

**Второй (муниципальный) этап Всероссийской олимпиады школьников по физике**  
**Ханты-Мансийский автономный округ – Югра**  
**2019-2020 учебный год**

**Задание для 10-ого класса**

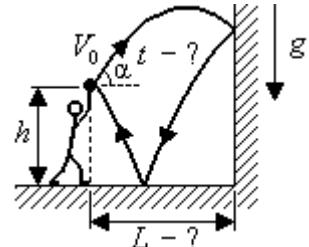
**1. На тренировке**

**На тренировке** баскетболист со скоростью  $V_0 = 8 \text{ м/с}$  под углом  $\alpha = 60^\circ$  к горизонту с высоты  $h = 2,6 \text{ м}$  от пола бросает мяч в вертикальную стенку.

a) На каком расстоянии  $L$  от стены при этом он должен находиться, чтобы мяч после абсолютно упругого отражения от стенки и пола вернулся в руки, в точку броска?

б) Через какое время  $t$  мяч после броска возвратится в руки?

Сопротивлением воздуха можно пренебречь, ускорение свободного падения  $g = 10 \text{ м/с}^2$ .



*Решение:*

Мяч из точки броска (точки A) со скоростью  $V_0$  под углом  $\alpha$  к горизонту летит до стены по траектории AB, затем после отражения от стены летит до пола по траектории BC и, наконец, после отражения от пола по траектории CA возвращается в исходную точку A. Поскольку отражение мяча абсолютно упругое, то части траектории BC и CA можем отразить симметрично в соответствующие части BC' и C''A. Тогда время движения по траектории ABCA равно времени полета на горизонтальной плоскости по траектории C''ABC', а из-за

$$CD = C'D, EC = EC', DE = DC + EC = L$$

дальность полета по последней траектории дается формулой

$$C''C' = C''D + DE + EC' = 2L = V_x t = 2V_x V_y / g,$$

где  $V_x$  и  $V_y$  - горизонтальная и вертикальная компоненты скорости мяча в момент его удара в пол,  $t = 2V_y/g$  - время полета. Из рассмотрения движения мяча по горизонтали и вертикали выразим эти компоненты скорости и подставим их в последние формулы для дальности и времени полета:

$$V_x = V_{0x} = V_0 \cos \alpha,$$

$$V_{0y} = V_0 \sin \alpha,$$

$$V_y = (V_{0y}^2 + 2gh)^{1/2} = (V_0^2 \sin^2 \alpha + 2gh)^{1/2},$$

$$t = 2V_y/g = 2(V_0^2 \sin^2 \alpha + 2gh)^{1/2}/g = 2 \text{ с},$$

$$L = V_x(t/2) = (V_0 \cos \alpha)(V_0^2 \sin^2 \alpha + 2gh)^{1/2}/g = 8 \text{ м}.$$

*Ответ:* а)  $L = (V_0 \cos \alpha)(V_0^2 \sin^2 \alpha + 2gh)^{1/2}/g = 8 \text{ м};$  б)  $t = 2(V_0^2 \sin^2 \alpha + 2gh)^{1/2}/g = 2 \text{ с}.$

*Критерии оценивания:*

<b>Шаги выполнения задания</b>	<b>Число баллов</b>
Разложение движения по вертикали и горизонтали с учетом упругого отражения или представление о зеркальности участков траектории	3
Формула $V_x = V_{0x} = V_0 \cos \alpha$	1
Формула $V_{0y} = V_0 \sin \alpha$	1
Формула $V_y = (V_{0y}^2 + 2gh)^{1/2} = (V_0^2 \sin^2 \alpha + 2gh)^{1/2}$	1
Получение $t = 2V_y/g = 2(V_0^2 \sin^2 \alpha + 2gh)^{1/2}/g = 2 \text{ с}$	2
Получение $L = V_x(t/2) = (V_0 \cos \alpha)(V_0^2 \sin^2 \alpha + 2gh)^{1/2}/g = 8 \text{ м}$	2
<b>Сумма баллов:</b>	<b>10</b>

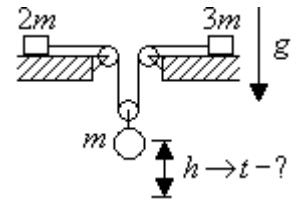
**Второй (муниципальный) этап Всероссийской олимпиады школьников по физике**

**Ханты-Мансийский автономный округ – Югра**

**2019-2020 учебный год**

**2. В механической системе**

**В механической системе** на горизонтальной плоскости с отверстием закреплены невесомые и маленькие блоки. Через блоки и еще один подвижный невесомый маленький блок перекинута невесомая и нерастяжимая нить, к концам которой прикреплены бруски массой  $2m$  и  $3m$ , а к подвижному грузу прикреплен груз массой  $m$ . Первоначально бруски удерживают на плоскости, и вся система заторможена. Через какое время  $t$  после растормаживания всей системы груз опустится на расстояние  $h$ ? Считайте, что бруски не успевают "доехать" до блоков, все участки нити горизонтальны или вертикальны, трением везде можно пренебречь, ускорение свободного падения  $g$ .



*Решение:*

Обозначим через  $a_1$ ,  $a_2$  и  $a_3$  ускорения тел массой  $m$ ,  $2m$  и  $3m$  соответственно. Через ускорение груза  $a_1$  из кинематики равноускоренного движения найдем необходимое время  $t$ . Для этого с учетом силы натяжения нити  $T$  и силы тяжести для груза  $mg$  второй закон Ньютона для груза и брусков записывается в виде

$$mg - 2T = ma_1,$$

$$T = 2ma_2,$$

$$T = 3ma_3.$$

Еще из-за нерастяжимости нити из кинематической связи в системе можем записать  $a_2 + a_3 = 2a_1$ .

Из системы этих четырех уравнений после исключения  $a_2$ ,  $a_3$  и  $T$  получаем  $a_1 = (5/29)g$ .

С учетом последнего выражения из кинематики равноускоренного движения окончательно находим

$$t = (2h/a_1)^{1/2} = [58 h/(5g)]^{1/2}.$$

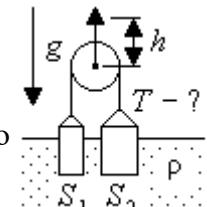
*Ответ:*  $t = [58 h/(5g)]^{1/2}$ .

*Критерии оценивания:*

Шаги выполнения задания	Число баллов
Запись 1-ого уравнения	2
Запись 2-ого уравнения	2
Запись 3-его уравнения	2
Запись 4-ого уравнения	2
Решение системы уравнений и ответ	2
<b>Сумма баллов:</b>	<b>10</b>

**3. Два цилиндра**

**Два цилиндра** с площадями оснований  $S_1$  и  $S_2$  плавают в вертикальном положении в жидкости плотностью  $\rho$ . Они соединены перекинутой через блок нитью так, что нить первоначально вытянута, но не натянута (имеет нулевую силу натяжения). Затем блок медленно приподнимают вертикально вверх на высоту  $h$ . Найдите возникшую силу натяжения нити  $T$ . Считайте, что при подъеме блока цилиндры остаются в воде в вертикальном положении, ускорение свободного падения  $g$ .



*Решение:*

Пусть при подъеме блока на  $h$  левый цилиндр (с площадью основания  $S_1$ ) поднялся на  $h_1$ , а правый - на  $h_2$ . Тогда из кинематической связи с учетом нерастяжимости нити выполняется условие

**Второй (муниципальный) этап Всероссийской олимпиады школьников по физике**  
**Ханты-Мансийский автономный округ – Югра**  
**2019-2020 учебный год**

$$h_1 + h_2 = 2h.$$

Поскольку при подъеме цилиндров уменьшение действующей на них выталкивающей силы Архимеда компенсируется силой натяжения нити, то для каждого цилиндра можем записать условие равновесия:

$$T = \rho S_1 h_1 g,$$

$$T = \rho S_2 h_2 g.$$

Из последних двух уравнений находим  $h_1$  и  $h_2$ , подставляем полученные выражения в первое уравнение и из него окончательно находим:

$$h_1 = T/(\rho S_1 g),$$

$$h_2 = T/(\rho S_2 g),$$

$$T/(\rho S_1 g) + T/(\rho S_2 g) = 2h,$$

$$T = 2\rho g h S_1 S_2 / (S_1 + S_2).$$

*Ответ:*  $T = 2\rho g h S_1 S_2 / (S_1 + S_2)$ .

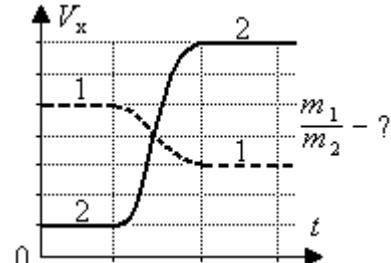
*Критерии оценивания:*

Шаги выполнения задания	Число баллов
Запись уравнения уравнений кинематической связи $h_1 + h_2 = 2h$	3
Запись уравнения равновесия первого цилиндра $T = \rho S_1 h_1 g$	2
Запись уравнения равновесия второго цилиндра $T = \rho S_2 h_2 g$	2
Получение выражений для $h_1$ и $h_2$ и составление уравнения $T/(\rho S_1 g) + T/(\rho S_2 g) = 2h$	2
Его решение и ответ	1
<b>Сумма баллов:</b>	<b>10</b>

#### 4. Столкновение тел

**Столкновение тел.** Для двух сталкивающихся тел, движущихся вдоль одной прямой, зависимость скорости от времени показана на графике пунктирной линией для тела 1 и сплошной - для тела 2.

- Найдите отношение масс  $m_1/m_2$  этих тел.
- Является ли взаимодействие этих тел абсолютно упругим?



*Решение:*

Если  $V$  - цена одного деления на вертикальной оси скорости на графике, то, как следует из графика, скорость первого тела до столкновения равна  $5V$ , а второго -  $V$ , а после столкновения скорость первого тела становится равной  $3V$ , а второго -  $7V$ . С учетом этого из закона сохранения импульса получаем:

$$5m_1 V + m_2 V = 3m_1 V + 7m_2 V,$$

$$m_1/m_2 = 3.$$

Первое тело догоняет второе и после столкновения скорость первого тела уменьшается, а второго - увеличивается.

Взаимодействие тел является абсолютно упругим, так как кинетическая энергия до взаимодействия равна кинетической энергии после взаимодействия:

$$m_1(5V)^2/2 + m_2 V^2/2 = m_1(3V)^2/2 + m_2(7V)^2/2,$$

$$(3m_2)(5V)^2/2 + m_2 V^2/2 = (3m_2)(3V)^2/2 + m_2(7V)^2/2,$$

$$76/2 = 76/2.$$

*Ответ:* а)  $m_1/m_2 = 3$ ; б) да, является.

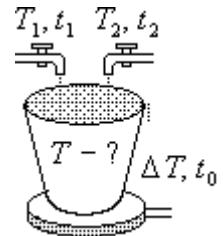
*Критерии оценивания:*

**Второй (муниципальный) этап Всероссийской олимпиады школьников по физике  
Ханты-Мансийский автономный округ – Югра  
2019-2020 учебный год**

<b>Шаги выполнения задания</b>	<b>Число баллов</b>
Запись закона сохранения импульса с учетом данных графика	4
Решение этого уравнения и получение $t_1/t_2 = 3$	2
Запись закона сохранения энергии с учетом данных графика и вывод об абсолютно упругом взаимодействии	3
Вывод из последнего утверждения об абсолютно упругом взаимодействии	1
<b>Сумма баллов:</b>	<b>10</b>

### 5. Нагревание воды

**Нагревание воды.** В лаборатории на электрическую плитку поставили сосуд и стали сверху наливать воду из нерегулируемых кранов с горячей и холодной водой, а непрерывно выливающуюся через край воду использовать для своих нужд. С какой температурой  $T$  будет выливаться вода? Известно, что



- 1) горячая вода имеет температуру  $T_1 = 90^\circ\text{C}$ , и сосуд при закрытом кране с холодной водой полностью наполняется за время  $t_1 = 40 \text{ с}$ ;
- 2) холодная вода имеет температуру  $T_2 = 20^\circ\text{C}$ , и сосуд при закрытом кране с горячей водой полностью наполняется за время  $t_2 = 10 \text{ с}$ ;
- 3) на плитке полностью наполненный сосуд нагревается на  $\Delta T = 30^\circ\text{C}$  за время  $t_0 = 60 \text{ с}$ . Считайте, что передачей тепла окружающей среде, а также теплоемкостью сосуда можно пренебречь, вода выливается в сосуд спокойно и в нем перемешивается.

*Решение:*

Пусть  $m_0$  - масса воды в полном сосуде,  $Q$  - ежесекундное количество тепла, передаваемое от плитки воде. Тогда за единицу времени (ежесекундно) выливается масса воды  $m_0/t_1$  из горячего крана и  $m_0/t_2$  из холодного, а за время  $t$  из этих кранов выльются соответственно следующие массы воды

$$m_1 = (m_0/t_1)t = m_0t/t_1,$$

$$m_2 = (m_0/t_2)t = m_0t/t_2,$$

которые и будут выливаться из сосуда с установившейся температурой  $T$ . Так как при смешивании горячей и холодной воды часть внутренней энергии горячей воды передается холодной и еще от плитки передается тепло, то введем удельную теплоемкость воды  $c$  и запишем уравнения теплового баланса:

$$Qt_0 = cm_0\Delta T,$$

$$Qt + cm_1(T_1 - T) = cm_2(T - T_2).$$

Из системы последних двух уравнений после подстановки в них выражений для  $m_1$ ,  $m_2$  и исключения  $Q$  получаем:

$$Q = cm_0\Delta T/t_0 = [cm_2(T - T_2) - cm_1(T_1 - T)]/t,$$

$$cm_0\Delta T/t_0 = [c(m_0t/t_2)(T - T_2) - c(m_0t/t_1)(T_1 - T)]/t,$$

$$T = [t_1t_2\Delta T + t_0(T_1t_2 + T_2t_1)]/[t_0(t_1 + t_2)] = 42^\circ\text{C}.$$

*Ответ:*  $T = [t_1t_2\Delta T + t_0(T_1t_2 + T_2t_1)]/[t_0(t_1 + t_2)] = 42^\circ\text{C}$ .

*Критерии оценивания:*

<b>Шаги выполнения задания</b>	<b>Число баллов</b>
Запись выражения для $m_1$	1
Запись выражения для $m_2$	1
Введение удельной теплоемкости и $Q$ , запись уравнения $Qt_0 = cm_0\Delta T$	2
Запись уравнения теплового баланса $Qt + cm_1(T_1 - T) = cm_2(T - T_2)$	3
Решение системы уравнений и получение ответа	3
<b>Сумма баллов:</b>	<b>10</b>

*Второй (муниципальный) этап Всероссийской олимпиады школьников по физике  
Ханты-Мансийский автономный округ – Югра  
2019-2020 учебный год*