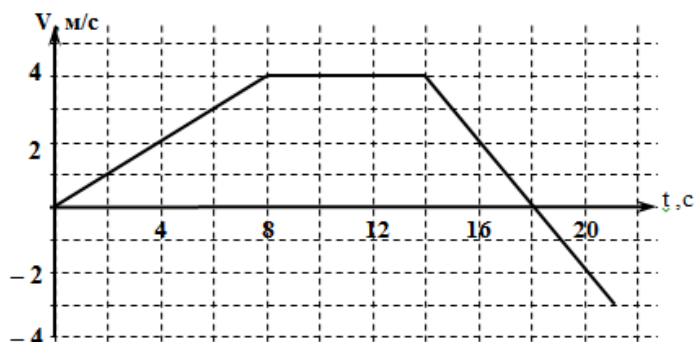


8 Класс.

Задача № 1. Испытания марсохода

При испытаниях марсохода на одном из прямолинейных участков движения были получены зависимость скорости от времени, приведенные на графике.



- 1) Найдите путь марсохода за всё время движения.
- 2) Найдите расстояние между начальной и конечной точками траектории.

Возможное решение

1. Путь, пройденный телом, за время  $t$  определяется площадью под графиком скорости от времени
2. Следовательно, путь равен сумме площади за первые 18 секунд и площади с 18-той по 21 секунду:  $\frac{(18+3) \cdot 4}{2} + \frac{3 \cdot 3}{2} = 42 + 4,5 = 46,5$  (м)
3. Т.к. тело первые 21 с тело двигалось в положительную сторону и 3 с возвращалось, то расстояние, между начальной и конечной точкой движения :  $\frac{(18+3) \cdot 4}{2} - \frac{3 \cdot 3}{2} = 37,5$  (м)

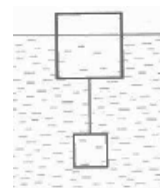
Критерии оценивания

- За 1-й пункт - 3 балла  
 За 2-й пункт - 4 балла  
 За 3-й пункт 3 балла

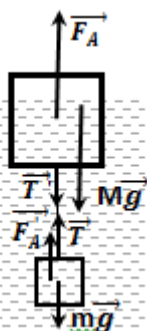
Если задача не решена, но есть мысли, направленные на решение, то можно поставить «утешительные» до 2 баллов.

Задача № 2. Два кубика

Два кубика, связанные нитью, находятся в воде, так как показано на рисунке. Верхней, со стороной  $a = 80$  см, плавает, погрузившись в воду на три четверти своего объёма. Сторона нижнего в два раза меньше, но его плотность в 3 раза больше, чем у верхнего куба. Определите плотность материала верхнего кубика и силу натяжения связывающей кубики нити  $T$ .



Возможное решение



1. Сделан рисунок и расставлены силы.
2. Условие равновесия для кубика массой  $M$ :  $\vec{F}_A + \vec{Mg} + \vec{T} = 0$   
 В проекции на вертикальную ось:  $F_A = Mg + T$  или  $\frac{3}{4} \rho_0 a^3 g = \rho a^3 g + T$
3. Условие равновесия для кубика массой  $m$ :  $\vec{F}'_A + \vec{mg} + \vec{T}' = 0$   
 В проекции на вертикальную ось:  $F'_A + T = mg$  или  $\frac{1}{8} \rho_0 a^3 g = \frac{3}{8} \rho a^3 g + T'$
4. Т.к.  $T = T'$  по 3-му закону Ньютона, то имеем систему двух уравнений с двумя неизвестными  $\rho_0$  и  $T$ . Решая эту систему получим ответы
5.  $\rho = \frac{7}{11} \rho_0 = 0,636$  г/см<sup>3</sup> ;                      6.  $T = \frac{5}{44} \rho_0 a^3 g \approx 49$  (Н)

### Критерии оценивания

- За 1-й пункт - 3 балла
- За 2-й пункт - 2 балла
- За 3-й пункт - 2 балла
- За 4-й пункт - 1 балла
- За 5-й пункт - 1 балла
- За 6-й пункт - 1 балла

Если задача не решена, но есть мысли, направленные на решение, то можно поставить «утешительные» до 2 баллов.

### Задача № 3. Фаренгейт

Экспериментатор Глюк обратил внимание, что в начале зимы показания двух уличных термометров (один проградуирован в градусах Цельсия, а другой в градусах Фаренгейта) совпадая по модулю имеют разные знаки –  $11,5^{\circ}\text{C}$  и  $11,5^{\circ}\text{F}$ . Когда наступили суровые морозы, показания термометров опять совпали, но теперь уже и по знаку –  $40^{\circ}\text{C}$  и  $-40^{\circ}\text{F}$ . Определите, какую температуру показывает термометр в градусах Цельсия, когда показания второго равны  $+40^{\circ}\text{F}$ .

#### Возможное решение

Так как обе шкалы линейные, то линейен и закон преобразования из градусов Фаренгейта в градусы по Цельсию. Запишем его:  $T_C = aT_F + b$ , где  $a$  и  $b$  – постоянные коэффициенты.  $T_{F1} = 11,5^{\circ}\text{F}$ ,  $T_{C1} = -11,5^{\circ}\text{C}$ ,  $T_{F2} = -40^{\circ}\text{F}$ ,  $T_{C2} = -40^{\circ}\text{C}$ ,  $T_{F3} = 40^{\circ}\text{F}$ ,  $T_{C3}$  – необходимо найти.

Решая систему, найдем  $a = \frac{T_{C1} - T_{C2}}{T_{F1} - T_{F2}} = 0,56^{\circ}\text{C}/^{\circ}\text{F}$  и  $b = \frac{T_{C2} \cdot T_{F1} - T_{C1} \cdot T_{F2}}{T_{F1} - T_{F2}} = -17,9^{\circ}\text{C}$ .

Подставив  $T_{F3} = 40^{\circ}\text{F}$  в полученный закон перевода, получим  $T_{C3} = aT_{F3} + b = 4,5^{\circ}\text{C}$ .

### Критерии оценивания

- 1. Высказана идея о том, что необходимо найти закон перевода 1 балл
- 2. Записана система уравнений 2 балла
- 3. Найдены коэффициенты в законе перевода (по 3 балла за каждый) 6 баллов
- 4. Найдена искомая температура 1 балл

Если задача не решена, но есть мысли, направленные на решение, то можно поставить «утешительные» до 2 баллов.

### Задача № 4. Переливание

В прямоугольном поддоне со сторонами  $a = 30$  см,  $b = 20$  см и высотой бортика  $h_0 = 10$  см стоят легкие цилиндрические сосуды с площадью основания  $S = 100$  см<sup>2</sup> каждый (см. рис.). Высота первого сосуда  $h_0$ , а второго  $5h_0$ . Дно поддона шероховатое. В высокий сосуд через отверстие в стенке вставлена тонкая трубка с краном **К**, второй конец которой лежит на стенке низкого сосуда. В этом положении трубка горизонтальна. Благодаря наличию устройства **У**, при открытом кране **К** уровень воды в высоком сосуде понижается с постоянной скоростью  $v = 1,0$  мм/с. Первоначально в низком сосуде и поддоне воды нет, а уровень воды в высоком сосуде равен  $5h_0$ . В момент времени  $t = 0$  кран открывают. Постройте

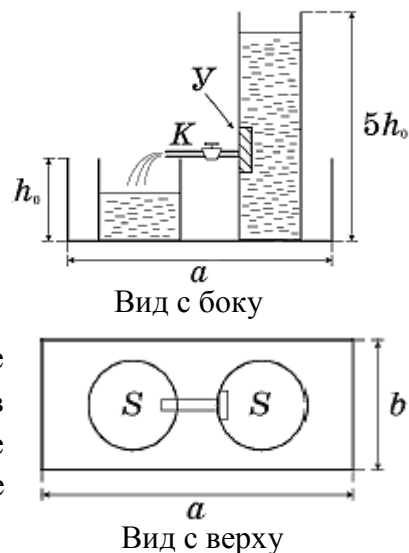


график зависимости давления  $p$ , оказываемого низким сосудом на дно поддона, от времени  $t$  после открытия крана ( $0 < t < 500$  с). Отметьте на осях графика величины  $p$  и  $t$  в характерных точках – излома, максимума или минимума

### *Возможное решение*

Так как площади сечения сосудов одинаковы, а уровень воды в высоком сосуде понижается со скоростью  $v = 1$  мм/с, низкий сосуд заполнится через время  $t_1 = h_0/v = 100$  с после открытия крана. До этого момента воды в поддоне нет, сила Архимеда на сосуд не действует, а давление, оказываемое низким сосудом на дно поддона, равномерно возрастает  $P(t) = \rho gh = \rho gvt$ . Максимальное значение давления  $P_{\max}$  достигается при  $t = t_1$  и равно  $P_{\max} = 1000$  Па.

Начиная с момента времени  $t_1$ , вытекающая вода начинает заполнять поддон и появляется всё возрастающая сила Архимеда, действующая на сосуды. Всего в поддон вытечет объем воды равный  $V = 3h_0S = 3000$  см<sup>3</sup>. Этот объем воды будет вытекать в течение времени  $t_2 = 300$  с и растечётся по площади  $S_1$ , равной площади поддона минус площадь сечения двух сосудов:

$S_1 = ab - 2S = 400$  см<sup>2</sup>. Из условия равенства объемов получаем  $V = S_1 \cdot Z_{\max}$ , где  $Z_{\max}$  максимальный уровень воды в поддоне, и окончательно:

$$Z_{\max} = V/S_1 = 3h_0S/(ab - 2S) = 7,5 \text{ см} = 75 \text{ мм}.$$

После этого вытекание воды прекратится и никаких изменений в системе происходить не будет.

Максимальная сила Архимеда, действующая на сосуд при уровне воды в поддоне  $Z_{\max}$ , равна  $F_A = \rho gSZ_{\max} = 7,5$  Н. При этом достигается минимальное давление заполненного водой низкого сосуда на дно поддона

$$P_{\min} = P_{\max} - F_A/S = 1000 - 750 = 250 \text{ Па}.$$

График зависимости  $P(t)$  представлен на рисунке

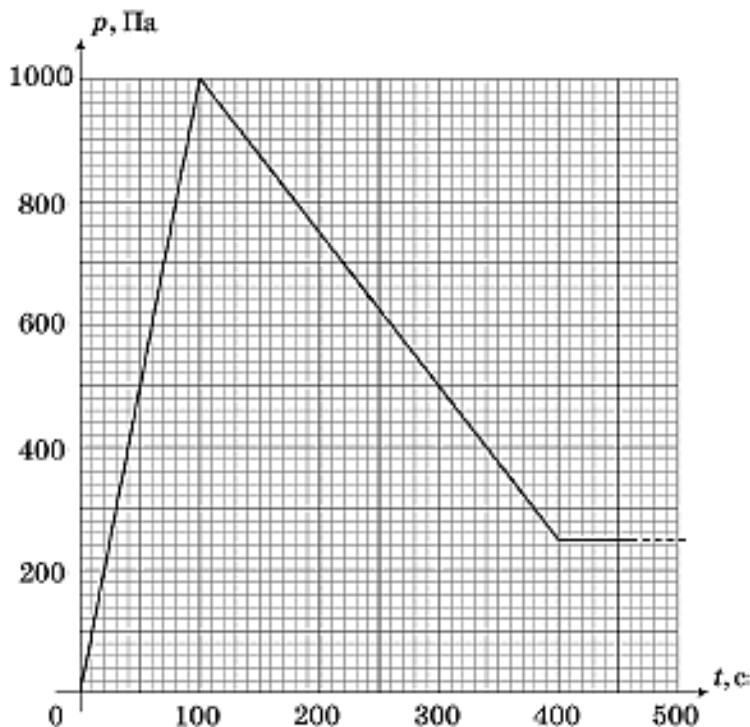


Рис.

### *Критерии оценивания*

- |  |           |
|--|-----------|
| 1. Определено время заполнения низкого сосуда  | 1 балл    |
| 2. Определено максимальное давление низкого сосуда на дно поддона                        | 1 балл    |
| 3. Определено общее время вытекания воды из высокого сосуда                              | 1 балл    |
| 4. Определен максимальный уровень воды в поддоне   | 2 балла   |
| 5. Определена максимальная сила Архимеда   | 1 балл    |
| 6. Определено минимальное давление низкого сосуда на дно поддона                         | 2 балла   |
| 7. Представлен правильный график зависимости $P(t)$                                      | 2 балла   |
| 8. Подписаны оси и указаны единицы измерения, выбран удобный масштаб с равными делениями | 0,5 балла |
| Наличие трех участков на графике   | 0,5 балла |
| Верно нанесены характерные точки изломов   | 1 балл    |

Если задача не решена, но есть мысли, направленные на решение, то можно поставить «утешительные» до 2 баллов.