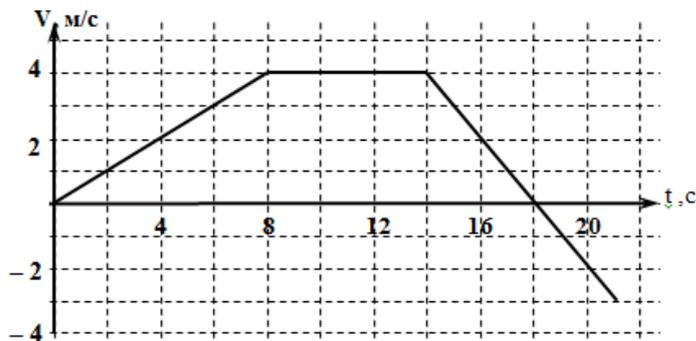


8 Класс.

Задача № 1. Испытания марсохода

При испытаниях марсохода на одном из прямолинейных участков движения были получены зависимость скорости от времени, приведенные на графике.



- 1) Найдите путь марсохода за всё время движения.
- 2) Найдите расстояние между начальной и конечной точками траектории.

Возможное решение

1. Путь, пройденный телом, за время t определяется площадью под графиком скорости от времени
2. Следовательно, путь равен сумме площади за первые 18 секунд и площади с 18-той по 21 секунду: $\frac{(18+3) \cdot 4}{2} + \frac{3 \cdot 3}{2} = 42 + 4,5 = 46,5$ (м)
3. Т.к. тело первые 21 с тело двигалось в положительную сторону и 3 с возвращалось, то расстояние, между начальной и конечной точкой движения : $\frac{(18+3) \cdot 4}{2} - \frac{3 \cdot 3}{2} = 37,5$ (м)

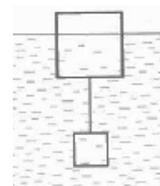
Критерии оценивания

- За 1-й пункт - 3 балла
 За 2-й пункт - 4 балла
 За 3-й пункт 3 балла

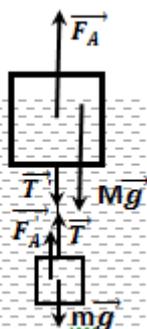
Если задача не решена, но есть мысли, направленные на решение, то можно поставить «утешительные» до 2 баллов.

Задача № 2. Два кубика

Два кубика, связанные нитью, находятся в воде, так как показано на рисунке. Верхней, со стороной $a = 80$ см, плавает, погрузившись в воду на три четверти своего объёма. Сторона нижнего в два раза меньше, но его плотность в 3 раза больше, чем у верхнего куба. Определите плотность материала верхнего кубика и силу натяжения связывающей кубики нити T .



Возможное решение



1. Сделан рисунок и расставлены силы.
2. Условие равновесия для кубика массой M : $\vec{F}_A + \vec{Mg} + \vec{T} = 0$
 В проекции на вертикальную ось: $F_A = Mg + T$ или $\frac{3}{4} \rho_0 a^3 g = \rho a^3 g + T$
3. Условие равновесия для кубика массой m : $\vec{F}'_A + \vec{mg} + \vec{T}' = 0$
 В проекции на вертикальную ось: $F_A + T = mg$ или $\frac{1}{8} \rho_0 a^3 g = \frac{3}{8} \rho a^3 g + T'$
4. Т.к. $T = T'$ по 3-му закону Ньютона, то имеем систему двух уравнений с двумя неизвестными ρ_0 и T . Решая эту систему получим ответы
5. $\rho = \frac{7}{11} \rho_0 = 0,636$ г/см³ ; 6. $T = \frac{5}{44} \rho_0 a^3 g \approx 49$ (Н)

Критерии оценивания

- За 1-й пункт - 3 балла
- За 2-й пункт - 2 балла
- За 3-й пункт - 2 балла
- За 4-й пункт - 1 балла
- За 5-й пункт - 1 балла
- За 6-й пункт - 1 балла

Если задача не решена, но есть мысли, направленные на решение, то можно поставить «утешительные» до 2 баллов.

Задача № 3. Фаренгейт

Экспериментатор Глюк обратил внимание, что в начале зимы показания двух уличных термометров (один проградуирован в градусах Цельсия, а другой в градусах Фаренгейта) совпадая по модулю имеют разные знаки – $11,5^{\circ}\text{C}$ и $11,5^{\circ}\text{F}$. Когда наступили суровые морозы, показания термометров опять совпали, но теперь уже и по знаку – 40°C и -40°F . Определите, какую температуру показывает термометр в градусах Цельсия, когда показания второго равны $+40^{\circ}\text{F}$.

Возможное решение

Так как обе шкалы линейные, то линейен и закон преобразования из градусов Фаренгейта в градусы по Цельсию. Запишем его: $T_C = aT_F + b$, где a и b – постоянные коэффициенты. $T_{F1} = 11,5^{\circ}\text{F}$, $T_{C1} = -11,5^{\circ}\text{C}$, $T_{F2} = -40^{\circ}\text{F}$, $T_{C2} = -40^{\circ}\text{C}$, $T_{F3} = 40^{\circ}\text{F}$, T_{C3} – необходимо найти.

Решая систему, найдем $a = \frac{T_{C1} - T_{C2}}{T_{F1} - T_{F2}} = 0,56^{\circ}\text{C}/^{\circ}\text{F}$ и $b = \frac{T_{C2} \cdot T_{F1} - T_{C1} \cdot T_{F2}}{T_{F1} - T_{F2}} = -17,9^{\circ}\text{C}$.

Подставив $T_{F3} = 40^{\circ}\text{F}$ в полученный закон перевода, получим $T_{C3} = aT_{F3} + b = 4,5^{\circ}\text{C}$.

Критерии оценивания

- | | |
|---|----------|
| 1. Высказана идея о том, что необходимо найти закон перевода | 1 балл |
| 2. Записана система уравнений | 2 балла |
| 3. Найденны коэффициенты в законе перевода (по 3 балла за каждый) | 6 баллов |
| 4. Найдена искомая температура | 1 балл |

Если задача не решена, но есть мысли, направленные на решение, то можно поставить «утешительные» до 2 баллов.

Задача № 4. Переливание

В прямоугольном поддоне со сторонами $a = 30$ см, $b = 20$ см и высотой бортика $h_0 = 10$ см стоят легкие цилиндрические сосуды с площадью основания $S = 100$ см² каждый (см. рис.). Высота первого сосуда h_0 , а второго $5h_0$. Дно поддона шероховатое. В высокий сосуд через отверстие в стенке вставлена тонкая трубка с краном **К**, второй конец которой лежит на стенке низкого сосуда. В этом положении трубка горизонтальна. Благодаря наличию устройства **У**, при открытом кране **К** уровень воды в высоком сосуде понижается с постоянной скоростью $v = 1,0$ мм/с. Первоначально в низком сосуде и поддоне воды нет, а уровень воды в высоком сосуде равен $5h_0$. В момент времени $t = 0$ кран открывают. Постройте

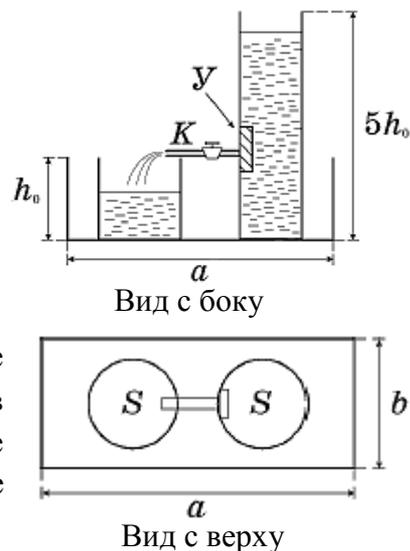


график зависимости давления p , оказываемого низким сосудом на дно поддона, от времени t после открытия крана ($0 < t < 500$ с). Отметьте на осях графика величины p и t в характерных точках – излома, максимума или минимума

Возможное решение

Так как площади сечения сосудов одинаковы, а уровень воды в высоком сосуде понижается со скоростью $v = 1$ мм/с, низкий сосуд заполнится через время $t_1 = h_0/v = 100$ с после открытия крана. До этого момента воды в поддоне нет, сила Архимеда на сосуд не действует, а давление, оказываемое низким сосудом на дно поддона, равномерно возрастает $P(t) = \rho gh = \rho gvt$. Максимальное значение давления P_{\max} достигается при $t = t_1$ и равно $P_{\max} = 1000$ Па.

Начиная с момента времени t_1 , вытекающая вода начинает заполнять поддон и появляется всё возрастающая сила Архимеда, действующая на сосуды. Всего в поддон вытечет объем воды равный $V = 3h_0S = 3000$ см³. Этот объем воды будет вытекать в течение времени $t_2 = 300$ с и растечётся по площади S_1 , равной площади поддона минус площадь сечения двух сосудов:

$S_1 = ab - 2S = 400$ см². Из условия равенства объемов получаем $V = S_1 \cdot Z_{\max}$, где Z_{\max} максимальный уровень воды в поддоне, и окончательно:

$Z_{\max} = V/S_1 = 3h_0S/(ab - 2S) = 7,5$ см = 75 мм. После этого вытекание воды прекратиться и никаких изменений в системе происходить не будет.

Максимальная сила Архимеда, действующая на сосуд при уровне воды в поддоне Z_{\max} , равна $F_A = \rho gSZ_{\max} = 7,5$ Н. При этом достигается минимальное давление заполненного водой низкого сосуда на дно поддона

$P_{\min} = P_{\max} - F_A/S = 1000 - 750 = 250$ Па.

График зависимости $P(t)$ представлен на рисунке

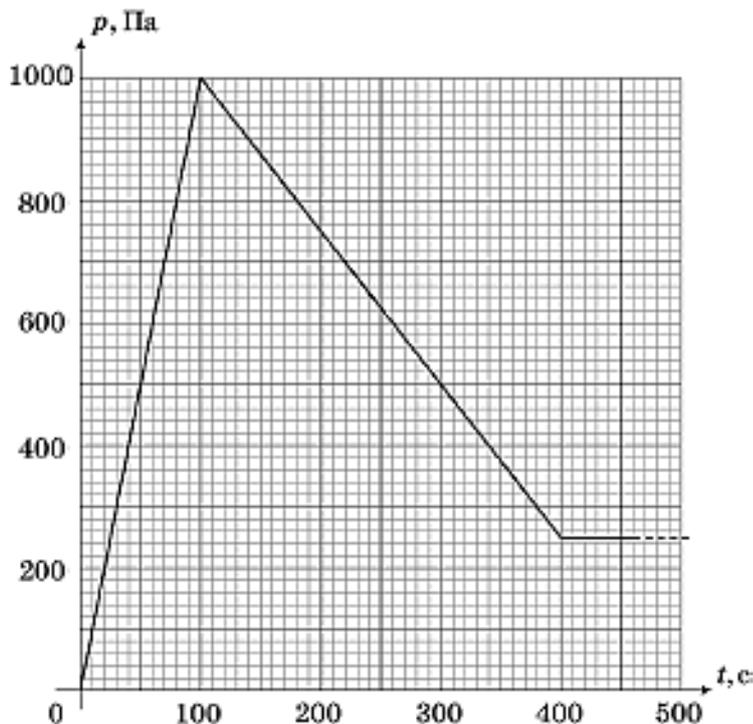


Рис.

Критерии оценивания

- | | |
|--|-----------|
| 1. Определено время заполнения низкого сосуда | 1 балл |
| 2. Определено максимальное давление низкого сосуда на дно поддона | 1 балл |
| 3. Определено общее время вытекания воды из высокого сосуда | 1 балл |
| 4. Определен максимальный уровень воды в поддоне | 2 балла |
| 5. Определена максимальная сила Архимеда | 1 балл |
| 6. Определено минимальное давление низкого сосуда на дно поддона | 2 балла |
| 7. Представлен правильный график зависимости $P(t)$ | 2 балла |
| 8. Подписаны оси и указаны единицы измерения, выбран удобный масштаб с равными делениями | 0,5 балла |
| Наличие трех участков на графике | 0,5 балла |
| Верно нанесены характерные точки изломов | 1 балл |

Если задача не решена, но есть мысли, направленные на решение, то можно поставить «утешительные» до 2 баллов.