравниваются следующие по списку).

1. Количество набранных командой очков. За победу начисляется три очка, за ничью одно, за поражение очки не начисляют. Очки за все сыгранные командой матчи суммируются.

2. При равенстве очков у двух команд, выше в таблице стоит та, у которой больше разница забитых и пропущенных мячей по итогам всех трех сыгранных этой командой игр.

3. При равенстве разницы забитых и пропущенных мячей у двух команд, выше в таблице стоит та, у которой больше забитых мячей.

В списке было еще много условий, вплоть до подсчёта желтых карточек и жеребьевки, но Фёдор далее решил не читать и ограничиться приведёнными выше правилами. Теперь он хочет проверить правильность построения турнирной таблицы. Фёдор знает результаты всех шести матчей в группе, осталось понять, в каком порядке команды будут следовать в таблице.

Рассмотрим пример. Допустим, в одной группе играют команды Armenia, Belarus, Costa Rica и Denmark. Далее приведены результаты игр между ними:

Armenia 3:1 Belarus

Belarus 3:1 Costa Rica

Costa Rica 4:3 Armenia

Armenia 1:1 Denmark

Denmark 0:3 Belarus

Costa Rica 1:5 Denmark

По итогам игр получается, что

- Belarus две игры выиграла, одну проиграла и набрала 6 очков;
- Armenia одну игру выиграла, одну проиграла, одну сыграла вничью и набрала 4 очка;
- Denmark одну игру выиграла, одну проиграла, одну сыграла вничью и набрала 4 очка;
- Costa Rica одну игру выиграла, две проиграла и набрала 3 очка.

Пока известно, что Belarus заняла первое место в таблице и вышла в плей-офф, но за второе выходящее место спорят команды Armenia и Denmark.

Armenia забила 7 мячей и пропустила 6 мячей. Разница равна +1.

Denmark забила 6 мячей и пропустила 5 мячей. Разница равна +1.

По второму показателю у этих команд снова равенство.

Armenia забила больше, чем Denmark, поэтому в таблице команда Armenia будет на втором месте, а Denmark на третьем.

Costa Rica займет четвертую позицию.

В итоге в плей-офф выйдут Belarus и Armenia.

Формат входных данных

На вход в шести строках подаются данные об итогах шести матчей между четырьмя командами в формате, указанном в примере. Названия команд состоят из больших и малых английских букв и знаков одиночного пробела и могут состоять из нескольких слов. Число символов в названии команд не превосходит 50. Команда от количества забитых голов отделена одним пробелом, сам счет разделён двоеточием без пробела. Количество забитых мячей в матче не превосходит 99. Все команды в группе имеют попарно различные названия.

Формат выходных данных

В первую строку вывести заголовок «Standings:»

Далее в следующие четыре строки вывести команды в том порядке, в каком они будут следовать в таблице. Если для двух или более команд порядок по итогам указанных условий не определен, вывести их в алфавитном порядке. Для каждой команды указать перед её именем в таблице через пробел место, которое она заняла в группе. Если несколько команд имеют полностью одинаковые показатели, перед каждой из этих команд вывести интервал мест, в которые она попадает. Интервал выводить в виде «первое место интервала - последнее место интервала» и далее пробел перед именем соответствующей команды. Для лучшего понимания смотрите примеры.

Далее вывести пустую строку.

Далее в следующей строке вывести сообщение «Advance to the playoffs:»

Далее, если вышедшие команды определены, в две строки вывести две вышедшие из группы в плей-офф команды. Если среди этих двух команд есть лидер – в первую из этих строк вывести его, иначе, если обе вышедшие команды полностью равны – вывести их в алфавитном порядке. Если по итогам турнира нельзя однозначно определить две вышедшие команды, вывести одну строку с сообщением «Lottery».

Примеры

Пример №1

Стандартный ввод
Armenia 3:1 Belarus Belarus 3:1 Costa Rica Costa Rica 4:3 Armenia Armenia 1:1 Denmark Denmark 0:3 Belarus Costa Rica 1:5 Denmark
Стандартный вывод
Standings: 1 Belarus 2 Armenia 3 Denmark 4 Costa Rica Advance to the playoffs: Belarus Armenia

Пример №2

Стандартный ввод
Armenia 3:3 Belarus Armenia 0:2 Costa Rica Armenia 0:1 Denmark Belarus 0:1 Costa Rica Belarus 0:2 Denmark Costa Rica 1:1 Denmark
Стандартный вывод
Standings: 1-2 Costa Rica 1-2 Denmark 3-4 Armenia 3-4 Belarus Advance to the playoffs: Costa Rica Denmark

Пример №3

Стандартный ввод
Armenia 0:3 Belarus Armenia 0:3 Costa Rica Armenia 0:3 Denmark Belarus 2:2 Costa Rica Belarus 2:2 Denmark Costa Rica 2:2 Denmark
Стандартный вывод
Standings: 1-3 Belarus 1-3 Costa Rica 1-3 Denmark 4 Armenia Advance to the playoffs: Lottery

Задача VI.1.1.5. Цепочки проектов (30 баллов)

Эдуард Леонидович — директор исследовательского института. Каждый день его институт либо начинает ровно один новый проект либо заканчивает ровно один из уже начатых. Таким образом, если мы обозначим проекты их номерами и выпишем для каждого дня номер начинаемого или заканчиваемого проекта, то получим расписание работы института в этот период времени.

Например пусть последовательность работ над проектами выглядит следующим образом: 2, 4, 5, 5, 3, 2, 1, 4, 1, 3.

Она означает, что: в первый день институт начал проект номер 2, во второй день институт начал проект номер 4, в третий день институт начал проект номер 5, в четвертый день институт закончил проект номер 5, в пятый день институт начал проект номер 3, в шестой день институт закончил проект номер 2, в седьмой день институт начал проект номер 1, в восьмой день институт закончил проект номер 4, в девятый день институт закончил проект номер 1, в десятый день институт закончил проект номер 3.

В отчетности, которую заполняет Эдуард Леонидович, считается, что проект В является продолжением проекта А, если проект В начался между датами начала и окончания проекта А, и закончился позже окончания проекта А. Наибольшую ценность имеют цепочки проектов. Набор проектов A_1, A_2, \dots, A_k является цепочкой, если для любых двух соседних проектов A_i и A_{i+1} в этой цепочке верно, что проект A_{i+1} является продолжением проекта A_i .

В вышеприведенном примере можно выделить следующие цепочки проектов:

- 1, 2, 3, 4, 5 имеют длину один,
- 2-4, 2-3, 4-3, 4-1 имеют длину два,
- 2-4-1, 2-4-3 имеют длину три.

Помогите с отчетом Эдуарду Леонидовичу. По списку начатых и законченных институтом проектов определите длину самой большой цепочки проектов, выполненной институтом за отчетный период.

Формат входных данных

В первой строке задается количество проектов n , выполненных институтом в отчетный период. $1 \leq n \leq 10^5$.

Во второй строке задана последовательность выполнения проектов. Она состоит из $2 \cdot n$ чисел через пробел. Каждое из этих чисел от 1 до n и каждое встречается в последовательности ровно два раза. Первое вхождение соответствует началу проекта с этим номером, второе вхождение — окончанию.

Формат выходных данных

Вывести одно число — длину самой большой цепочки проектов за отчетный период.

Примеры

Пример №1

Стандартный ввод
5 2 4 5 5 3 2 1 4 1 3
Стандартный вывод
3

Физика. 8–9 классы

Задача VI.1.2.1. Кинематика (30 баллов)

Условие

В новый строящийся аэропорт планируется включить автоматизированную систему обработки багажа по рейсам с помощью сортировочных роботов. Теперь общее время от приема багажа до поступления его в корзину назначения составляет $T = 400$ с. При этом багаж сначала поступает на конвейер длиной $L = 150$ м и движется со скоростью $\nu_L = 0,5$ м/с, и затем без изменения скорости попадает на наклонный спуск, по которому равноускоренно груз съезжает за $t_s = 4$ с и выходит с него со скоростью $\nu_s = 1,2$ м/с, где его принимает робот на свою погрузочную платформу. Получив груз, робот транспортирует его в корзину назначения за оставшееся время по оптимальной траектории и сразу же возвращается обратно к своему пункту приема багажа. Временем на остановку робота и его разворотами пренебречь.

1. Сколько робот затрачивает на транспортировку багажа до корзины назначения?
2. Чему равна длина наклонного спуска, по которому багаж направляется на погрузочную платформу?
3. Какое наименьшее количество сортировочных роботов потребуется для обеспечения непрерывного распределения багажа, если интервал между багажом составляет $t_i = 100$ с, при условии, что пункт приема груза будет общий, а время, затрачиваемое на транспортировку каждым роботом, будет то же, что и одним роботом?

Задача VI.1.2.2. Тепловые явления (15 баллов)

Условие

Одним из видов источников энергии, получившие широкое распространения ввиду высокой удельной мощности и умеренной стоимости, является свинцово-кислотный аккумулятор. Его производство начинается с плавления свинца. Начальная температура свинца 27 °С. Требуется определить исходную массу свинца, если процесс был приостановлен, когда 60% уже было расплавлено, количество теплоты отданное на процесс $Q = 120$ кДж. Тепловыми потерями пренебречь. Ответ округлить до сотых.

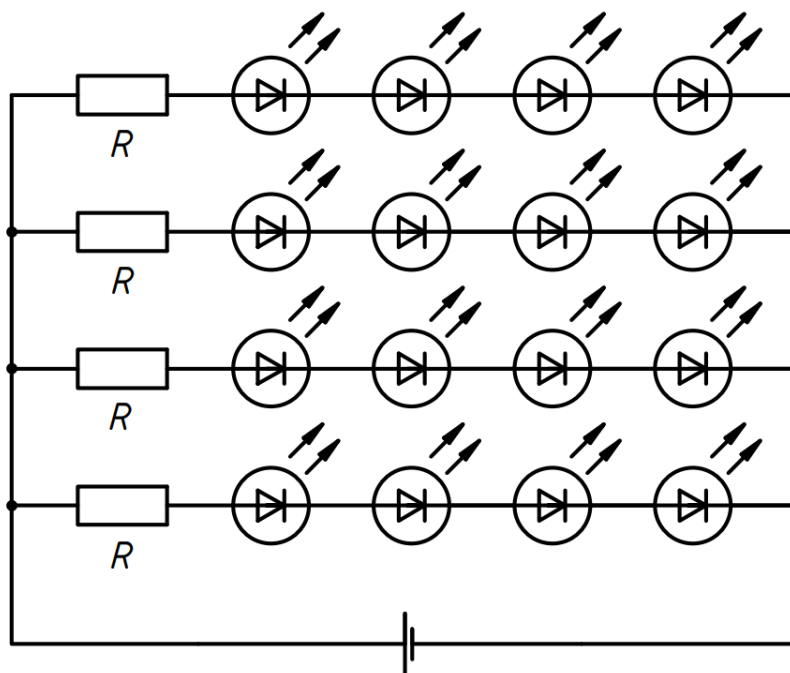
Информация для справки:

- температура плавления свинца — 327 °С;
- теплоемкость свинца — $c = 130$ Дж/(кг·°С);
- удельная теплота плавления — $\lambda = 2,5 \cdot 10^4$ Дж/кг.

Задача VI.1.2.3. Электрические явления (30 баллов)

Условие

Для локального освещения из одинаковых светодиодов была собрана матрица, схема которой представлена на рисунке. Для обеспечения нормальной работы светодиода в цепь последовательно подключается токоограничивающий резистор. При этом, один светодиод имеет следующие характеристики: рабочее напряжение $U_{св} = 2$ В, рабочий ток $I_{св} = 20$ мА.



1. Рассчитать сопротивление токоограничивающего резистора для одного такого светодиода при подключении его к источнику питания с напряжением $U_{и} = 5$ В. Изобразить принципиальную электрическую схему такого подключения.
2. Рассчитать сопротивление токоограничивающих резисторов для светодиодной матрицы приведенной на схеме при подключении ее к источнику питания с напряжением $U = 24$ В. Определить требуемую мощность рассеивания резистора для обеспечения его нормальной работы.
3. Определить мощность рассеивания всей матрицы и количество теплоты, которую она выделяет за $t = 10$ с.

Задача VI.1.2.4. Динамика (25 баллов)

Условие

Дрон службы доставки взлетает с ускорением из магазина с жестко закрепленным грузом $m = 2$ кг вертикально вверх на $H = 15$ м. После набора высоты дрон останавливается, определяет направление полета до получателя и летит по прямой с постоянной скоростью в $v_{д} = 18$ м/с. Достигнув необходимых координат, доставщик останавливается, сбрасывает груз и улетает. Временем на остановку дрона и его разворотами пренебречь.

1. На какой максимальной высоте должна находиться грузовая площадка, чтобы не сработал закрепленный на грузе датчик импульса с пороговой чувствительностью $p = 70$ кг·м/с?

2. За какое время будет осуществлена доставка от момента взлета из магазина до касания заказом грузовой площадки, если во время взлета ускорение равно $a = 2,5 \text{ м/с}^2$, а расстояния до получателя составляет $S = 16 \text{ км}$? Ответ округлите до целых.

Физика. 10–11 классы

Задача VI.1.3.1. Динамика (20 баллов)

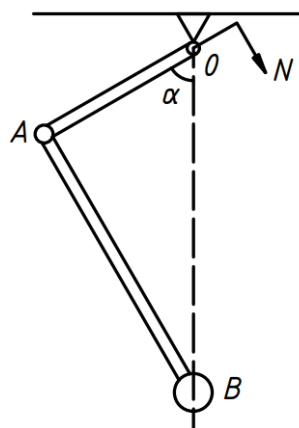
Условие

Одной из перспективных технологий хранения энергии является гравитационные накопители. Существуют различные принципы их работы, но все они основаны на аккумуляции избыточной энергии ветряных и солнечных электростанций. Примером такого накопителя является система из вагончика на колесах, перемещающегося по рельсам. При накоплении энергии он с помощью электродвигателей поднимается в гору, а при отдаче — скатывается, при этом двигатели работают в режиме генератора. Определите, какую работу необходимо совершить электродвигателям для подъема вагончика $m = 6 \text{ т}$ по дороге длиной $S = 4 \text{ км}$ с уклоном $\alpha = 30^\circ$, если коэффициент трения равен $\mu = 0,01$. Ответ выразите в кДж, округлив до десятых.

Задача VI.1.3.2. Статика (30 баллов)

Условие

На автоматизированную линию упаковки требуется спроектировать дельта-робота. Его основным элементом является представленный на схеме ниже рычаг, который прикреплен к основанию посредством шарниров. Определите момент силы N в расчете на 1 м, для удержания рычага в указанном на схеме положении, если известно, что плечо OA имеет массу $m_1 = 7 \text{ кг}$ и длину $L = 2 \text{ м}$, плечо AB имеет массу $m_2 = 10 \text{ кг}$, на конце рычага ровно под шарниром жестко закреплен груз $m_3 = 2 \text{ кг}$, угол $\alpha = 60^\circ$. Ответ округлите до десятых.



Задача VI.1.3.3. Электростатика (25 баллов)

Условие

Емкостные датчики линейных перемещений предоставляют возможность производить измерения расстояния до объекта с токопроводящей поверхностью с высокой точностью. Работа таких датчиков основана на пропорциональном перемещении пластин конденсатора, а значит, изменении емкости при линейном перемещении объекта. Определите энергию электрического поля плоского конденсатора с воздушным диэлектриком и разностью потенциалов в $U = 100$ В, если расстояние между пластинами с площадью $S = 100$ см² увеличилось на $\Delta d = 2$ мм, а его емкость до перемещения составляла $C = 10$ пФ.

Информация для справки:

- электрическая постоянная $\varepsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12}$ Ф/м.
- диэлектрическая проницаемость воздуха $\varepsilon = 1$.

Задача VI.1.3.4. Тепловые явления (25 баллов)

Условие

Для изучения атмосферы применяют метеорологические зонды, который состоит из баллона с газом и подвешенной к нему аппаратуры. Определите, на сколько увеличилась внутренняя энергия гелия внутри шара объемом $V = 7,5$ м³ и $p = 10^5$ Па под действием солнца нагрелся с $t_1 = 15$ °С до $t_2 = 30$ °С. Ответ выразите в кДж и округлите до десятых.