# Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по астрономии, заключительный этап, 2022/23 учебный год

#### 8-9 класс

Краткие решения.

### 1. С каким периодом повторяются конфигурации астероида Веста? (15 баллов)

Решение. По определению промежуток времени между двумя одноимёнными последовательными конфигурациями есть синодический период. По формуле

$$\frac{1}{S} = \left| \frac{1}{T_3} - \frac{1}{T_B} \right| (1)$$
 (8 баллов)

устанавливается связь между синодическим и сидерическим периодами Весты. Третий закон Кеплера позволяет нам определить сидерический период Весты, следовательно, вычислив его по формуле

$$T_{\rm B} = \sqrt{a_{\rm B}^3} = \sqrt{2,36^3} = 3,62$$
 лет (2) (4 балла)

 $T_{\rm B}=\sqrt{a_{\rm B}^3}=\sqrt{2,36^3}=3,62~{\rm лет}~(2)~$  (4 балла) мы можем найти синодический период астероида, подставив в (1) в качестве сидерического периода Земли 1 год, и у нас получается итоговая формула вида

$$S = \frac{T_3 T_{\rm B}}{T_{\rm B} - T_3} = \frac{3,62}{2,62} = 1,38$$
 лет (3) (3 балла) откуда синодический период астероида Весты равен 1,38 земных лет.

## 2. В каком диапазоне может изменяться угловое удаление от Солнца для Меркурия в момент наибольшей элонгации при наблюдении с Земли? Орбиту Земли считать круговой. (20 баллов)

Дано:

 $e_3$ =0 (орбита круговая)

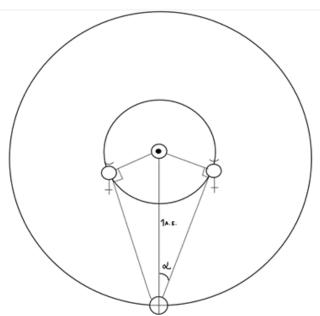
 $a_3=1$  a.e.

 $e_{M} = 0.21$ 

 $a_{M}$ =0,38 a.e.

Решение.

Для начала нужно разобраться с расположением Меркурия на орбите, соответствующим наибольшей элонгации.



Элонгация планеты - угол Солнце-Земля-планета. Максимальная элонгация внутренней планеты наблюдается в момент, когда прямая Земля-планета является касательной к орбите планеты, то есть угол Солнце-планета-Земля – прямой. (6 баллов)

Мы ищем диапазон углов, потому что Меркурий может находиться в максимальной элонгации, будучи в перигелии или афелии своей орбиты. Для этих двух случаев угол Солнце-Земля-Меркурий будет разным (назовём его а). (6 баллов)

Так как орбиту Земли считаем круговой, расстояние между Солнцем и Землёй (как радиус орбиты) однозначно — 1 а.е. (1 балл)

Для нахождения данного угла необходимо также знать расстояние от Солнца до Меркурия (перигелийное и афелийное).

Формула для нахождения афелийного расстояния:

$$Q=a(1+e)$$
 (1 балл)  $Q=0.38~a.e.(1+0.21)=0.46~(a.e.)$  (1 балл)

Формула для нахождения перигелийного расстояния:

$$q=a(1-e)$$
 (1 балл)  $q=0.38~a.e.(1-0.21)=0.30~(a.e.)$  (1 балл)

Для Меркурия в афелии: посчитаем синус угла разделив афелийное расстояние (катет прямоугольного треугольника) на расстояние от Земли до Солнца (гипотенуза)

$$\sin \alpha = \frac{0.46}{1}$$
 a. e.  $\sin \alpha = 0.46$   $\arcsin(0.46) = 27.39^{\circ} = 27^{\circ}23'$  (1 балл)

Для Меркурия в перигелии: посчитаем синус угла разделив перигелийное расстояние (катет прямоугольного треугольника) на расстояние от Земли до Солнца (гипотенуза)

$$sin \alpha = \frac{0,30}{1}$$
 a. e.  $sin \alpha = 0,30$   $arcsin(0,30) = 17,46^{\circ} = 17^{\circ}27'$  (1 балл)

Итак, диапазон изменения углового удаления от Солнца для Меркурия в момент наибольшей элонгации при наблюдении с Земли:

$$17^{\circ}27' \le \alpha \le 27^{\circ}23'$$
 (1 балл)

*Ombem*:  $17^{\circ}27' \le \alpha \le 27^{\circ}23'$ .

3. На один кадр снято два изображения Луны вблизи горизонта. Определите, вечером или утром был получен снимок? Какое из изображений – первое? (20 баллов)



Решение. Возможно рассмотрение двух случаев:

(За рассмотрение только одного случая участник получает не более 10 баллов.)

1. Наблюдатель находится в северном полушарии. Тогда Луна, как и все светила, двигается по небесной сфере слева направо (по часовой стрелке), т.к. именно в таком порядке расположены на горизонте точки востока, юга и запада (4 балла). Значит на снимке мы видим восходящую Луну, т.е. первый снимок тот, на котором Луна ниже над горизонтом (левый), второй - выше (правый). (1 балл) На фото Луна находится недалеко от точки востока. Т.к. на кадре изображена полная Луна,

логично предположить, что Солнце расположено в противоположной части неба, то есть недалеко от точки запада (**4 балла**), из чего следует, что фото было сделано вечером. (**1 балл**)

## Баллы за второй случай расставляются аналогично.

- 2. Наблюдатель находится в южном полушарии. Тогда Луна движется справа налево (против часовой стрелки), т.к. именно в таком направлении следуют по порядку восток, север и запад. Значит на снимке мы видим заходящую Луну, т.е. первый снимок тот, на котором Луна выше над горизонтом (правый), второй ниже (левый). По аналогии с первым пунктом можно сделать вывод, что изображение получено утром, т.к. полная Луна кульминирует в полночь, а значит мы видим утреннее небо.
- 4. Некая звезда имеет параллакс 0.01" и приближается к Солнцу со скоростью 30.7 км/с. При этом видимое перемещение звезды в картинной плоскости (т. е. перпендикулярно лучу зрения) отсутствует. Через сколько лет блеск звезды для наблюдателя на Земле возрастёт на  $5^{\rm m}$ ? (25 баллов)

Решение. r – расстояние от звезды до Солнца.

$$r = \frac{1}{\pi \prime \prime} = \frac{1}{0.01 \prime \prime} = 100 \text{ пк}$$

(3 балла (2 балла формула и 1 балл численный ответ))

Первый способ нахождения г':

М – абсолютная звездная величина, она является постоянной для конкретной звезды.

$$M=m+5-5\lg(r)=m'+5-5\lg(r')$$
 (4 балла)  $m'-m=5\lg(\frac{r'}{r})$  (2 балла)

По условию звезда приближается, значит звездная величина должна уменьшиться на  $5^m$ 

$$m' - m = -5^m$$
 (4 балла)
$$-5 = 5\lg(\frac{r'}{r})$$

$$\lg\left(\frac{r'}{r}\right) = -1$$

 $r'=rac{r}{10}=10$  пк (конечное расстояние от Солнца до звезды)

(4 балла (3 балла за формулу и ее обоснование и 1 балл за численный ответ))

Второй способ нахождения г', не требующий использования логарифмов:

 $\Delta m = 5 = >$  яркость звезды изменилась в 100 раз **(4 балла)** 

Т.к. звезда приближается, то ее яркость увеличилась. (2 балла)

По закону обратных квадратов:

$$rac{E}{E'} = rac{r\prime^2}{r^2} = rac{1}{100}$$
 (4 балла)  $r' = 0.1r = 10$  пк (4 балла)

Оба способа нахождения расстояния оцениваются в одинаковое количество баллов.

$$\Delta r = r - r' = 100 - 10 = 90$$
 пк (2 балла)

Т.к. перемещение звезды в картинной плоскости отсутствует, лучевая скорость звезды равна ее полной скорости. (2 балла)

$$T = \frac{\Delta r}{v} = \frac{90*206265*1,496*10^8}{30,7} = 9*10^{13}c = 2,87*10^6$$
 земных лет

(4 балла (2 балла формула и 2 балла численный ответ))

Ответ: 2,87\*10<sup>6</sup> земных лет.

5 На фото, сделанном в декабре 2022 года в Турецкой национальной обсерватории ТЮБИТАК (широта  $\phi = 37^{\circ}$ ), где расположен телескоп КФУ РТТ-150 с диаметром зеркала 1.5 метра, снято ночное небо и его отражение в стеклянной поверхности, расположенной под углом  $\alpha$  к горизонту. Съёмка производилась на сверхширокоугольный объектив с полем зрения  $170^{\circ}$  («фишай»). Отождествите основные созвездия и ярчайшие звёзды в них, видимые на фото. Какой небесный объект не звёздной природы есть на кадре? (20 баллов)

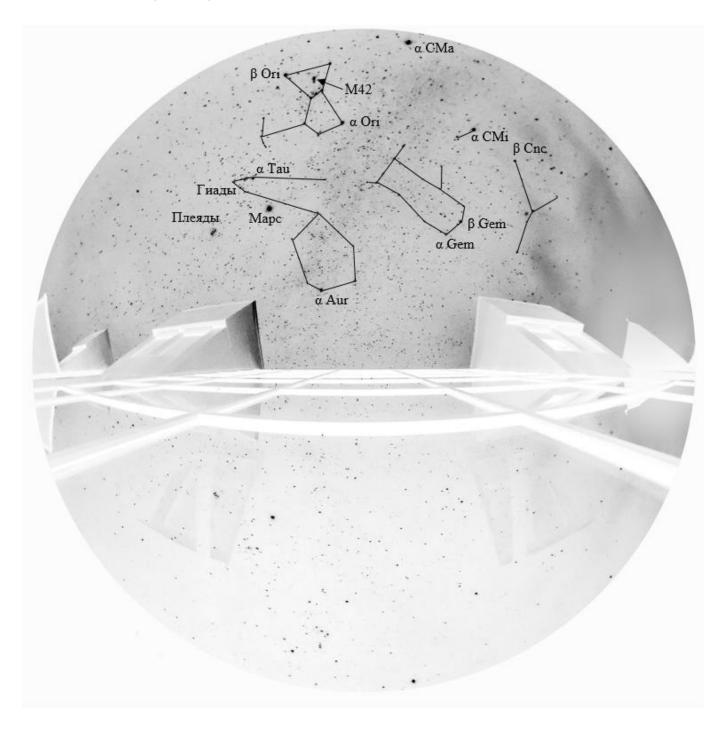
Решение. Подробное объяснение взаимного расположения наблюдателя и отражающей поверхности: см. решение 11.5 для 10-11 классов.

Сразу можно заметить узнаваемую фигуру Ориона (2 балла) как на небе, так и в его отражении. В плече Ориона заметим одну из наиболее ярких звёзд небесной сферы, Бетельгейзе (α Ori) (1 балл), а ниже пояса в противоположном «углу» — Ригель (β Ori). Чуть ниже пояса Ориона также можно отметить кинжал (меч) Ориона с весьма интересным объектом — Большой Туманностью Ориона (М42), удалённой от Солнечной системы на расстояние около 1500 световых лет. Зная положение М42 в Орионе, и без рассмотрения всех случаев взаимного расположения наблюдателя и зеркала можно установить, что α — угол наклона стеклянной поверхности к плоскости горизонта — отсчитывается в плоскости небесного меридиана (т.е. наблюдатель стоит лицом к северу и держит камеру таким образом, чтобы запечатлеть участок неба, находящийся за его спиной).

Юго-восточный конец пояса Ориона указывает на Сириус (α СМа) (1 балл) — ярчайшую звезду небосклона и α Большого Пса. Северо-западный конец же указывает на Альдебаран (α Таи) (1 балл), самую заметную звезду Тельца (2 балла), рядом с которой различимо скопление Гиады. Чуть ниже расположено ещё одно известное скопление Плеяды, также относящееся к созвездию Тельца. Примечательный объект рядом с одним из «рогов» Тельца заметно ярче Альдебарана и не относится к известным астеризмам, потому логично предположить, что мы наблюдаем какуюлибо из планет Солнечной системы, в нашем случае Марс, последнее противостояние которого происходило как раз 8 декабря 2022 года, в даты наблюдений. Установить природу объекта нам также помогает то, что Телец является зодиакальным созвездием, а орбиты всех наблюдаемых невооружённым глазом планет имеют угол наклона к плоскости эклиптики не более 7°. (1 балл за указание объекта, 2 балла за обоснование)

В центральной части неба на кадре можно различить тёмную (на негативе) область — Млечный Путь. По другую сторону от него относительно вышеупомянутых созвездий заметна ещё одна яркая звезда зимнего неба и первая по яркости в созвездии Возничего (2 балла) — Капелла (а Aur) (1 балл).

Следующее зодиакальное созвездие, чётко различимое на фото, — это Близнецы (2 балла) и его наиболее яркие звёзды Кастор и Поллукс (а Gem и β Gem соответственно) (1 балл). Рядом с ним расположены Малый Пёс (ярчайшая звезда — Процион (а СМі)) (1 балл) и Рак (2 балла) (ярчайшая звезда — Альтарф (β Спс) (1 балл)). Можно также отметить созвездия, частично попадающие в кадр и/или трудноразличимые ввиду особенностей съёмки: Гидра, Единорог, Эридан, Заяц, Кит, Овен, Рысь.



## Справочные данные:

1 a.e. =  $1.496 \cdot 10^8$  км; 1пк = 206265 a. e.

скорость света в вакууме c = 299792 км/с; гравитационная постоянная  $G = 6.67 \cdot 10^{-11}$  м<sup>3</sup>/кг·с<sup>2</sup> продолжительность тропического года T = 365.2422 суток

длительность синодического периода обращения Луны 29.5 дня, сидерического — 27.3 дня наклонение экватора Земли к плоскости эклиптики  $\epsilon$  = 23°26′

масса Солнца  $-2.10^{30}$  кг, радиус Солнца  $-6.96.10^5$  км

масса Земли –  $6 \cdot 10^{27}$  г, радиус Земли – 6371 км

радиус Луны – 1737 км, большая полуось орбиты Луны 385 000 км

большая полуось орбиты Меркурия 0.38 а.е., эксцентриситет орбиты Меркурия 0.21

большая полуось орбиты Весты 2.36 а.е., эксцентриситет орбиты Весты 0.09