

Муниципальный этап Всероссийской олимпиады школьников по математике
Республика Татарстан, 8 декабря 2022 г.

10 класс

- 1.** Найдите наименьшее 10-значное число, у которого сумма цифр больше, чем у любого меньшего его числа.
- 2.** В шахматном турнире каждый сыграл с каждым по одному разу. Победитель половину партий выиграл, половину — сыграл вничью. Оказалось, что он набрал очков в 9 раз меньше, чем все остальные вместе взятые. (За победу — 1 очко, за ничью — 0,5, за поражение — 0.) Сколько было шахматистов в турнире?
- 3.** Докажите, что любое нечётное составное число можно представить в виде суммы трёх или более последовательных нечётных положительных слагаемых. Сколько существует таких способов для числа 2021?
- 4.** Пусть x , y и z — действительные числа. Найдите наименьшее и наибольшее значение выражения $f = \cos x \sin y + \cos y \sin z + \cos z \sin x$.
- 5.** Сторона AB треугольника ABC больше стороны BC , а угол B равен 40° . На стороне AB взята точка P так, что $BP = BC$. Биссектриса BM пересекает описанную около треугольника ABC окружность в точке T . Найдите угол MPT .

Продолжительность олимпиады — **4 часа**.

Максимальное число баллов за задачу — **7 баллов**.

Максимальное число баллов за все задачи — **35 баллов**.