РОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

ІІ (МУНИЦИПАЛЬНЫЙ) ЭТАП

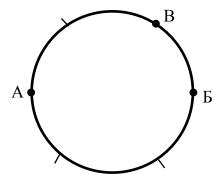
2023

7 КЛАСС

Задача 1. Игорь придумал шифр, в котором каждая буква шифруется двузначным или трехзначным числом. Оказалось, что слово ОКО шифруется числом 1111111, а слово ЛОВ — числом 11211121. Каким числом может шифроваться слово ВОЛК? Перечислите все возможности и объясните, почему других возможностей нет.

Задача 2. Найдите какое-нибудь девятизначное число, делящееся на 13, все цифры которого различны.

Задача 3. На кольцевой дороге есть три бензоколонки: A, B и B. Если ехать по часовой стрелке, расстоние от A до B будет таким же, как от B до A, а расстояние от A до B — вдвое меньше, чем от B до A. B каком



направлении (по часовой стрелке или против часовой стрелки) и во сколько раз расстояние по дороге от Б до В короче, чем от В до Б?Объясните, как вы получили ответ, нарисуйте чертеж.

Задача 4. Есть два автомата. Один — Прибавитель — за рубль к введенному в него числу прибавляет некоторое число (всегда одно и то же) и выдает результат. Другой — Умножитель — за рубль любое введенное в него число умножает на некоторое число, не равное 1 (всегда одно и то же, не обязательно такое же, как у Прибавителя) и выдает результат. При этом какой автомат Прибавитель, а какой — Умножитель, заранее неизвестно. За какую наименьшую сумму можно с гарантией выяснить, какой автомат — Прибавитель, а какой — Умножитель?

Задача 5. Шнур длиной 3 м состоит из нескольких зеленых и нескольких красных участков. Зеленый участок горит со скоростью 3 см/сек, а красный — со скоростью 2 см/сек. Когда шнур подожгли одновременно с двух концов, он сгорел за 59 секунд. Какова суммарная длина красных участков шнура?