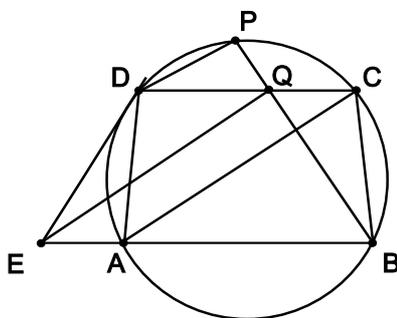
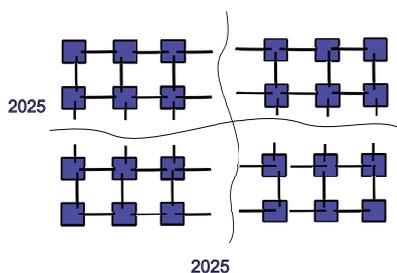


Ленинградская область  
Всероссийская олимпиада школьников по математике  
Муниципальный этап  
2024-2025 уч.год  
10 класс

1. На шахматной доске  $8 \times 8$  расставлены шашки, причем на всех вертикалях стоит разное, возможно нулевое, число шашек, и на всех горизонталях стоит разное, возможно, нулевое, число шашек. Сколько всего шашек может стоять на доске? Приведите и обоснуйте все возможные ответы.
2. Известно, что  $a > 0, b > 0, c > 0$  и  $ab + bc + ac > a + b + c$ . Докажите, что  $a + b + c > 3$ .
3. Трапеция  $ABCD$  с основаниями  $AB$  и  $CD$ , у которой  $AD < CD$ , вписана в окружность.  $DP$  – хорда окружности, параллельная  $AC$ . Касательная к окружности в точке  $D$  пересекает прямую  $AB$  в точке  $E$ . Отрезки  $PB$  и  $DC$  пересекаются в точке  $Q$ . Докажите, что  $EQ = AC$ .



4. В некотором компьютерном центре компьютеры размещены в виде сети  $2025 \times 2025$ . Соседние компьютеры по горизонтали и по вертикали соединены кабелем (см. рис). В некоторый момент времени каждый компьютер послал по кабелю одному своему соседу сигнал. Докажите, что найдется компьютер, который не получил сигнала.



5. Натуральное число  $N$  умножили на 100, затем прибавили двузначное число. Получившееся число оказалось равным сумме всех натуральных чисел от 1 до  $N$ . Найдите все  $N$ , при которых такое возможно.

*Продолжительность выполнения заданий – 235 минут.  
Максимальное количество баллов за каждую задачу – 7 баллов. Итого 35 баллов за все задание.  
Не забудьте обосновать свои решения задач!*