



Комитет по образованию Санкт-Петербурга  
Санкт-Петербургский государственный университет  
Российский государственный педагогический университет  
Санкт-Петербургский городской дворец творчества юных  
СПб отделение математического института им. В.А.Стеклова

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ПО МАТЕМАТИКЕ

12 ДЕКАБРЯ 2015 Г. 1 ТУР 6 КЛАСС 1 ВАРИАНТ



1. Расставьте в клетках указанной фигурки числа от 5 до 14 так, чтобы суммы чисел во всех доминошках были разными (доминишка — это прямоугольник, состоящий из двух клеток, соседних по стороне).

2. Приходя в школу, Вася здоровается со всеми одноклассниками (кроме, разумеется, самого себя). К началу уроков Вася не успел поздороваться ровно с одной четвертью от общего числа учеников своего класса, в том числе, с Колей. А Коля к этому времени поздоровался ровно с одной седьмой из тех одноклассников, с которыми поздоровался Вася. Какое наименьшее число учеников может быть в классе? Не забудьте обосновать ответ.

3. Надя задумала число  $n$ , делящееся на 500, и выписала на доску все его натуральные делители, кроме самого числа  $n$ . Докажите, что сумма нечетных чисел на доске меньше, чем сумма четных.

4. Дети в классе угощали друг друга конфетами. Каждый мальчик дал по конфете всем, кто выше его, а каждая девочка — всем, кто ниже ее (все дети разного роста). Оказалось, что Саша, Женя и Валя получили поровну конфет, а все остальные — меньше, чем они. Докажите, что кто-то из этих троих — девочка.

*Этот листок Вы можете оставить себе на память. В начале своей работы НЕ ЗАБУДЬТЕ указать о себе (БОЛЬШИМИ ПЕЧАТНЫМИ БУКВАМИ) следующие данные:*

ФАМИЛИЯ, ИМЯ: ТЕЛЕФОН.  
КЛАСС, ШКОЛА, РАЙОН ШКОЛЫ;  
ФИО ПРЕПОДАВАТЕЛЯ МАТЕМАТИКИ В ШКОЛЕ.  
ФИО лучших друзей математики, которые оказали на Вас наибольшее влияние.  
ХОТИТЕ ЛИ ВЫ ЗАНИМАТЬСЯ В КРУЖКЕ МАТЕМАТИКИ?  
А если уже занимаетесь — ФАМИЛИЯ, ИМЯ, ОТЧЕСТВО ПРЕПОДАВАТЕЛЯ КРУЖКА МАТЕМАТИКИ, МЕСТО ЗАНЯТИЙ.  
Списки прошедших на городской тур будут опубликованы на сайтах [www.rdmti.ras.ru/~olymp](http://www.rdmti.ras.ru/~olymp) и [www.apichkov.ru/olimpus/matem](http://www.apichkov.ru/olimpus/matem)  
13 декабря жюри проведет онлайн-разбор олимпиады. Подробности на сайте [foxford.ru/spb](http://foxford.ru/spb)

Отпечатано в РИС «СПб ГДПО» 2015 г. Заказ/Тираж/Экз.



Комитет по образованию Санкт-Петербурга  
Санкт-Петербургский государственный университет  
Российский государственный педагогический университет  
Санкт-Петербургский городской дворец творчества юных  
СПб отделение математического института им. В.А.Стеклова

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ПО МАТЕМАТИКЕ

12 ДЕКАБРЯ 2015 Г. 1 ТУР 6 КЛАСС 2 ВАРИАНТ



1. Расставьте в клетках указанной фигурки числа от 3 до 12 так, чтобы суммы чисел во всех доминошках были равными (доминишка — это прямоугольник, состоящий из двух клеток, соседних по стороне).

2. Приходя на кружок, Лёша здоровается со всеми кружковцами (кроме, разумеется, самого себя). К началу занятия Лёша не успел поздороваться ровно с одной шестой от общего числа кружковцев, в том числе, с Димой. А Дима к этому времени поздоровался ровно с одной третьей из тех кружковцев, с которыми поздоровался Лёша. Какое наименьшее число учеников может заниматься в кружке? Не забудьте обосновать ответ.

3. Костя задумал число  $n$ , делящееся на 740, и выписал на доску все его натуральные делители, кроме самого числа  $n$ . Докажите, что сумма четных чисел на доске меньше, чем сумма четных.

4. В комнате находятся несколько мальчиков и несколько девочек, причем все присутствующие — разного возраста. Каждый мальчик дал орех всем, кто младше его, а каждый получил орех от всех, кто старше. Гоша, Каша и Тина получили поровну орехов, а все остальные — меньше, чем они. Докажите, что кто-то из этих троих — девочка.

*Этот листок Вы можете оставить себе на память. В начале своей работы НЕ ЗАБУДЬТЕ указать о себе (БОЛЬШИМИ ПЕЧАТНЫМИ БУКВАМИ) следующие данные:*

ФАМИЛИЯ, ИМЯ: ТЕЛЕФОН.  
КЛАСС, ШКОЛА, РАЙОН ШКОЛЫ;  
ФИО ПРЕПОДАВАТЕЛЯ МАТЕМАТИКИ В ШКОЛЕ.  
ФИО лучших друзей математики, которые оказали на Вас наибольшее влияние.  
ХОТИТЕ ЛИ ВЫ ЗАНИМАТЬСЯ В КРУЖКЕ МАТЕМАТИКИ?  
А если уже занимаетесь — ФАМИЛИЯ, ИМЯ, ОТЧЕСТВО ПРЕПОДАВАТЕЛЯ КРУЖКА МАТЕМАТИКИ, МЕСТО ЗАНЯТИЙ.  
Списки прошедших на городской тур будут опубликованы на сайтах [www.rdmti.ras.ru/~olymp](http://www.rdmti.ras.ru/~olymp) и [www.apichkov.ru/olimpus/matem](http://www.apichkov.ru/olimpus/matem)  
13 декабря жюри проведет онлайн-разбор олимпиады. Подробности на сайте [foxford.ru/spb](http://foxford.ru/spb)

Отпечатано в РИС «СПб ГДПО» 2015 г. Заказ/Тираж/Экз.