

Спутниковые системы

2022/23 учебный год

Заключительный этап

Предметный тур

Информатика. 8–11 класс

Задача VI.1.1.1. Космические треугольники (10 баллов)

Однажды астроном сфотографировал звездное небо и, посмотрев на фотографии, увидел много треугольников из звёзд.

Вершина каждого треугольника находится в точках (x_1, y_1) , (x_2, y_2) и (x_3, y_3) . Ваша задача помочь астроному определить, можно ли провести прямую, которая будет делить треугольник **ровно на два невырожденных треугольника** (невырожденным называется треугольник, площадь которого не равна нулю). Помимо того, эта прямая должна быть либо горизонтальной, либо вертикальной, то есть быть **параллельной либо оси x , либо оси y** .

Формат входных данных

В первой строке задано число n — количество наборов входных данных ($1 \leq n \leq 10^4$).

Затем идут n наборов, каждый из которых состоит из трёх строк. В i -й из трёх строк заданы два целых числа x_i и y_i ($1 \leq x_i, y_i \leq 10^8$) — координаты i -й вершины.

Все треугольники не вырожденные, то есть площадь каждого не равна нулю.

Формат выходных данных

Для каждого набора координат треугольника вывести сообщение «YES» в случае, если провести разделение можно и «NO», если этого сделать нельзя.

Примеры

Пример №1

Стандартный ввод
2
0 2
0 0
2 0
2 0
4 2
8 0
Стандартный вывод

Задача VI.1.1.2. Помехи в сигнале (20 баллов)

На космическом аппарате была замечена ошибка в виде неверной работы передатчика. Передача сигналов была с определенной помехой: в массив данных постоянно вмешивалась цифра другой четности. Необходимо определить, какая из цифр в массиве лишняя и выписать её.

Формат входных данных

В первой строке записано целое число n — количество чисел в массиве ($3 \leq n \leq 100$). В следующей строке через пробел записан массив натуральных чисел, каждое из которых не превосходит 100.

Формат выходных данных

Выведите число, являющимся лишним в последовательности.

Примеры

Пример №1

Стандартный ввод
6 46 32 76 75 28 98
Стандартный вывод
75

Задача VI.1.1.3. Движение марсохода (20 баллов)

Марсоход передвигается по поверхности Марса и изучает образцы с целью доставки их на Землю.

Поверхность, по которой он двигается, представляет собой поле $N \times M$, состоящее из квадратов. Обозначим квадрат в i -й ($1 \leq i \leq N$) строке и j -м ($1 \leq j \leq M$) столбце через (i, j) . Все числа в квадратах равны 1 или -1 . Двигаться Марсоход начинает с квадрата $(1, 1)$ и за один раз может перемещаться на один квадрат вниз или вправо. В конце концов, ему нужно оказаться в квадрате (N, M) .

Можно ли двигаться так, чтобы сумма записанных по дороге значений (включая первый и последний квадрат) была равна 0?

1	-1	-1	-1	1	1
1	1	-1	1	1	-1
1	1	-1	-1	1	-1

Формат входных данных

В первой строке записано целое число n — количество входных данных t ($1 \leq t \leq \leq 10^4$). Далее записаны входные данные каждого набора.

Первая строка каждого набора состоит из двух чисел N и M ($1 \leq N, M \leq 1000$) — количество строк и столбцов в наборе.

Далее следуют N строк, в каждой из которых M целых чисел, где j -е число в i -й строке — число (1 или -1) в квадрате (i, j) .

Формат выходных данных

Для каждого набора входных данных выведите «YES», если существует дорога из $(1, 1)$ в (N, M) , сумма которой равна 0, и «NO», если не существует.

Примеры

Пример №1

Стандартный ввод
1
3 1
-1
1
-1

Стандартный вывод
NO

Задача VI.1.1.4. Восстанови сигнал (20 баллов)

Представим, что общение между центром управления полётов (ЦУП) и спутником — это последовательность скобочек «(» и «)». Правильный сигнал — это последовательность скобочек «(» и «)», которую можно преобразовать в нормальное арифметическое выражение, используя «1» и «+». Например, если поступил сигнал $()$, то его можно преобразовать в $(1+1)$. Ещё один пример: из последовательности $(())$ можно получить сигнал $(1+(1+1)+1)$.

Проблема в том, что при очередной передаче сообщения в ЦУП часть скобочек потерялась. Необходимо понять, можно ли однозначно восстановить правильный сигнал.

Формат входных данных

В первой строке записано число t — количество сигналов $1 \leq t \leq 5 \cdot 10^4$.

Далее некоторые скобочки заменены на знаки вопроса. Каждый символ — это «(», «)» или «?». Из каждого сигнала можно восстановить хотя бы 1 правильный сигнал.

Суммарная длина последовательности по всем наборами составляет не более $2 \cdot 10^5$.

Формат выходных данных

На каждый набор входных данных выведите «YES», если способ заменить знаки вопроса на скобки так, чтобы получился сигнал, единственный. Если существует

больше одного способа, то выведите «NO»

Примеры

Пример №1

Стандартный ввод
2 (?) ?????
Стандартный вывод
YES NO

Задача VI.1.1.5. Спутниковые передатчики (30 баллов)

Перед изготовлением аппаратуры спутника тестируют его аппаратуру, например, передатчики информации.

Даны n передатчиков и m проводов между ними. Между двумя передатчиками A и B может быть:

- ни одного провода;
- провод из передатчика A в передатчик B ;
- провод из передатчика B в передатчик A ;
- провод из передатчика A в передатчик B и провод в обратную сторону.

Задача покрасить провода в k цветов так, чтобы не существовало циклов, состоящих из проводов одного цвета.

Найдите минимально возможное значение k .

Формат входных данных

В первой строке записаны два целых числа n и m ($2 \leq n \leq 5000$, $1 \leq m \leq 5000$) — количество передатчиков и проводов, соответственно.

Затем следуют m строк. В каждой строке два целых числа u и v ($1 \leq u, v \leq n$, $u \neq v$) — провод из передатчика u в передатчик v .

Формат выходных данных

В одной единственной строке выведите одно целое число k — минимальное количество цветов.

Примеры

Пример №1

Стандартный ввод
4 4
2 4
2 3
1 3
2 1
Стандартный вывод
1

Физика. 8–9 классы

Задача VI.1.2.1. (30 баллов)

Малый космический аппарат, который выведен на орбиту, совершает вращения вокруг неопределенной планеты со скоростью 30 км/с на орбите. Высота орбиты малого космического аппарата, который вращается вокруг неизвестной планеты составляет 9000 км. Масса малого космического аппарата 100 кг, а масса неизвестной планеты в 1,5 раза больше массы Земли. Необходимо найти радиус неизвестной планеты.

Масса земли $5,9722 \times 10^{24}$ кг.

Задача VI.1.2.2. (30 баллов)

На неопределенной планете была построена специальная станция, где живут астронавты и проводят различные эксперименты по изучению этой планеты. В одном из экспериментов необходимо было налить в сосуд 3 литра воды при температуре 20 °С. Но перед учеными встал вопрос: сколько воды при температуре 45 °С надо добавить в сосуд, чтобы в нём установилась температура 30 °С? Необходимый свободный объём в сосуде имеется. Теплообменом с окружающей средой пренебречь.

Задача VI.1.2.3. (20 баллов)

Университетский малый космический аппарат был запущен на орбиту Земли. Высота орбиты малого космического аппарата $h = 2500$ км. Необходимо определить скорость малого космического аппарата и период обращения.

Задача VI.1.2.4. (20 баллов)

Малый космический аппарат, выведенный ракетоносителем, вращается вокруг астероида радиусом 5 и находится на высоте 30° над горизонтом от наблюдателя, высота орбиты малого космического аппарата 3 км. Определите расстояние от аппарата до наблюдателя. Запишите ответ с точностью до десятых долей.

Физика. 10–11 классы

Задача VI.1.3.1. (30 баллов)

На сегодняшний день очень популярна тема изучения неизвестных планет. Учеными был разработан малый космический аппарат с полезной нагрузкой в виде спускаемого на поверхность зонда для изучения неизвестных планет. Малый космический аппарат, приближаясь к планете, производит отстыковку полезной нагрузки в виде спускаемого на поверхность зонда. Скорость малого космического аппарата после отстыковки по величине равна начальной скорости малого космического аппарата и направлена перпендикулярно к ней. Скорость спускаемого на поверхность зонда по величине в n раз больше начальной скорости спутника. Необходимо найти отношение масс малого космического аппарата и спускаемого на поверхность зонда. В ответ запишите число.

Задача VI.1.3.2. (30 баллов)

В море находится плавучий космодром, следующий курсом на север, на котором находится площадка для старта ракеты. Этот плавучий космодром обнаружен в северо-западном направлении от яхты со спутниками, которые необходимо доставить на плавучий космодром. Под каким углом к меридиану нужно направить яхту для доставки спутников на плавучий космодром, если скорость яхты в 2 раза превышает скорость плавучего космодрома?

Дано: скорость яхты в два раза больше скорости плавучего космодрома; угол к меридиану — 45° , под которым обнаружен плавучий космодром (северо-западное направление).

Задача VI.1.3.3. (20 баллов)

Университетский малый космический аппарат был запущен на круговую орбиту с высотой 100 км над поверхностью Земли. Необходимо найти какую скорость должен иметь малый космический аппарат, а также период его обращения вокруг Земли?

Задача VI.1.3.4. (20 баллов)

Университет запустил свой собственный малый космический аппарат на орбиту неизвестной планеты для изучения различных её свойств для последующего анализа ситуации на этой планете. Высота орбиты $H = 5000$ км от центра этой неопределенной планеты. Известно, что масса планеты $M = 1,086 \cdot 10^{25}$. Малый космический аппарат переходит на такую же по высоте орбиту, пересекающую изначальную под углом $\alpha = 5^\circ$. Необходимо найти силу, с которой действовали двигатели, которые необходимы для выполнения маневров, если нам известно, что поворот занял $t = 30$ с, а масса спутника $m = 150$ кг. Ответ необходимо указать в Ньютонах с точностью до целых.