



8 класс, 2022/2023 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 40 баллов.

Задача 1. Вареники с творогом.

Восьмиклассник Андрей после школы собрался сварить 20 вареников с творогом. Включив газовую плиту мощностью 1250 Вт, Андрей решил ускорить процесс – влил в кастрюлю горячую воду из недавно кипевшего чайника ($T_1 = 90^0$) и тут же закинул в воду один вареник. Остальные вареники Андрей кидал по очереди с интервалами в 12 секунд. Считайте, что вареники абсолютно идентичные и при опускании в кастрюлю имеют температуру 0^0 С. Масса одного вареника 25 грамм, удельная теплоемкость 3 кДж/кг $^{.0}$ С. Теплоемкость воды $5000 \, \text{Дж}/^0$ С. Теплоемкостью кастрюли и тепловыми потерями можно пренебречь. Кроме того, Андрей все время помешивает содержимое кастрюли, так что оно приходит к тепловому равновесию очень быстро.

- 1) Сколько раз закипала вода в кастрюле у Андрея до момента опускания последнего вареника?
- 2) Сколько будет закипаний, если Андрей уменьшит интервал опускания вареников до 7 секунд?

Возможное решение:

1) Определим количество теплоты, которую нужно сообщить системе, чтобы нагреть ее до $T_{\kappa} = 100^{0} \text{C}$. В начале эта величина $Q_{0} = C_{\text{B}} \cdot (T_{\kappa} - T_{1}) = 5000 \cdot (100 - 90) = 50\ 000\ \text{Дж} = 50\ \text{кДж}$. (1 балл)

Каждый вареник, который попадает в кастрюлю, тоже надо нагреть до 100 градусов, на его нагревание должно уйти $Q_{\rm II} = c_{\rm II} m_{\rm II} (T_{\rm K} - T_{\rm II}) = 3000 \cdot 0,025 \cdot (100 - 0) = 7\,500\,{\rm Дж} = 7,5\,{\rm кДж}$. (1 балл)

При этом за промежуток времени 12 секунд (от закидывания одного вареника до закидывания следующего) в систему от плиты поступает $Q = Pt = 1250 \cdot 12 = 15\,000\,$ Дж = 15 кДж. (1 балл)

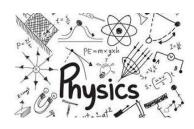
Определим первый момент, когда вода закипит. К концу промежутка N (перед тем, как закинут (N+1)-й вареник) количество поступившей теплоты должно быть больше или равно необходимому для нагревания всей системы до 100 градусов:

 $N \cdot Q \ge Q_0 + N \cdot Q_{\pi}$, тогда $N \ge Q_0 / (Q - Q_{\pi})$, $N \ge 6,67$. (2 балла)

Таким образом, первый раз вода закипит после заброса 7-го вареника. (1 балл)

Если же вода закипела в первый раз, то за следующие 12 секунд плита сообщит достаточное количество тепла, чтобы вода закипела снова (15 кДж > 7,5 кДж). Таким образом, вода будет кипеть в общей сложности 13 раз — первый раз мы определили выше, а также вода будет кипеть в каждый следующий промежуток времени (то есть, после 7-го, 8-го, 9-го, 19-го вареника). (2 балла)

2) Если промежуток времени уменьшить до 8 секунд, то от плиты в систему будет поступать $Q_1 = 1250 \cdot 7 = 8750$ Дж, тогда $N_1 \ge Q_0 / (Q_1 - Q_n)$, $N \ge 40$. Так что к моменту закидывания 20-го пельмешка вода закипеть не успеет ни разу (2 балла за аргументированный верный ответ, верный ответ без аргументации 1 балл)

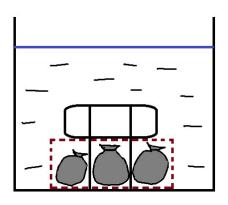




8 класс, 2022/2023 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 40 баллов.

Задача 2. Всплывет или нет?

В резервуар, содержащий один кубический метр воды, поместили невесомый контейнер, содержащий несколько мешочков с солью, общая масса которых 500 кг. Сверху к контейнеру прикреплен пробковый поплавок, объем которого в 10 раз меньше объема воды в резервуаре. Материал мешочков позволяет соли постепенно растворяться в воде, причем объем воды при этом меняется незначительно. Сможет ли конструкция всплыть через некоторое время, если в 1 литре воды растворяется максимум 320 грамм соли? Считайте, что объем контейнера, материала мешочков и креплений пренебрежимо мал. Плотность материала поплавка 250 кг/м³, плотность воды 1000 кг/м³, плотность соли 2800 кг/м³.



Возможное решение:

Будем использовать следующие обозначения: M — начальная масса соли, V = 0,1 м 3 — объем пробкового поплавка, V_0 = 1 м 3 — объем воды в резервуаре, $\rho_{\rm H}$ = 250 кг/м 3 — плотность пробки, $\rho_{\rm B}$ = 1000 кг/м 3 — плотность воды, $\rho_{\rm c}$ = 2800 кг/м 3 — плотность соли.

Рассмотрим момент, когда растворилось максимальное количество соли в воде.

Так как 1 $M^3 = 1000$ л, то в 1 M^3 растворится $\Delta m = 320$ кг соли. (1 балл)

Тогда масса не растворившейся соли $m = M - \Delta m = 500 - 320 = 180$ кг. (1 балл)

Масса пробкового поплавка $m_n = \rho_n \cdot V = 25$ кг. (1 балл)

По мере растворения соли увеличивается плотность воды, что приводит к увеличению силы Архимеда, действующей на мешочки с солью и поплавок.

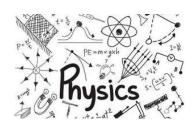
Определим плотность раствора после максимального растворения соли. По условию объем жидкости не меняется, поэтому при смешивании 1 кг воды (масса 1 литра воды) с 320 граммами соли получается раствор объемом 1 литр и массой 1,32 кг. Значит, плотность раствора $\rho = 1320$ кг/м³. (2 балла)

Поплавок и контейнер всплывут, если сила Архимеда окажется больше силы тяжести, действующей на поплавок и мешочки с оставшейся солью.

$$F_A = \rho g(V + V_c) = \rho g(V + m/\rho_c) = 1320 \cdot 10 \cdot (0,1 + 180/2800) = 2169 \text{ H}$$
 (2 балла) $F_m = mg + m_n g = 2050 \text{ H}$. (1 балл)

Так как $F_A > F_m$, то конструкция всплывет. (2 балла)

Примечание: участник может пойти другим путем — например, посчитать, сколько соли должно раствориться, чтобы конструкция всплыла, а затем сравнить с тем количеством, которое может раствориться. Также участник может не выполнять часть промежуточных вычислений. Это не является ошибкой. В этом случае оцениваются логически верные шаги и при правильном решении ставится максимальный балл.





8 класс, 2022/2023 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 40 баллов.

Задача 3. Средняя скорость.

На каникулах восьмиклассник Федор вместе с родителями поехал на машине в инженерно-физическую школу «Рысь-2». Первую часть пути они ехали со скоростью 18 м/с, вторую часть — со скоростью 43,2 км/ч, а третью часть со скоростью 900 м/мин. Оказалось, что на первый участок было затрачено 2/5 всего времени движения, а вторая часть дороги составила 1/4 от всего пути. Определите среднюю скорость автомобиля на всем пути.

Возможное решение:

Для начала переведем все скорости в м/с: $v_2 = 12$ м/с, $v_3 = 15$ м/с. (1 балл)

Пусть s — полный путь автомобиля, а t — полное время его движения. На первый участок приходится 2/5 всего времени, а на второй участок 1/4 всего пути, поэтому:

$$t_2 + t_3 = 3t/5$$
 (1 балл),
 $s_1 + s_3 = 3s/4$ (1 балл).

Поскольку $s_1 = v_1 \cdot 2t/5$, $s_3 = v_3t_3$, $t_2 = (s/4)/v_2$, получаем два уравнения:

$$\frac{s}{4v_2} + t_3 = \frac{3t}{5} \text{ ; тогда } t_3 = \frac{3t}{5} - \frac{s}{4v_2} \text{ (*)}$$

$$\frac{2v_1t}{5} + v_3t_3 = \frac{3s}{4} \text{ (**), подставим сюда (*), получим}$$

$$\frac{2v_1t}{5} + \frac{3v_3t}{5} - \frac{sv_3}{4v_2} = \frac{3s}{4}$$

За уравнение (*) ставится 2 балла и за уравнение (**) тоже 2 балла.

Разделим последнее уравнение на t и учтем, что $v_{\rm cp} = {\rm s}/t$, получим

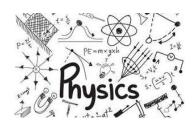
$$\frac{2v_1}{5} + \frac{3v_3}{5} - \frac{v_{cp}v_3}{4v_2} = \frac{3v_{cp}}{4}.$$

Отсюда осталось выразить $v_{\rm cp}$ либо в общем виде, либо подставив численные значения.

$$v_{\rm cp} = \frac{4(2v_1 + 3v_3)}{5(3 + v_3/v_2)}$$

 $v_{\rm cp} \approx 15{,}27~{\rm m/c} \approx 54{,}9~{\rm кm/ч}$. (3 балла за нахождение средней скорости; за подстановку численных значений в промежуточные формулы оценка не снижается)

Примечание: Участники могут решать другим способом, получая иные выражения. При альтернативных способах решениях оцениваются логически верные шаги, и если получен верный ответ, то ставится максимальный балл.





8 класс, 2022/2023 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 40 баллов.

Задача 4. Бусы.

Экспериментатор Глюк решил проделать следующий опыт. Он связал между собой одинаковые тела из набора для калориметрии ниткой в «бусы». Затем на электронных весах Глюк установил мензурку объёмом 1000 мл с ценой деления 5 мл, заполненную водой до отметки 700 мл, и нажал кнопку «TARE». На циферблате экспериментатор увидел значение «0,00», после чего стал погружать «бусы» в воду. Показания весов стали увеличиваться с каждым погруженным грузом. Глюк делал опыт ак-

111, 1
0
10,6
21,2
31,9
42,6
53,3
64,5
74,6

т, г

куратно, так что грузы в процессе не касались стенок и дна мерного цилиндра. Результаты эксперимента приведены в таблице справа.

- 1) Постройте зависимость показаний весов от количества погруженных грузов.
- 2) *По графику* определите объём одного груза. Оцените погрешность определения объёма.
- 3) Взвесив на весах 7 грузов сразу, Глюк получил значение 582,5 г. Используя результаты, полученные в предыдущих пунктах, найдите плотность материала, из которого изготовлены грузы.

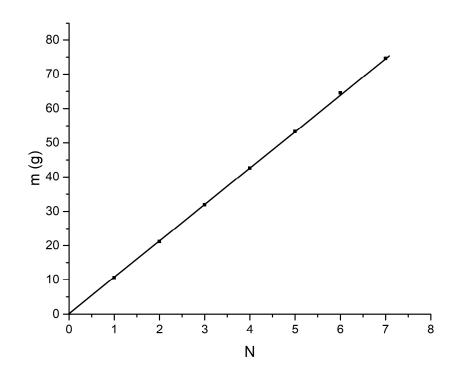
Возможное решение:

 φ

 \Box

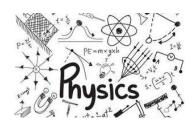
 \Box

- 1) График оценивается всего в 4 балла. По 1 баллу за адекватный масштаб, чтобы все оси были подписаны, на всех осях нанесена шкала, точки не соединены ломаной линией, а проведена оптимальная прямая.
- 2) На груз, погруженный в воду, действует сила Архимеда, и соответственно такая же по величине сила действует на весы, в противоположном направлении. Тогда, показания весов



$$\Delta m = \frac{F_{\rm apx}}{a} = \rho \Delta V$$
 (2 балла), где $\rho = 1000~{\rm kg/m^3}$ плотность воды.

Отсюда мы можем найти погруженный объём $\Delta V = \frac{\Delta m}{c}$.





8 класс, 2022/2023 учебный год *Длительность 3 часа.*

Максимум 40 баллов.

Выбрав удобную точку на графике найдем $\Delta V = \frac{\Delta m}{\rho} = \frac{74,6 \text{см}^3}{1 \text{г/см}^3} = 74,6 \text{см}^3$. Этот объём соответствует семи погруженным грузам, значит объём одного $V_1 = \frac{74,6 \text{см}^3}{7} \approx 10,66 \text{см}^3$ (2 балла). При отклонении $0,05 \text{см}^3$ ставится *1 балл*, при отклонении 0,1см³ и более 0 баллов.

Судя по записям в таблице, цена деления весов составляла 0,1 г. Если принять погрешность весов равной половине цене деления, то погрешность определения полного объёма всех грузов 0,05 см³. А погрешность определения объёма одного груза $\Delta V_1 = \frac{0.05 \text{см}^3}{7} \approx 0.007 \text{см}^3 \approx 0.01 \text{см}^3 \ (1 \ \textbf{балл}).$

Если погрешность весов приняли равной цене деления, то всё равно ставится 1 балл за этот пункт. Π одходы к оценке погрешностей отличаются, поэтому если порядок величины сходится, ставить 1балл при корректных рассуждениях.

Найдем плотность $\rho = \frac{m}{\Delta V} = \frac{582,5\Gamma}{74.6\text{cm}^3} \approx 7,81\Gamma/\text{cm}^3$. (1 балл, если отклонение не превышает 0,05 г/см³).