

 $|H(t)|_{V(t)} = |T_{2m}|_{V(t)} + |T_{2m}|_{V(t)} = |T_{2m}|_{V(t)} = |T_{2m}|_{V(t)} + |T_{2m}|_{V(t)} = |T_{2m}|_{V(t)} + |T_{2m}|_{V($

8 класс, 2023/2024 учебный год Длительность 3 часа Максимум 40 баллов.

Задача № 1. На большом воздушном шаре...

Однажды экспериментатору Глюку друзья подарили прогулку на воздушном шаре. Глюк посчитал, что обычная прогулка — это слишком скучно, поэтому он попросил прокатиться на свешивающейся веревочной лестнице. Его просьбу выполнили, и когда шар оказался на высоте 8 м, из корзины выбросили длинную веревочную лестницу, часть которой оказалась на земле. Экспериментатор Глюк стал подниматься по ней вверх со скоростью v_0 относительно лестницы.

- 1) За какое время Глюк поднимется до края корзины?
- 2) Оказавшись на самом верху, Глюк начал спускаться с той же скоростью относительно лестницы. Через сколько секунд Глюк опять окажется у поверхности Земли, если шар всю прогулку поднимается вверх с постоянной скоростью v?
- 3) Какое время получится в п. 2), если скорость спуска Глюка будет $v_0/2$ относительно лестницы?

Примите, что скорости равны $v_0 = 3$ м/с, v = 2.5 м/с. Считайте лестницу настолько длинной, что ее нижняя часть всегда касается земли.

Возможное решение:

- 1) Ответить на первый вопрос просто: нужно разделить первоначальную высоту шара над землёй на скорость поднятия Глюка: $t_1 = h/v_0 = 8/3 = 2,67$ с. *(2 балла)*
- **2)** Пока Глюк поднимался, воздушный шар тоже поднимался. И его высота к тому моменту, когда Глюк достиг корзины, была равна $h_1 = h_0 + vt = 14,67$ м. *(2 балла)*

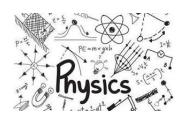
Дальше время спуска можно найти по-разному. Можно решать задачу в системе отсчета, связанной с воздушным шаром и в системе отсчета, связанной с землей.

Скорость спуска Глюка относительно земли равна: $v_1 = v_0 - v = 0,5$ м/с. Значит, Глюк спустится за $t_2 = h_1/v_1 = 29,34$ с.

Можно тот же результат получить, рассматривая спуск в другой системе отсчета. В любом случае этот этап оценивается в *3 балла (2 балла за формулы и 1 балл за результат)*.

3) Если Глюк будет спускаться со скоростью $v_0/2 = 1,5$ м/с, то относительно земли скорость спуска будет отрицательной, что означает, что Глюк при такой скорости спуска относительно лестницы не сможет достигнуть земли. (3 балла).

Итого максимум 10 баллов за задачу.



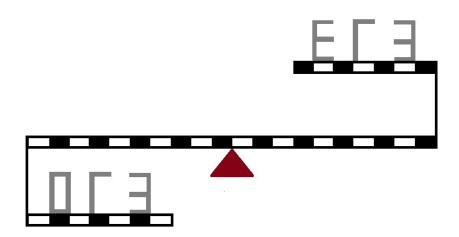
 $|H(t)|_{V}(t) = |T|_{am}$ $|T|_{am} = |T|_{am}$

8 класс, 2023/2024 учебный год Длительность 3 часа Максимум 40 баллов.

Задача № 2. ОГЭ-ЕГЭ

На невесомом рычаге расположено 6 фигур, собранных из 3 (фигура «Г»), 5 (фигуры «Е» и «Э») и 6 (фигура «О») одинаковых стержней (см. рисунок). Масса каждого стержня 30 грамм. В начале эксперимента рычаг удерживают горизонтально.

- 1) Рычаг отпустили. Какая сторона рычага перевесит? Ответ обосновать.
- 2) На расстоянии 3 деления от точки опоры подвесили грузик так, что система пришла в равновесие. Чему равна масса грузика?



Возможное решение:

Пусть масса одного стержня равна m, а длина — L. Сравним моменты сил, действующих справа и слева от точки опоры. Учтем, что момент силы — это произведение силы на плечо, где плечо — это кратчайшее расстояние от линии действия силы до рассматриваемой точки. Поэтому то, что фигуры расположены на нижней и верхней «ступеньках» не имеет значения (2 балла за это утверждение или его использование при решении задачи).

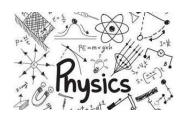
Сумма моментов сил слева:

 $M_1 = 2mg\cdot 9L + 2mg\cdot 8.5L + 2mg\cdot 8L + 2mg\cdot 7L + mg\cdot 6.5L + 3mg\cdot 4.5L + 2mg\cdot 4L = 93mgL$. Сумма моментов сил справа:

 $M_2 = 2mg\cdot 4L + 3mg\cdot 4.5L + 2mg\cdot 6L + mg\cdot 6.5L + 3mg\cdot 8.5L + 2mg\cdot 9L = 83.5mgL.$

Так как $M_1 > M_2$, то при отпускании рычага перевесит левая часть рычага (1 балл за ответ + 2 балла за обоснование (см. выше). Участник мог не находить моменты всех сил, а мог сначала исключить симметричные стержни, уравновешивающие друг друга, и найти моменты только оставшихся стержней).

Теперь ответим на второй вопрос. Ясно, что груз нужно подвесить справа от опоры (1 балл). Его масса m_0 должна быть такой, чтобы создаваемый момент сил привел систему в равновесие. Следовательно $M_1 = M_2 + m_0 \text{g} \cdot 3L$ (2 балла), тогда





8 класс, 2023/2024 учебный год Длительность 3 часа Максимум 40 баллов.

$$m_0 = \frac{M_1 - M_2}{3gL} = \frac{93mgL - 83,5mgL}{3gL} = 95 \text{ г.}$$

Значит для того, чтобы система пришла в равновесие, нужно справа от опоры подвесить груз массой 95 грамм. (2 балла)

Итого максимум 10 баллов за задачу.

Задача № 3. Перерыв на чай

Юра и Руслан решили сделать перерыв и выпить чаю. Оба друга налили в три большие чайные чашки одинаковые объемы кипящей воды. Пить такой горячий чай было бы неприятно, поэтому друзья решили добавить в чашки льда. В морозилке обнаружилось 64 одинаковых кубика льда, температура которых 0° С. Сначала Юра бросил в первую чашку один кубик льда и обнаружил, что температура в ней понизилась на 1° С. Тогда Руслан положил во вторую чашку 32 кубика, а Юра в третью 16 кубиков, потом Руслан во вторую чашку – 8 кубиков, а Юра – 4 кубика в третью чашку, и т.д., пока кубики не закончились. В процессе этого эксперимента вода из чашек не выливалась. Теплоемкостью чашек пренебречь, теплообмен с окружающей средой считать пренебрежимо малым. Удельная теплоёмкость воды 4200 Дж/(кг \cdot °С), удельная теплота плавления льда 330 кДж/кг.

- 1) Какая температура будет во второй чашке после установления теплового равновесия?
- 2) Какая температура будет в третьей чашке после установления теплового равновесия?
- 3) Во сколько раз больше воды будет во второй чашке по сравнению с первой в конце эксперимента?

Возможное решение:

Пусть M – это масса кипящей воды, налитая в каждую чайную чашку, а m – масса одного кубика льда. $T_1 = 100^{0}$ С, $T_0 = 0^{0}$ С, $\Delta T_1 = 1^{0}$ С.

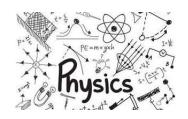
Запишем уравнение теплового баланса после добавления в первую чашку одного кубика льда:

$$cM\Delta T_I = \lambda m + cm(T_1 - \Delta T_I)$$
 (2 балла).

Отсюда найдем отношение масс (1 балл):

$$\frac{M}{m} = \frac{\lambda + c(T_1 - \Delta T_1)}{c\Delta T_1} \approx \frac{330000 + 4200(100 - 1)}{4200 \cdot 1} = 177,6.$$

Проанализируем условия, получим, что в сумме во вторую чашку оказалось добавлено 42 кубика льда, а в третью – в два раза меньше, т.е. 21 кубик льда (1 балл). Составим уравнение теплового баланса для второй чашки (1 балл):





8 класс, 2023/2024 учебный год Длительность 3 часа Максимум 40 баллов.

$$cM\Delta T_2 = 42\lambda m + 42cm(T_1 - \Delta T_2),$$

откуда

$$\varDelta T_2 = \frac{\lambda/c + T_1}{M/42m + 1} = \frac{330000/4200 + 100}{177,6/42 + 1} \approx 34,15^{\circ}\textit{C}, \text{ r. e. } T_2 \approx 65,85^{\circ}\textit{C}.$$

(1 балл).

Аналогично составим уравнение теплового баланса для третьей чашки (1 балл):

$$cM\Delta T_3 = 21\lambda m + 21cm(T_1 - \Delta T_3),$$

откуда

$$\Delta T_3 = \frac{\lambda/c + T_1}{M/21m + 1} = \frac{330000/4200 + 100}{177,6/21 + 1} \approx 18,9^{\circ}C, \text{ t. e. } T_3 \approx 81,1^{\circ}C.$$

(1 балл).

Осталось ответить на третий вопрос.

В первой чашке в конце эксперимента масса равна $M_1 = M + m = 178,6m$ (исходная вода + вода, образовавшаяся из одного кубика).

Во второй чашке в конце эксперимента масса равна $M_2 = M + 42m = 219,6m$ (исходная вода + вода, образовавшаяся из 42 кубиков).

Искомое отношение: $M_2/M_1 = 1,23$ (2 балла). Если при вычислении отношения участник забывает, что в первую чашку был добавлен 1 кубик льда и получает ответ 1,24, то за этот этап ставится 1 балл вместо двух.

Итого максимум 10 баллов за задачу.

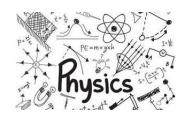
Задача № 4. Скорость роста (Псевдоэксперимент)

Оборудование: 2 листа миллиметровки формата A4 (предоставляются организаторами).

5 б класс выполнял проектную работу «Зависимость скорость выгонки зелёного пера от способа подготовки лука-репки». Арсению активисты класса выдали уже пророщенную репку лука и поручили измерять высоту помеченного пера луковицы в течение двух недель. Арсений подошел к поставленной задаче не очень ответственно, поэтому были дни, когда он забывал производить измерения, записывал их, где придется, а потом терял. К концу эксперимента у Арсения получилась вот такая таблица:

Т, дни	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
Н, мм			47			58	64	67	76	76	80	82	87	91

- 1) Постройте график зависимости высоты пера луковицы от времени.
- 2) Найдите высоту помеченного пера в день выдачи луковицы Арсению.





8 класс, 2023/2024 учебный год Длительность 3 часа Максимум 40 баллов.

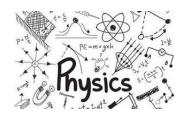
3) Рассчитайте среднюю скорость роста пера.

Примечание: день 1 -следующий за днем выдачи.

Возможное решение:

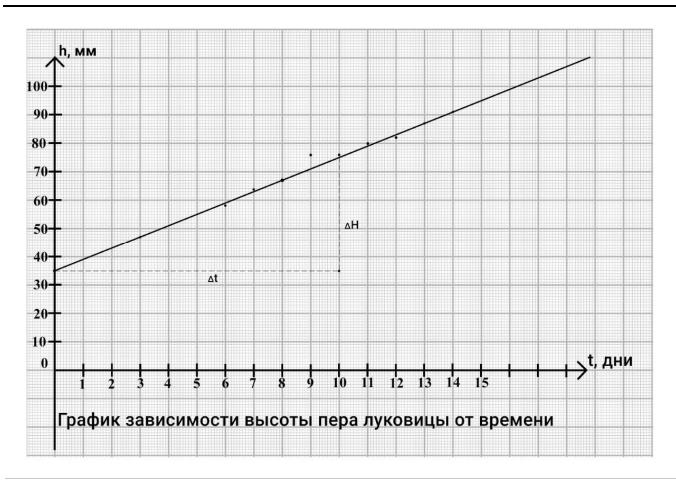
- 1) График оценивается в 4 балла:
- а) Адекватный масштаб *1 балл*
- б) Подписанные оси 1 балл
- в) На всех осях нанесена шкала 1 балл
- г) проведена оптимальная прямая (точки HE соединены ломаной) *1 балл*
- 2) В 9 й день измерения результат исключен как промах. У участника в решении должно быть указание, что это промах и этот результат не учитывается. Если такое указание есть, то ставится **2** балла. Если указания нет, то **0** баллов.
- 3) Найдена высота помеченного пера в день выдачи по графику требуется провести график вниз до пересечения с осью h. На нашем графике точка пересечения пришлась на 35мм. За верный результат засчитывается число в диапазоне от 34 до 36 мм (2 балла).
- 4) Найдем из графика скорость роста пера. Для этого выберем на графике две точки, у нас выбрана начальная точка и точка на графике, соответствующая 10-му дню. Тогда скорость роста пера $V = \Delta H/\Delta t = 4$ мм/день (2 балла). За верный результат засчитывается число в диапазоне от 3,5 до 4,5 мм/день.

Если скорость роста пера найдена не с помощью графика, а с помощью данных в таблице, то за этот этап ставится **1 балл** в случае попадания в указанный диапазон.





8 класс, 2023/2024 учебный год Длительность 3 часа Максимум 40 баллов.



Итого максимум 10 баллов за задачу.