

 $|H(t)|_{V(t)} = |E_{V(t)}|_{2m}$ $|H(t)|_{V(t)} = |E_{V(t)}|_{2m}$

9 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа 50 минут Максимум 50 баллов.

Задача № 1. Поездка на автомобиле.

Автомобиль на первой трети пути движется с ускорением a и далее продолжает движение с постоянной скоростью. Определить: 1) время, затраченное автомобилем на равномерный участок пути и время, в течение которого автомобиль ускорялся, если начальная скорость автомобиля равна нулю, пройденный путь S = 450 м и ускорение a = 3 м/с²; 2) среднюю скорость автомобиля на всем пути S; 3) среднюю скорость автомобиля на пути с S/6 до S/6.

Возможное решение:

1) Для участка пути, на котором автомобиль ускорялся, имеем:

$$\frac{S}{3} = \frac{at_{\text{уск}}^2}{2}$$
 и $v = at_{\text{уск}}$

где v – скорость автомобиля в конце ускоренного движения.

Так как далее автомобиль движется равномерно, то для этого участка мы можем записать:

$$\frac{2S}{3} = vt_{\text{равн.}}$$

Из первого уравнения получим:

$$t_{\text{yck}} = \sqrt{\frac{2S}{3a}} = 10 c.$$

Из второго уравнения выразим скорость:

$$v = at_{yck} = \sqrt{\frac{2aS}{3}} = 30 \text{ m/c}.$$

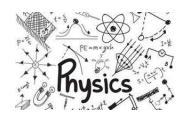
С учетом этого из третьего уравнения найдем время равномерного движения:

$$t_{\text{равн}} = \frac{2S}{3v} = \sqrt{\frac{2S}{3a}} = 10 \ c.$$

2) Средняя скорость автомобиля равна $v_{\rm cp} = S/t$, где $t = t_{\rm yck} + t_{\rm pash}$, тогда:

$$t = \sqrt{\frac{8S}{3a}} = 20 \ c$$
, $\Longrightarrow v_{\rm cp} = 22$,5 м/с $= 81$ км/ч.

3) Общий путь, на котором нужно найти среднюю скорость в этом вопросе, равен 4S/6. В него входит участок S/6, на котором автомобиль ускорялся, и участок 3S/6 = S/2 равномерного движения.





9 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа 50 минут Максимум 50 баллов.

Определим время движения на участке с ускоренным движением. Автомобиль стартует с нулевой начальной скоростью и до момента начала рассматриваемого участка проходит расстояние S/6, причем

$$\frac{S}{6} = \frac{at_{11}^2}{2}$$
, $\Longrightarrow t_{11} = \sqrt{\frac{S}{3a}} = 7,07 c$.

А общее время движения на ускоренном участке (см. п. 1) равно 10 с, так что время движения на второй S/6 участка с ускоренным движением равно $t_1 = 10 - 7,07 = 2,93$ с. (2 балла за получение этого времени в общем виде или в численном выражении)

Время движения на участке равномерного движения

$$t_2 = \frac{S}{2v} = 7.5 \text{ c.}$$

Значит, общее время на всем рассматриваемом участке $t_0 = t_1 + t_2 = 2.93 + 7.5 = 10.43$ с.

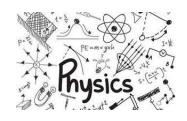
Тогда средняя скорость (2 балла за получение верного значения средней скорости):

$$v_{\rm cp2} = \frac{4S}{6t_0} \approx 28.8 \; {\rm m/c} \; = 103.55 \; {\rm кm/ч}.$$

Критерии оценивания:

- 1) Найдено время, затраченное автомобилем на равномерный участок пути 2 балла.
- 2) Найдено время, в течение которого автомобиль ускорялся 2 балла.
- 3) Найдена средняя скорость автомобиля на всем пути S-2 балла.
- 4) Найдена средняя скорость автомобиля на пути с S/6 до 5S/6 4 балла.

Примечание: В каждом пункте оценивается ход решения. Если участник не дошел до численного ответа, но присутствуют верные формулы и логические действия, следует поставить за данный пункт баллы в соответствии с тем, насколько участник продвинулся в направлении верного результата.



 $|H(t)|_{V(t)} = |E_{V(t)}|_{2m}$ $|H(t)|_{V(t)} = |E_{V(t)}|_{2m}$

9 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа 50 минут Максимум 50 баллов.

Задача № 2. Греем и охлаждаем резисторы.

Два резистора R_1 и $R_2 = 2R_1$ одинаковой геометрической формы, с одинаковыми размерами и одинаковой начальной температурой подключены к источнику постоянного напряжения сначала последовательно, а затем, не охлаждая, параллельно. Переключение происходит при установившейся температуре. Теплоотдача с единицы поверхности резистора в единицу времени пропорциональна разности температур резистора и окружающей среды.

- 1) Определите, на сколько градусов нагрелся каждый из резисторов, если минимальная температура нагрева составила $\Delta t_{min} = 1$ 0 C.
- 2) Для охлаждения резисторов их опустили в термос, содержащий чуть-чуть подтаявший лед массой 5 грамм. Чему была равна начальная температура резисторов (до их первого подключения), если тепловое равновесие наступило ровно в тот момент, когда весь лед растаял. Теплоемкость резисторов одинакова и равна $C = 20 \, \text{Дж/}^0\text{C}$, удельная теплота плавления льда $\lambda = 3,34\cdot10^5 \, \text{Дж/кг}$.

Возможное решение:

Мощность теплового потока от резистора в окружающую среду $P = \alpha S \Delta t$, где α — коэффициент пропорциональности, S — площадь поверхности резистора, Δt — разность температур между резистором и средой.

Пусть напряжение источника равно U, тогда при последовательном соединении резисторов через них будет течь ток

$$I = \frac{U}{R_1 + R_2}.$$

Условия теплового равновесия при последовательном соединении проводников:

$$I^2 R_1 = \frac{U^2 R_1}{(R_1 + R_2)^2} = \alpha S \Delta t_1 \text{ if } I^2 R_2 = \frac{U^2 R_2}{(R_1 + R_2)^2} = \alpha S \Delta t_2.$$

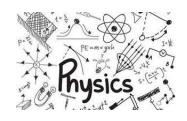
Условия теплового равновесия при параллельном соединении проводников:

$$\frac{U^2}{R_1} = \alpha S \Delta t_3$$
 и $\frac{U^2}{R_2} = \alpha S \Delta t_4$.

С учетом того, что $R_2 = 2R_1$ получим:

$$\Delta t_{3} = \frac{U^{2}}{\alpha S R_{1}}, \qquad \Delta t_{1} = \frac{U^{2} R_{1}}{\alpha S (R_{1} + R_{2})^{2}} = \frac{\Delta t_{3}}{9},$$

$$\Delta t_{2} = \frac{U^{2} R_{2}}{\alpha S (R_{1} + R_{2})^{2}} = \frac{2\Delta t_{3}}{9}, \qquad \Delta t_{4} = \frac{U^{2}}{\alpha S R_{2}} = \frac{\Delta t_{3}}{2}.$$





9 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа 50 минут Максимум 50 баллов.

Теперь можно сделать вывод, что так как минимальная температура нагрева 1^{0} C, то $\Delta t_{1}=1^{0}$ C, $\Delta t_{2}=2^{0}$ C, $\Delta t_{3}=4,5^{0}$ C, $\Delta t_{4}=9^{0}$ C.

Тогда первый резистор после двух соединений нагреется на $\Delta T_1 = \Delta t_1 + \Delta t_3 = 5,5^{\circ}$ С, а второй на $\Delta T_2 = \Delta t_2 + \Delta t_4 = 11^{\circ}$ С.

Участник может не так понять условие, и задать $\Delta T_1 = 1^{0}$ С, тогда $\Delta T_2 = 2^{0}$ С. В этом случае баллы за численные ответы для изменений температур не ставятся, но при правильной логике следующий пункт оценивается полностью, в том числе и численный ответ (в этом случае он будет равен $40,25^{0}$ С).

2) Поскольку речь идет о термосе, значит можно считать, что он теплоизолирован, т.е. не отдает и не получает тепло от окружающей среды. Кроме того, в нем находился чуть-чуть подтаявший лед, поэтому можно сделать следующий вывод: начальная температура льда 0°C. Запишем уравнение теплового баланса:

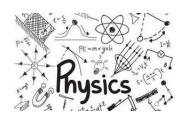
$$\lambda m_{\pi} = C(t_0 + \Delta T_1) + C(t_0 + \Delta T_2),$$

$$\frac{\lambda m_{\pi}}{C} = 2t_0 + \Delta T_1 + \Delta T_2,$$

$$\frac{\lambda m_{\pi} - \Delta T_1 - \Delta T_2}{2} = t_0,$$
 откуда $t_0 = \frac{3,34 \cdot 10^5 \cdot 0,005}{2} - 5,5^0 \text{C} - 11^0 \text{C}}{2} = 33,5^0 \text{C}.$

Критерии оценивания:

- 1) Получено (или используется в общей формуле) выражение для силы тока при последовательном соединении резисторов 1 балл.
- 2) Записаны условия теплового равновесия при последовательном соединении **2** балла (по 1 баллу за каждое).
- 3) Записаны условия теплового равновесия при последовательном соединении **2** балла (по 1 баллу за каждое).
- 4) Получены численные значения изменений температуры **2** балла (по 0,5 балла за каж-doe).
- 5) Верно записано уравнение теплового баланса для льда и резисторов 2 балла.
- 6) Получено численное значение начальной температуры резисторов 1 балл.

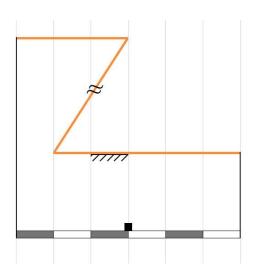




9 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа 50 минут Максимум 50 баллов.

Задача № 3. Z-лента.

Жесткую тонкую однородную металлическую ленту согнули в двух местах и получили фигуру в форме буквы Z (длина нижней части -5l, а верхней -3l). Получившуюся фигуру установили на опору длины l, а к концам фигуры на невесомых тонких вертикальных нитях подвесили горизонтально однородную планку длины 6l массой m (см. рисунок). На планку кладут маленький груз массой m. Конструкция устойчива при любом положении груза кроме двух крайних (если грузик положить на левый или правый край планки, равновесие теряется).



- 1) Найдите массу ленты M.
- 2) Определите полную длину ленты L.

Важно! Пропорции по вертикали на рисунке не соблюдены.

Возможное решение:

Пусть x — расстояние от центра масс фигуры до левого края опоры. Тогда условия потери равновесия через моменты внешних сил выглядят так:

$$mg \cdot 2l = Mg \cdot x + mg \cdot l,$$

 $mg \cdot 3l = Mg \cdot (l - x).$

Из первого уравнения получим, что Mx = ml, выразим M = ml/x. Подставим во второе уравнение, определим, что M = 4m, x = l/4.

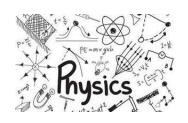
Запишем уравнение для положения центра масс фигуры по горизонтали (за ноль принимаем координату левого конца фигуры):

$$\frac{9}{4}l = \frac{\frac{3l}{L} \cdot 4m \cdot \frac{3l}{2} + \frac{5l}{L} \cdot 4m \cdot \frac{7l}{2} + \frac{L-8l}{L} \cdot 4m \cdot 2l}{4m},$$

откуда:

$$\frac{9}{4}L = \frac{9l}{2} + \frac{35l}{2} + 2L - 16l.$$

То есть, L = 24l.



 $H(t)|v(t) \rightarrow \frac{1}{2}$ $H(t)|v(t) \rightarrow \frac{1}{2}$ $H(t)|v(t) \rightarrow \frac{1}{2}$

9 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа 50 минут Максимум 50 баллов.

Критерии оценивания:

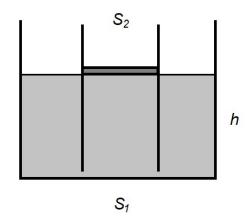
- 1) Идея использования уравнения моментов для внешних сил (1 балл)
- 2) Записано уравнение моментов для поворота относительно левого края (2 балла)
- 3) Записано уравнение моментов для поворота относительно правого края (2 балла)
- 4) Найдена масса M = 4m (1 балла)
- 5) Найдено положение центра масс фигуры (1 балл)
- 6) Уравнение на координату центра масс (2 балла)
- 7) Найдена длина ленты L=24l (1 балла)

Итого максимум 10 баллов за задачу.

Задача № 4. Сосуд, трубка и поршень.

В цилиндрический сосуд площадью сечения $S_1 = 200 \text{ см}^2$, заполненный до высоты h = 15 см водой (плотность $\rho = 1000 \text{ кг/м}^3$), погружена трубка сечением $S_2 = 60 \text{ см}^2$ так, как показано на рисунке. Считайте, что нижний торец трубки чуть приподнят над дном сосуда, так что вода может свободна перетекать.

1) Внутри трубки на поверхности воды лежит невесомый поршень. Какую работу необходимо совершить, чтобы переместить поршень на дно сосуда?



2) Во втором случае внутри трубки на поверхности воды удерживается поршень массой m. Каково должно быть минимальное значение m, чтобы после отпускания поршень опустился на дно сосуда? Определите изменение потенциальной энергии системы.

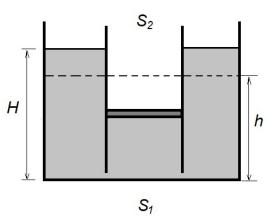
Возможное решение:

1) Определим зависимость силы, действующей на поршень, от смещения *x* относительно первоначального положения *(1 балл)*:

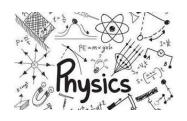
$$F = \rho g(H - h + x)S_2,$$

где H — уровень жидкости в сосуде сечением S_1 при опускании поршня на высоту x.

Объем жидкости не меняется (в силу несжимаемости жидкости), поэтому *(1 балл)*



$$hS_1 = H(S_1 - S_2) + (h - x)S_2,$$





9 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа 50 минут Максимум 50 баллов.

откуда получим (1 балл за зависимость F(x)):

$$H = h + \frac{S_2}{S_1 - S_2} x$$
 и $F = \rho g x \frac{S_1 S_2}{S_1 - S_2}$.

Работа по перемещению поршня равна площади под графиком функции F = F(x) при изменении x от 0 до h (1 балл за формулу + 1 балл за численный ответ):

$$A = \frac{\rho g h^2}{2} \cdot \frac{S_1 S_2}{S_1 - S_2} = \frac{1000 \cdot 10 \cdot (0,15)^2}{2} \cdot \frac{0,02 \cdot 0,006}{0,02 - 0,006} \approx 0,964 \text{ Дж.}$$

Также работу можно рассчитать как изменение потенциальной энергии воды.

2) Запишем условие опускания поршня на дно сосуда. В этом случае сила тяжести поршня будет уравновешиваться силой давления со стороны воды на нижний торец поршня (1 балл):

$$mg = \rho g H_0 S_2$$
,

где H_0 – высота воды после опускания поршня. Жидкость считаем несжимаемой, поэтому (1 балл):

$$hS_1 = H_0(S_1 - S_2), \Longrightarrow H_0 = \frac{hS_1}{S_1 - S_2} = 21.4 \text{ cm}.$$

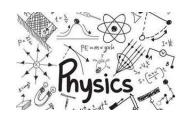
Отсюда *(1 балл)*:

$$m=
ho H_0 S_2 pprox$$
 1,3 кг.

Изменение потенциальной энергии системы равно увеличению потенциальной энергии воды плюс уменьшение потенциальной энергии поршня (1 балл за формулу + 1 балл за численный ответ):

$$\Delta E = E_{\text{K}} - E_{\text{H}} = \rho g h S_1 \left(\frac{H}{2} - \frac{h}{2}\right) - mgh = -\rho g x \frac{S_1 S_2}{S_1 - S_2} \approx -0.964 \text{ Дж.}$$

Потенциальная энергия системы уменьшилась. Часть начальной потенциальной энергии перешла сначала в кинетическую энергию движения воды и поршня, а затем в тепло.





9 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа 50 минут Максимум 50 баллов.

Задача № 5. Проточный водонагреватель (Псевдоэксперимент)

Оборудование: один лист миллиметровой бумаги формата А4.

Газовая колонка Нева 4510 (водонагреватель проточный) может работать в нескольких режимах нагревания воды. Будем рассматривать два режима работы — нагревать воду на $\Delta T_1 = 25$ °C и нагревать воду на $\Delta T_2 = 40$ °C. При проведении технических испытаний была получена следующая зависимость уровня воды в баке от времени:

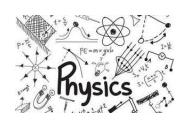
t, мин	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
Н, см	2,2	3,8	6,1	8,0	9,6	10,9	12,2	13,5	14,5	16,0

- 1) Постройте график зависимости высоты уровня воды от времени.
- 2) В какой момент времени переключили режим работы колонки?
- 3) Найдите с помощью графика расход воды (n/мин) при работе колонки в первом и втором режиме, если бак для воды представляет собой прямоугольный параллелепипед с площадью основания $1 m^2$.
- 4) Найдите расход природного газа (кг/час), используемого для нагревания воды в указанных режимах, если максимальный КПД колонки 87%, удельная теплота сгорания природного газа $4,4\cdot10^7$ Дж/кг, удельная теплоемкость воды 4200 Дж/(кг. °C), плотность воды 1000 кг/м³.

Возможное решение:

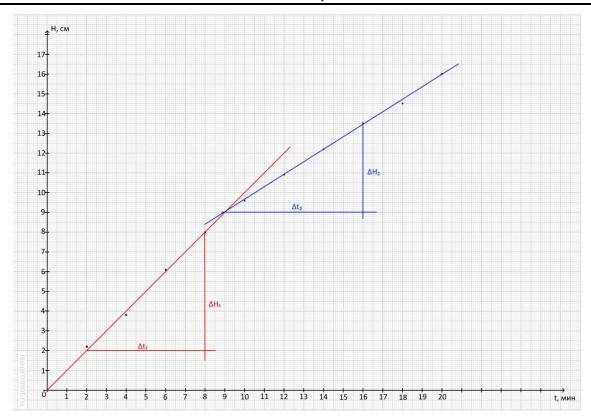
- 1) График оценивается в 2 балла:
- а) Адекватный масштаб 0.5 балла
- б) Подписанные оси 0.5 балла
- в) На всех осях нанесена шкала 0.5 балла
- г) проведены оптимальные прямые (точки НЕ соединены ломаной) 0.5 балла

График может не проходить через начало координат, а идти чуть выше. Несколько иное проведение оптимальной прямой на первом участке заложено в диапазон принимаемых ответов.





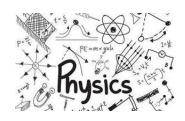
9 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа 50 минут Максимум 50 баллов.



- 2) По графику найдено время переключения режимов 9 минут (2 балла, засчитывается результат от 8,5 до 9,5 минут).
- 3) Найден расход воды в первом режиме *из графика*: $V_1 = \Delta H_1 S/\Delta t_1 = 10 \pi/M$ ин = 0,000167 м³/с (1 балл, засчитывается результат в диапазоне от 9,5 до 10,5 π/M ин; если значение получено без использования графика, но попадает в интервал, то ставится 0,5 балла).
- 4) По графику найден расход воды в втором режиме: $V_2 = \Delta H_2 S/\Delta t_2 = 6,4$ л/мин. Например, из графика $\Delta t_2 = 7$ минут, $\Delta H_2 = 4,5$ см = 0,045 м, $V_2 = \Delta H_2 S/\Delta t_2 = 0,0064$ м³/мин = 6,4 л/мин = 0,00011 м³/с (1 балл, засчитывается результат в диапазоне от 6,0 до 6,8 л/мин; если значение получено без использования графика, но попадает в интервал, то ставится 0,5 балла).
- 5) Найден расход газа в первом режиме:

$$\text{КПД} = \eta = \frac{Q_{\text{воды}}}{Q_{\text{газа}}} = \frac{\rho \cdot c \cdot \Delta T_1 V_1 \Delta t_1}{\mu_1 \cdot \Delta t_1 \cdot q},$$

$$\mu_1 = \frac{\rho \cdot c \cdot \Delta T_1 V_1 \Delta t_1}{\eta \cdot \Delta t_1 \cdot q} = \frac{1000 \cdot 4200 \cdot 25 \cdot 0,01}{0,87 \cdot 4,4 \cdot 10^7} = 0,0275 \text{ кг/мин}.$$





9 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа 50 минут Максимум 50 баллов.

 $\mu_1 = 1,65$ кг/ч (2 балла, из них 1 балл за формулу, 1 балл за правильный числовой результат).

6. Найден расход газа во втором режиме:

$$\label{eq:hamiltonian} \text{КПД} = \eta = \frac{Q_{\text{воды}}}{Q_{\text{газа}}} = \frac{\rho \cdot c \cdot \Delta T_2 V_2 \Delta t_2}{\mu_2 \cdot \Delta t_2 \cdot q},$$

$$\mu_2 = \frac{\rho \cdot c \cdot \Delta T_2 V_2}{\eta \cdot q} = \frac{1000 \cdot 4200 \cdot 40 \cdot 0,0064}{0,87 \cdot 4,4 \cdot 10^7} = 0,028 \; \text{кг/мин}.$$

 $\mu_2 = 1,7$ кг/ч (2 балла, из них 1 балл за формулу, 1 балл за правильный числовой результат).

Внимание!

Числовое значение расхода газа должно быть пересчитано по данным, которые участник получил в пункте 3 и 4.