

Физика, 9 класс, муниципальный этап

Возможные решения задач

Задача № 1. «Лихой мотоциклист» (10 баллов)

Пусть автомобиль равномерно (с неизменной скоростью) со скоростью V_1 движется из пункта A в пункт B , при этом расстояние $AB = S$ преодолевает за время t_1 . Тогда справедливо соотношение:

$$S = V_1 t_1. \quad (1)$$

До поломки автомобиля прошло время t_2 , при этом автомобиль прошел путь S_1 , который определяется соотношением

$$S_1 = V_1 t_2. \quad (2)$$

Оставшуюся часть пути

$$S_2 = S - S_1 \quad (3) \quad (3 \text{ балла})$$

автомобиль должен пройти со скоростью $V_2 = 3V_1$ за время t_3 , определяемое соотношением

$$t_3 = t_1 - 4 t_2/3 \quad (4) \quad (3 \text{ балла})$$

Используя соотношения (1 – 4) можно переписать соотношение (3) в следующем виде:

$$S_2 + S_1 = S = V_1 t_2 + V_2 t_3 = V_1 t_2 + 3V_1 (t_1 - 4t_2/3) = V_1 t_1 \quad (5)$$

Решая уравнение (5) относительно неизвестного t_2 получим

$$t_2 = 2 \text{ (часа).}$$

Таким образом, поломка мотоцикла произошла в 11 часов. (4 балла)

Задача № 2. «Бросание мячика» (10 баллов)

Полное ускорение мячика, равное g , в течение всего полета постоянно и направлено вертикально вниз. Нормальное и тангенциальное ускорения являются проекциями полного ускорения на перпендикулярное и параллельное к скорости направления. Поэтому условие равенства их величин выполняется на высоте, где вектор скорости направлен под углом 45° к вертикали. (3 балла)

Горизонтальная компонента скорости не меняется во время полета и равна
 $V_0 \cos(45^\circ) = V_0/2$.

Следовательно, на искомой высоте и вертикальная компонента скорости также равна
 $V_0/2$ (3 балла)

Записывая закон сохранения энергии

$$mgH = \frac{m\left(\frac{V_0}{2}\right)^2}{2} + \frac{m\left(\frac{V_0}{2}\right)^2}{2} = \frac{mV_0^2}{4},$$

находим искомую высоту

$$H = \frac{V_0^2}{4g} \quad (4 \text{ балла})$$

Задача № 3. «Два вольтметра» (10 баллов)

Сопоставляя показания вольтметров в исходной цепи, заключаем, что сопротивление вольтметра V_2 в 1,5 раза больше сопротивления вольтметра V_1 : $R_2 = 1,5 R_1$. (3 балла)

После того, как из цепи убрали вольтметр V_2 , ток в цепи, судя по показаниям вольтметра V_1 , возрос в 1,5 раза.

Используя закон Ома, это соотношение можно записать в виде

$$\frac{U}{R + R_1} = 1,5 \frac{U}{R + R_1 + 1,5R_1},$$

где U – напряжение источника, а R – сопротивление резистора.

Из записанного соотношения находим, что $R = 2R_1$. (4 балла)

Следовательно, напряжение на резисторе R в два раза больше, чем на вольтметре V_1 , и, например, в цепи без V_2 составляет 24 В.

Напряжение источника находим как сумму напряжений на резисторе и вольтметре V_1 , т.е. равно 36 В. (3 балла)

Задача № 4. «Горячие туристы» (10 баллов)

Тело каждого туриста каждую секунду выделяет одинаковое количество теплоты $Q_{\text{изл}}$ внутрь палатки.

Известно, что палатка теряет каждую секунду $Q_{\text{пот.}}$, которое определяется соотношением

$$Q_{\text{пот.}} = (T_{\text{пал}} - T_{\text{нар.}})C, \quad (1)$$

где $T_{\text{пал}}$ – температура в палатке,

$T_{\text{нар.}}$ – температура воздуха,

C – коэффициент пропорциональности.

(2 балла)

Пусть температура T_0 – это температура воздуха, при которой турист не замерзает без палатки.

Тогда условием определения температуры $T_{1\text{нар.}}$, при которой один турист, находясь в палатке, не замерзнет при температурах наружного воздуха $T \geq T_{1\text{нар.}}$, является равенство излученного тепла телом туриста $Q_{\text{изл}}$ потерям тепла палаткой

$$Q_{\text{пот.}} = (T_0 - T_{1\text{нар.}})C = Q_{\text{изл}}. \quad (2) \quad (3 \text{ балла})$$

Аналогично уравнению (2) мы можем записать уравнение теплового баланса для двух туристов, находящихся в палатке при температуре наружного воздуха $T_{2\text{нар.}}$.

$$Q_{\text{пот.}} = (T_0 - T_{2\text{нар.}})C = 2Q_{\text{изл}} \quad (3)$$

Аналогично уравнению (2) и (3) мы можем записать уравнение теплового баланса для трех туристов, находящихся в палатке при температуре наружного воздуха $T_{3\text{нар.}}$.

$$Q_{\text{пот.}} = (T_0 - T_{3\text{нар.}})C = 3Q_{\text{изл}} \quad (4) \quad (2 \text{ балла})$$

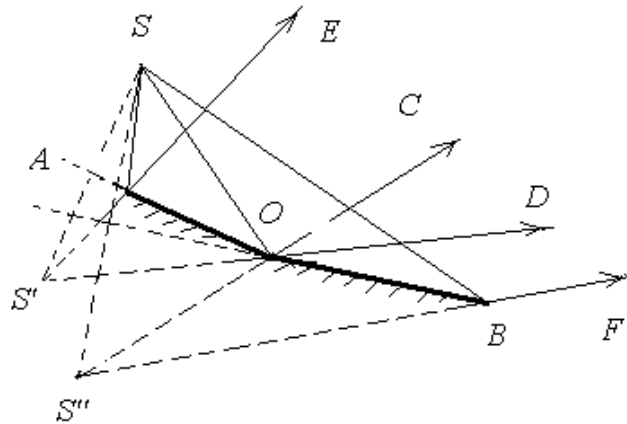
Решая уравнения (2), (3), (4) определим значения T_0 и $T_{3\text{нар.}}$:

$$T_0 = (2 T_{1\text{нар.}} - T_{2\text{нар.}}) = 293 \text{ K} = 20^\circ \text{ C}. \quad (5)$$

$$T_{3\text{нар.}} = T_0 - 3(T_0 - T_{1\text{нар.}}) = 269 \text{ K} = -4^\circ \text{ C}. \quad (6) \quad (3 \text{ балла})$$

Задача № 5. «Зеркальный уголок» (10 баллов)

Используя закон зеркального отражения от плоского зеркала, легко построить изображения S' и S'' точечного источника S в двух плоских зеркалах OA и OB , соответственно (смотри рисунок).



(6 баллов)

Используя закон зеркального отражения легко построить сектор лучей $ES'OD$, отраженных от плоского зеркала OA . Аналогично можно построить сектор лучей $CS''BF$, отраженных от плоского зеркала OB .

Исходя из выполненных построений лучей, в сектор COD попадают лучи, отраженные от обоих зеркал. Следовательно, поместив глаз наблюдателя в этом секторе, можно видеть оба мнимых изображения S' и S'' в плоских зеркалах. (4 балла)

Всего за все задания олимпиады – 50 баллов.