Всероссийская олимпиада школьников по физике
Муниципальный этап
2024/25 учебный год
Решение
10 класс

Задача 1

Человек на лодке переплывает реку, двигаясь вдоль отрезка АВ. Расстояние вниз по течению реки $CB=b=100$ м. Скорость течения реки $v=5$ м/с. Лодка движется с наименьшей возможной относительно воды скоростью $u=3$ м/с. Чему равна ширина реки $AC=a$?

Критерии оценивания

1. Построен треугольник скоростей, где $u \perp AB$ – 3 балла
2. Составлено уравнение, связывающее между собой u , v , a и b – 4 балла
3. Получен правильный ответ – 3 балла

Решение

Пусть $\vec{V}$ – скорость лодки относительно берега.

По закону сложения скоростей $\vec{V} = \vec{v} + \vec{u}$.

Так как по условию скорость u минимальна, то вектор $\vec{u}$ должен быть перпендикулярен отрезку АВ. Из треугольника скоростей $u=vsin\alpha$, а из $\triangle ACB$

$$sin\alpha = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}}.$$

Следовательно, $u = v \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}}$.

Отсюда $a = b \frac{u}{\sqrt{v^2 - u^2}} = 75 \text{ м}$

Ответ: 75 м

Задача 2

Однородная веревка массой $m=10$ кг прикреплена концами к горизонтальному потолку. Чему равна сила натяжения веревки T в нижней точке, если касательные к веревке в точках крепления к потолку образуют с горизонтом углы $\alpha=60^\circ$?

Критерии оценивания

1. Сделан рисунок с указанием сил – 3 балла
2. Записано условие равновесия веревки в проекциях на оси x и y – 4 балла
3. Получено уравнение для T – 3 балла

Решение

Веревка симметрична. Сделаем рисунок с указанием сил, действующих на половину веревки

Условие равновесия правой половины веревки

$$\begin{cases} F_1 \cos \alpha - T = 0 \\ F_1 \sin \alpha - \frac{1}{2} mg = 0 \end{cases}$$

Отсюда $\operatorname{tg} \alpha = \frac{mg}{2T}$.

Окончательно,

$$T = \frac{mg}{2 \operatorname{tg} \alpha} \approx 28,3 \text{ Н}$$

Ответ: 28,3 Н

Задача 3

В процессе опускания небольшого шарика массой $m=20$ г с плотностью материала $\rho=4 \cdot 10^3$ кг/м³ с поверхности воды на дно сосуда выделилось количество теплоты $Q=0,15$ Дж. Начальная скорость шарика равна нулю. Чему равна высота воды в сосуде h ? Ускорение свободного падения g принять равным 10 м/с².

Критерии оценивания

1. Сформулирована идея об изменении механической энергии системы – 5 баллов
2. Записаны уравнения для потенциальной энергии шарика и воды – 1 балл
3. Записано выражение для Δm – 1 балл
4. Получено уравнение для h – 3 балла

Решение

Теплота Q равна уменьшению механической энергии системы $Q=E_0-E$.

Для маленького шарика $E_0=mgh$ (рис. а) и $E=\Delta mgh$ (рис. б), где E – потенциальная энергия тонкого слоя воды массой Δm , объем которого равен объему шарика $V_{ш}=m/\rho$.

Следовательно, $\Delta m=\rho_v V_{ш}=\rho_v m/\rho$. Таким образом,
$$Q=mgh-\rho_v m/\rho \cdot gh.$$

Отсюда

Ответ: 1 м

Задача 4

В колбе находится вода при 0°C . Без притока тепла извне испарилось 12,7% воды, а ее оставшаяся часть превратилась в лед с температурой 0°C . Определите отношение n удельной теплоты испарения воды к удельной теплоте плавления льда.

Критерии оценивания

1. Уравнение для количества теплоты, затраченной на испарение – 2 балла
2. Уравнение для количества теплоты, отданной при кристаллизации – 2 балла
3. Уравнение теплового баланса – 3 балла
4. Верный ответ – 3 балла

Решение

Введем обозначения:

m – первоначальная масса воды,
 Δm – масса испарившейся воды,
 $m - \Delta m$ – масса образовавшегося льда.

По условию $\Delta m/m = 0,127$.

Количество теплоты, пошедшее на испарение воды $Q_1 = L \cdot \Delta m$.

Количество теплоты, отданное водой в процессе кристаллизации $Q_2 = \lambda(m - \Delta m)$.

По уравнению теплового баланса $Q_1 = Q_2$.

$$L \cdot \Delta m = \lambda(m - \Delta m)$$

$$\frac{L}{\lambda} = \frac{1 - \frac{\Delta m}{m}}{\frac{\Delta m}{m}} = \frac{1 - 0,127}{0,127} = 6,9$$

Ответ: 6,9

Задача 5 (псевдоэкспериментальная)

В результате работы спецслужб был получен протокол испытаний новой реактивной ракеты AMS-01. В таблице представлена зависимость средней скорости полета ракеты от времени при прямолинейном движении. На основе анализа этих данных вычислите ускорение ракеты и ее мгновенную скорость в момент времени 5 секунд.

Время, с	0	1	2	3	4	5
Средняя скорость, м/с	200	401	600	799	1000	1201

Критерии оценивания

1. Построен график зависимости средней скорости от времени – 1 балл
2. Найдено уравнение аппроксимирующей прямой – 2 балла
3. Записано уравнение $S=v_{\text{cp}} \cdot t$ – 2 балла
4. Указана начальная скорость ракеты – 1 балл
5. Вычислено ускорение ракеты – 2 балла
6. Найдена мгновенная скорость – 2 балла

Решение

Построим график зависимости средней скорости ракеты от времени.

Экспериментальные точки аппроксимируются линейной зависимостью, уравнение которой $v_{\text{cp}}=200t+200$.

Пройденный путь связан со средней скоростью уравнением $S=v_{\text{cp}} \cdot t$. Подставив уравнение средней скорости, получим

$$S=200t^2+200t,$$

откуда делаем вывод, что движение ракеты равноускоренное с ненулевой начальной скоростью. Сравнивая с общим уравнением равноускоренного движения $S=v_0t+at^2/2$, видим, что $a/2=200$ и ускорение ракеты $a=400 \text{ м/с}^2$. Начальная скорость ракеты 200 м/с .

Мгновенная скорость может быть вычислена по уравнению $v=v_0+at$, то есть $v(5)=200+400 \cdot 5=2200 \text{ м/с}$.

Ответ: 400 м/с^2 , 2200 м/с