

9 класс

9.1. (10 баллов) Автомобиль начинает двигаться с места с постоянным ускорением $a = 1,0 \text{ м/с}^2$. Мимо светофора он проезжает со скоростью $V = 36 \text{ км/ч}$. На каком расстоянии от светофора он находился $\tau = 2 \text{ с}$ назад?

Ответ: 18 м.

Решение: Автомобиль двигается равноускорено без начальной скорости и до светофора проходит путь $S_2 = \frac{at^2}{2}$. Две секунды назад он прошел путь $S_1 = \frac{a(t-\tau)^2}{2}$. Следовательно, $l = S_2 - S_1$. Получили три уравнения и четыре неизвестных. Время t можно выразить из закона скорости равноускоренного движения $V = at$. Решая систему четырех уравнений, получаем выражение расстояния l через данные задачи:

$$l = S_2 - S_1 = \frac{a}{2}[t^2 - (t - \tau)^2] = \frac{a}{2}\left[\left(\frac{V}{a}\right)^2 - \left(\frac{V}{a} - \tau\right)^2 + \frac{2V\tau}{a} - \tau^2\right] = \frac{a\tau}{2}\left(\frac{2V}{a} - \tau\right)$$

Подставим числовые значения и получим:

$$l = \frac{1 \cdot 2}{2}\left(\frac{2 \cdot 10}{1} - 2\right) = 18 \text{ м.}$$

9.2. (10 баллов) В цилиндрический сосуд налиты вода и керосин в равных по массе количествах. Общая высота слоев жидкостей $H = 36 \text{ см}$. Найдите давление жидкостей на дно сосуда и на границе раздела. Плотность воды $\rho_{\text{в}} = 1,0 \text{ г/см}^3$, плотность керосина $\rho_{\text{к}} = 0,080 \text{ г/см}^3$.

Ответ: $P_{\text{дн}} = 3,2 \text{ кПа}$, $P_{\text{гр}} = 1,6 \text{ кПа}$.

Решение: Давление жидкости, состоящей из нескольких несмешивающихся компонентов (вода-керосин в нашем случае), на глубине $H = h_{\text{в}} + h_{\text{к}}$

$$P_{\text{дн}} = \rho_{\text{в}}gh_{\text{в}} + \rho_{\text{к}}gh_{\text{к}}.$$

Так как масса воды равна массе керосина, можно записать:

$$\rho_{\text{в}}gh_{\text{в}}S = \rho_{\text{к}}gh_{\text{к}}S.$$

где S – площадь основания цилиндрического сосуда.

Отсюда получаем:

$$\rho_{\text{в}}h_{\text{в}} = \rho_{\text{к}}h_{\text{к}}.$$

Из данных выражений получаем:

$$P_{\text{дн}} = 2\rho_{\text{в}}gh_{\text{в}}.$$

Тогда $h_{\text{к}} = \frac{\rho_{\text{в}}h_{\text{в}}}{\rho_{\text{к}}}$, подставим в H :

$$H = h_{\text{в}}\left(1 + \frac{\rho_{\text{в}}}{\rho_{\text{к}}}\right).$$

Выразим: $h_B = \frac{H\rho_K}{\rho_K + \rho_B}$.

Проведем подстановку и получим:

$$P_{\text{дн}} = \frac{2\rho_B h_B g H}{\rho_K + \rho_B}$$

Подставим числовые значения:

$$P_{\text{дн}} = \frac{2 \cdot 10^3 \cdot 800 \cdot 10 \cdot 0,36}{10^3(1 + 0,8)} = 3,2 \text{ кПа.}$$

$$P_{\text{гр}} = \frac{P_{\text{дн}}}{2} = 1,6 \text{ кПа.}$$

9.3. (10 баллов) Маленький шарик падает с высоты 1 м на тонкую собирающую линзу с фокусным расстоянием 50 см и разбивает ее. Сколько времени будет существовать мнимое изображение шарика в этой линзе? ($g = 10 \text{ м/с}^2$)

Ответ: $t = 13 \text{ с.}$

Решение:

Изображение предмета в собирающей линзе оказывается мнимым, если расстояние от него до центра линзы меньше фокусного расстояния.

Полное время падения шарика $t_1 = \sqrt{\frac{2h}{g}}$, где h – высота, с которой падает шарик.

Время полете до фокуса линзы: $t_2 = \sqrt{\frac{2(h-F)}{g}}$, где F – фокусное расстояние линзы.

Время, в течение которого будет существовать мнимое изображение, равно:

$$t = t_1 - t_2 = \sqrt{\frac{2h}{g}} - \sqrt{\frac{2(h-F)}{g}} = 0,13 \text{ с.}$$

9.4. (10 баллов) Для проведения лабораторной работы студенту Иванову Семёну была выдана электрическая плитка. При этом преподаватель сообщил, что коэффициент полезного действия этой плитки 40 %. На ее корпусе он обнаружил, что мощность равна 500 Вт. Сколько времени продолжить нагревание 0,8 литров воды, чтобы ее 10 % обратить в пар при кипении, если начальная температура воды 15°C ? Удельная теплоемкость воды $c = 4200 \text{ Дж (кг} \cdot \text{К)}$, удельная теплота парообразования воды $r = 2,26 \cdot 10^6 \text{ Дж} \cdot \text{кг}$.

Ответ: $\tau = 2332 \text{ с} \approx 39 \text{ мин.}$

Решение:

Сначала необходимо нагреть воду до температуры кипения t_K :

$$Q_H = (t_K - t_0) \cdot c \cdot \rho_B \cdot V_{\text{воды}}$$

Затем начнется процесс парообразования воды, чтобы испарить объем равный $V_{\text{исп. воды}}$ потребуется следующее количество тепла:

$$Q_{\text{исп}} = r \cdot \rho_{\text{в}} \cdot V_{\text{исп.воды}} = 0,1 \cdot r \cdot \rho_{\text{в}} \cdot V_{\text{воды}}$$

Теперь выясним, какое количество теплоты передаст электрическая плитка воде за время работы τ :

$$\frac{\text{КПД} \cdot P \cdot \tau}{100 \%} = Q.$$

Получаем систему уравнений:

$$\begin{cases} \frac{\text{КПД} \cdot P \cdot \tau}{100 \%} = Q \\ Q = Q_{\text{н}} + Q_{\text{исп}} \end{cases}$$

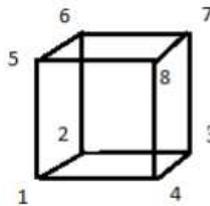
Выразим и найдем искомое время:

$$\begin{aligned} \tau &= \frac{(Q_{\text{н}} + Q_{\text{исп}}) \cdot 100 \%}{\text{КПД} \cdot P} = \frac{((t_{\text{к}} - t_0) \cdot c \cdot \rho_{\text{в}} \cdot V_{\text{воды}} + 0,1 \cdot r \cdot \rho_{\text{в}} \cdot V_{\text{воды}}) \cdot 100 \%}{\text{КПД} \cdot P} \\ &= \frac{\rho_{\text{в}} \cdot V_{\text{воды}} ((t_{\text{к}} - t_0) \cdot c + 0,1 \cdot r) \cdot 100 \%}{\text{КПД} \cdot P} = 2332 \text{ с} \approx 39 \text{ мин.} \end{aligned}$$

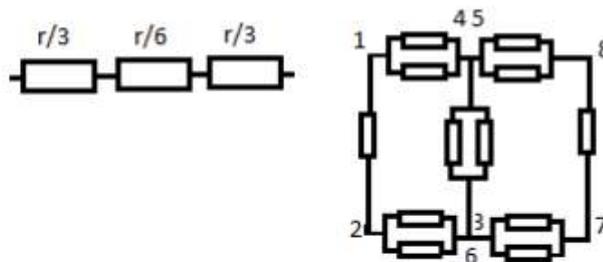
9.5. (10 баллов) Из одинаковых проволочек спаяли куб и подключили его к источнику постоянного напряжения крайними точками диагонали куба и за время t_1 он нагрелся на ΔT градусов. Определите, за какое время куб нагреется на ΔT градусов, если его подключить к тому же источнику крайними точками диагонали грани куба. Потерями тепла пренебречь.

Ответ: $t_2 = \frac{9t_1}{10}$

Решение: Куб спаян из одинаковых проволочек. Пусть сопротивление каждой такой проволочки r .



Воспользуемся тем, что точки с одинаковыми потенциалами можно соединять или разделять не меняя токов в цепи, а значит и сопротивление цепи, и нарисуем для удобства расчета сопротивлений эквивалентные схемы.



Подключение к напряжению куба точками 1 и 7, приведет к схеме, изображенной на левом рисунке. Ее полное сопротивление: $R_1 = \frac{5r}{6}$.

Схема, изображенная на правом рисунке, соответствует подключению напряжения к точкам 1 и 8. Для расчета сопротивления следует помнить, что потенциалы точек 36 и 45 равны, что можно проверить простым расчетом. Для этого случая $R_2 = \frac{3r}{4}$.

Используя закон Джоуля-Ленца, получим $\frac{t_1 U^2}{R_1} = \frac{t_2 U^2}{R_2}$.

Поэтому $t_2 = \frac{9t_1}{10}$.