

КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ

11 класс

Задача 11.1

Возможное решение

(В работах учащихся могут быть предложены и другие правильные способы решения)

Силы, действующие на систему обруч — шайба, — это сила тяжести и сила нормальной реакции со стороны плоскости. Обе эти силы направлены вдоль вертикали. Следовательно, центр масс системы в горизонтальном направлении не перемещается. Поскольку трение между обручем и плоскостью отсутствует, обруч движется поступательно. Согласно закону сохранения импульса, в любой момент времени

$$Mu_x + mv_x = 0, \quad (1)$$

где u_x и v_x — горизонтальные проекции скоростей центра обруча и шайбы. Так как v_x периодически меняет знак, то и u_x также «синхронно» меняет знак. Общий характер движения обруча таков: шайба на участках BC и BE — центр обруча движется вправо; шайба на участках CD и DE — центр обруча движется влево (Рис.1).

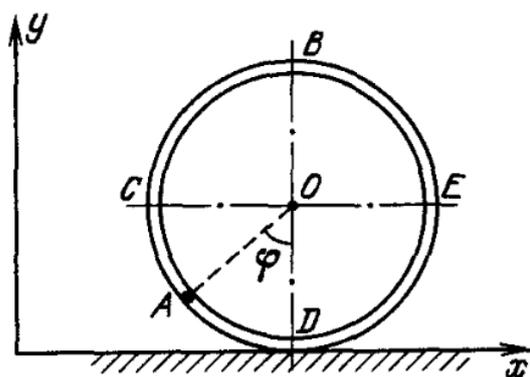


Рис.1

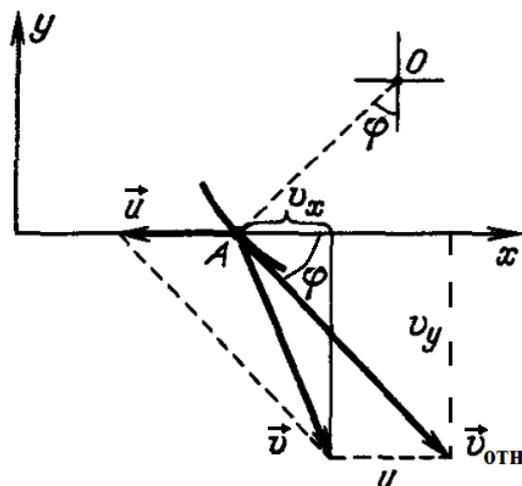


Рис.2

Скорости шайбы u и обруча v связаны законом сохранения энергии:

$$Mgr + mg \cdot 2r = Mgr + mgr(1 - \cos \varphi) + \frac{mv^2}{2} + \frac{Mu^2}{2},$$

который приводится к следующему виду: $mgr(1 - \cos \varphi) = \frac{mv^2}{2} + \frac{Mu^2}{2}$ (2)

Движение шайбы относительно неподвижного наблюдателя можно представить в любой момент времени как суперпозицию двух движений: движения относительно центра обруча со скоростью $\vec{v}_{\text{отн}}$, направленной по касательной к обручу, и движения вместе с обручем со скоростью \vec{u} , направленной горизонтально. Таким образом, в соответствие с законом сложения скоростей, скорость шайбы $\vec{v} = \vec{u} + \vec{v}_{\text{отн}}$ (рис. 2). Как видно из этого

<p>рисунка, $\operatorname{tg} \varphi = \frac{v_y}{v_x + u} \quad (3)$</p> <p>С учетом того, что в (2) $v^2 = v_x^2 + v_y^2$, (4)</p> <p>решая совместно уравнения (1) – (4), после достаточно громоздких преобразований, найдем скорость центра обруча в тот момент, когда радиус-вектор точки, в которой находится шайба, составляет угол φ с вертикалью:</p> $u = m \cos \varphi \sqrt{\frac{2gr(1 + \cos \varphi)}{(M + m)(M + m \sin \varphi)}} \quad (5)$
--

Примерные критерии оценивания	Баллы
Записан закон сохранения импульса (1)	3
Записан закон сохранения энергии (2)	1
Получено выражение для $\operatorname{tg} \varphi$ (3)	2
Получено выражение для скорости шайбы u (5)	4

Задача 11.2

Возможное решение

(В работах учащихся могут быть предложены и другие правильные способы решения)

Так как тело движется вдоль оси x , то его ускорение, в соответствии со вторым законом

Ньютона, равно
$$a_x = \frac{f_x}{m} = -\frac{\alpha(x)}{m} v^2 \quad (1)$$

Из условия задачи следует, что тело, пущенное в начальный момент времени из начала координат с начальной скоростью v_0 , движется равнозамедленно, т.е.

$a_x = -a = \text{const}$, поэтому координата тела x и его скорость v_x зависят от времени t следующим образом:

$$x = v_0 t - \frac{at^2}{2}, \quad v = v_0 - at \quad (2)$$

Подставляя вторую формулу из (2) в (1), имеем: $a = \frac{\alpha(x)}{m} (v_0 - at)^2$ (3)

отсюда выражаем
$$\alpha(x) = \frac{ma}{(v_0 - at)^2} = \frac{m}{\frac{v_0^2}{a} - 2v_0 t + at^2} \quad (4)$$

Используя первую формулу в (2), выражение (4) можно записать через координату x :

$$\alpha(x) = \frac{m}{\frac{v_0^2}{a} - 2x} = \frac{m}{2\left(\frac{v_0^2}{2a} - x\right)} \quad (5)$$

Таким образом, тело, пущенное из начала координат с произвольной скоростью v_0 , может двигаться равнозамедленно только тогда, когда зависимость $\alpha(x)$ имеет вид (5).

Здесь $\frac{v_0^2}{2a}$ является произвольным положительным числом, которое можно обозначить

через $X = \frac{v_0^2}{2a}$, тогда зависимость (5) переписывается в виде: $\alpha(x) = \frac{m}{2(X-x)}$ (6)

Заметим, что, в соответствии с уравнениями, описывающими равнозамедленное движение (2), величина X имеет смысл расстояния, которое проходит тело от начала координат до полной остановки, причем зависит X только от свойств среды.

Примерные критерии оценивания	Баллы
Записано выражение для ускорения тела как функции скорости (1)	1
Записаны уравнения (2)	1
Получено соотношение (3)	2
Получено выражение для $\alpha(x)$ как функция времени (4)	3
Получено выражение для $\alpha(x)$ как функция координаты (5) (или (6))	3

Задача 11.3

Возможное решение

(В работах учащихся могут быть предложены и другие правильные способы решения)

Из уравнений адиабат 2-3 и 3-4 $p_2 V_2^\gamma = p_3 V_3^\gamma$ (1)

$$p_4 V_4^\gamma = p_1 V_1^\gamma \quad (2)$$

получаем соотношение $\frac{p_3}{p_4} = \frac{p_2}{p_1}$ (3)

Для изохорных участков 1-2 и 3-4 имеем такие соотношения

$$\frac{p_2}{T_2} = \frac{p_1}{T_1} \Rightarrow \frac{p_2}{p_1} = \frac{T_2}{T_1} \quad (4) \quad \frac{p_3}{T_3} = \frac{p_4}{T_4} \Rightarrow \frac{p_3}{p_4} = \frac{T_3}{T_4} \quad (5)$$

Подставив (4) и (5) в (3), найдем температуру T_3 : $T_3 = T_4 \frac{T_2}{T_1} = 300 \frac{768}{524} = 450\text{К}$ (6)

Для определения КПД двигателя нужно вычислить работу A , совершаемую газом за цикл, и количество теплоты Q_1 , получаемое газом от нагревателя.

$$\begin{aligned} A &= A_{23} + A_{41} = -(\Delta U_{23} + \Delta U_{41}) = -\frac{3}{2} \nu R [(T_3 - T_2) + (T_1 - T_4)] = \\ &= \frac{3}{2} \nu R [(T_2 - T_3) + (T_4 - T_1)] \end{aligned} \quad (7)$$

Газ нагревается, получая энергию от нагревателя на участке 1-2. Поэтому

$$Q_1 = \Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) \quad (8)$$

С учетом (7) и (8) КПД двигателя

$$\eta = \frac{A}{Q_1} = \frac{\frac{3}{2} \nu R [(T_2 - T_3) + (T_4 - T_1)]}{\frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1)} = \frac{(T_2 - T_1) - (T_3 - T_4)}{(T_2 - T_1)} = 1 - \frac{T_3 - T_4}{T_2 - T_1} \quad (9)$$

Подставляя численные значения, получаем: $\eta = 1 - \frac{450 - 300}{768 - 524} \approx 0,43$. (10)

Примерные критерии оценивания	Баллы
Получено соотношение (3)	1
Получено соотношение (4)	1
Получено соотношение (5)	1
Вычислено значение температуры T_3 (6)	1
Получено выражение для работы (7)	2
Получено выражение для количества теплоты (8)	1
Получено выражение для КПД (9)	2
Получен численный результат (10)	1

Задача 11.4

Возможное решение

(В работах учащихся могут быть предложены и другие правильные способы решения)

Так как по условию задачи расстояние между пластинами d мало по сравнению с их линейными размерами, то поле между пластинами можно считать однородным. Его

напряженность $E = \frac{U}{d}$ (1)

Заряд q каждой пластины равномерно распределен по ее поверхности и может быть подсчитан с помощью формулы $q = CU$, (2)

где C – емкость плоского воздушного конденсатора, образованного пластинами. Для

емкости C имеем выражение $C = \frac{\varepsilon_0 S}{d}$, (3)

где ε_0 – электрическая постоянная. Поле между пластинами создается в одинаковой степени как зарядами верхней, так и зарядами нижней пластины. В соответствии с этим для напряженности E_1 поля, создаваемого только зарядом верхней пластины, можно

написать $E_1 = \frac{1}{2} E = \frac{U}{2d}$, (4)

Заряд q нижней пластины находится в этом поле, и на него со стороны поля действует сила $F = qE_1$, (5)

направленная вверх. С учетом равенств (2), (3) и (4) для F находим $F = \frac{\varepsilon_0 S}{2d^2} U^2$ (6)

Если величина силы F больше силы тяжести mg , т.е. если имеет место неравенство

$$\frac{\varepsilon_0 S}{2d^2} U^2 > mg, \quad (7)$$

то нижняя пластина отрывается от стола. Из (7) окончательно получаем: $U > d \sqrt{\frac{2mg}{\varepsilon_0 S}}$. (8)

Примерные критерии оценивания	Баллы
Записан закон сохранения энергии в форме (1)	2
Записано выражение для силы тока (2)	1
Получено выражение для количества теплоты через данные задачи (3)	2
Указано условие применимости полученного результата (4)	2
Отмечен случай отсутствия выделения теплоты в шаре (5)	3

Задача 11.5

Возможное решение

(В работах учащихся могут быть предложены и другие правильные способы решения)

При вращении цилиндра на свободные электроны действует центробежная сила, отбрасывающая их к поверхности цилиндра, образуя вблизи нее избыточный отрицательный заряд. Это разделение зарядов прекращается, когда возникшее электрическое поле способно сообщать свободным электронам центростремительное

ускорение $a = \omega^2 r$, т.е. когда $eE = ma$. Отсюда $E = \frac{m\omega^2 r}{e}$ (1)

Из (1) видно, что напряженность электрического поля с ростом r линейно возрастает,

поэтому ее среднее значение $E_{\text{cp}} = \frac{E_{\text{max}}}{2} = \frac{m\omega^2 r}{2e}$ (2)

Следовательно, $U = E_{\text{cp}} R = \frac{m\omega^2 R^2}{2e}$ (3)

Подставляя численные значения, получаем: $U = 1,1 \cdot 10^{-7}$ В (4)

Если магнитное поле направлено вдоль оси цилиндра, сила Лоренца, направленная по радиусу, может сама сообщить электронам необходимое центростремительное ускорение: $F_{\text{л}} = ma$. В таком случае электрическое поле не возникает и разделения

зарядов не происходит. Учитывая, что $F_{\text{л}} = e\upsilon B$, $\upsilon = \omega r$, и $a = \omega^2 r$,

получаем $e\omega Br = m\omega^2 r$, и, следовательно, $B = \frac{m\omega}{e}$ (5)

Подставляя численные значения, получаем: $B = 5,7 \cdot 10^{-9}$ Тл (6)

Заметим, что направление вектора \vec{B} , конечно, должно быть согласовано с направлением вращения (чтобы сила Лоренца была направлена к оси вращения).

Примерные критерии оценивания	Баллы
Получено выражение для E (1)	1
Получено выражение для E_{cp} (2)	2
Получено выражение для U (3)	3
Получен численный результат (4)	1
Получено выражение для B (5)	2
Получен численный результат (6)	1