Всероссийская олимпиада школьников по физике
Муниципальный этап
2024-2025 учебный год

9 класс

Время выполнения - 3 часа 50 минут (230 минут)
Максимальное количество баллов – 50

Задача 1. «Бросание камешков».

Петя и Вася соревновались в точности попадания в цель, бросая камешки. Петя бросил камешек со скоростью 10 м/с под углом 45 градусов к горизонту, а Вася попал с то же место, но бросал под углом 15 градусов к горизонту. С какой скоростью бросал камешек Вася? Какое должно быть соотношение углов бросания у Пети и Васи, если они будут бросать камешки с одинаковой скоростью и попадать в одно и то же место?

Трением о воздух пренебречь.

Решение.

1. Дальность полета камешка x_0 определим из уравнения равномерного движения по горизонтали:

$$x_0 = V_{0x} * t_{\text{полета}} = V_0 * \cos\alpha * t_{\text{полета}}$$

2. Из-за отсутствия трения о воздух время полета камешка будет равно удвоенному времени подъема до максимальной высоты:

$$t_{\text{полета}} = 2 * t_{\text{подъема}} = 2 * V_{0y} / g = 2 * V_0 * \sin\alpha / g$$

3. Таким образом, дальность полета будет равна

$$x_0 = 2 * (V_0)^2 * \cos\alpha * \sin\alpha / g = (V_0)^2 * \sin 2\alpha / g$$

4. Дальность полета камешков Пети и Васи одинакова, поэтому

$$(V_{01})^2 * \sin 2\alpha_1 / g = (V_{02})^2 * \sin 2\alpha_2 / g$$

Откуда получаем скорость бросания камешка Васей

$$V_{02} = V_{01} * (\sin 2\alpha_1 / \sin 2\alpha_2)^{1/2}$$

Расчет дает $V_{02} = 14$ м/с

5. Если Петя и Вася будут бросать камешки с одинаковой скоростью, то надо соблюдать равенство:

$$\sin 2\alpha_1 = \sin 2\alpha_2, \text{ что возможно при условии } 2\alpha_1 = 180 - 2\alpha_2.$$

(Это условие может быть получено из построения графика $\sin 2\alpha$).

Откуда $\alpha_1 = 90 - \alpha_2$.

Критерии оценивания:

1. Получена формула для дальности полета – 3 балла
2. Получена формула для соотношения скоростей и углов бросания – 2 балла
3. Получен правильный числовой ответ для скорости – 1 балл
4. Получено соотношение для синусов углов бросания при равенстве скоростей – 1 балл
5. Получено соотношение для углов бросания – 3 балла

Задача 2. «Подключение лампы»

В распоряжении ученика было несколько батареек с ЭДС 1,5 В и внутренним сопротивлением 1,2 Ом. Сколько таких батареек ему надо взять, чтобы полноценно светила светодиодная лампа мощностью 6 Вт, рассчитанная на напряжение 12 В? Можно ли таким же способом получить полноценное свечение лампы мощностью 18 Вт?

Решение:

Первая лампа рассчитана на ток $I = P/U = 6/12 = 0,5$ А.

Этот ток входит в закон Ома для замкнутой цепи, считая, что при последовательном соединении ЭДС батареек складываются, поэтому $\varepsilon_{\text{системы}} = N \cdot \varepsilon$, где ε – ЭДС одной батарейки, а сопротивление цепи с лампой равно $N \cdot r + R_{\text{лампы}}$, где r – внутреннее сопротивление батарейки.

Это дает нам следующее выражение для закона Ома:

$$I = N \cdot \varepsilon / (N \cdot r + R)$$

Отсюда получаем формулу для расчета числа батареек:

$$N = I \cdot R / (\varepsilon - I \cdot r) = U / (\varepsilon - I \cdot r)$$

Рассчитаем число батареек для первой лампы:

$$N = 12 / (1,5 - 0,5 \cdot 1,2) = 13,3 \dots, \text{ т.е. } 14 \text{ батареек.}$$

Рассчитаем ток для второй лампы:

$$I = P/U = 18/12 = 1,5 \text{ А.}$$

Подстановка этого значения тока в формулу для числа батареек приводит к отрицательному значению.

Следовательно, вторая лампа не будет полноценно светиться при использовании любого числа таких батареек.

Критерии оценивания:

1. Рассчитана сила тока через первую лампу для ее полноценного свечения – 1 балл
2. Записан закон Ома для замкнутой цепи для N последовательно соединенных батареек – 2 балла
3. Получена формула для расчета числа батареек – 2 балла
4. Рассчитано число батареек для подключения первой лампы - 1 балл
5. Рассчитана сила тока через вторую лампу для ее полноценного свечения – 1 балл
6. На основе отрицательного значения числа батареек для питания второй лампы сделан вывод о невозможности ее использования в этой схеме – 3 балла

Задача 3. «Равновесие шариков»

Металлический и пластмассовый шарики прикреплены на концах легкого стержня длиной L и погружены в воду. Стержень находится в горизонтальном положении, если точку опоры поместить точно в середину стержня.

На сколько нужно передвинуть точку опоры, чтобы система сохранила равновесие в воздухе?

Плотность металла $\rho_1 = 7140 \text{ кг/м}^3$, плотность пластмассы $\rho_2 = 1740 \text{ кг/м}^3$, плотность воды $\rho_o = 1000 \text{ кг/м}^3$.

Решение

Система будет находиться в равновесии, если равны моменты сил, действующие на шарики:

$$F_1(L/2) = F_2(L/2)$$

На каждый из шариков в воде действует разность сил тяжести и силы Архимеда:

$$F = Mg - \rho_o g V = (\rho - \rho_o) g V,$$

где ρ – плотность соответствующего шарика, ρ_o – плотность воды, V – объем шарика.

Плечи сил одинаковы, поэтому силы, действующие на шарики равны:

$$(\rho_1 - \rho_o) g V_1 = (\rho_2 - \rho_o) g V_2,$$

Откуда можем найти отношение объемов пластмассового и металлического шариков:

$$V_2/V_1 = (\rho_1 - \rho_o)/(\rho_2 - \rho_o) = (7140 - 1000)/(1740 - 1000) = 6140/740 = 8,3$$

В воздухе силы Архимеда будут малы по сравнению с силами тяжести, поэтому их не будем учитывать (плотность воздуха $1,2 \text{ кг/м}^3$).

Для того, чтобы понять, куда сместиться точка опоры, оценим отношение масс шариков:

$$m_1/m_2 = \rho_1 V_1 / \rho_2 V_2 = (\rho_1 / \rho_2) (V_2 / V_1) = (7140/1740)/8,3 \approx 0,5$$

То есть пластмассовый шарик тяжелее, поэтому точка опоры сместится от середины стержня на x в сторону пластмассового шарика. Условие равновесия системы в воздухе будет выглядеть так:

$$\rho_1 g V_1 (L/2 + x) = \rho_2 g V_2 (L/2 - x).$$

В результате преобразований получим:

$$x = (L/2) (\rho_2 V_2 - \rho_1 V_1) / (\rho_2 V_2 + \rho_1 V_1) = (L/2) (\rho_2 (V_2/V_1) - \rho_1) / (\rho_2 (V_2/V_1) + \rho_1).$$

Подстановка чисел дает:

$$x = (L/2) (1740 \cdot 8,3 - 7140) / (1740 \cdot 8,3 + 7140) = L/6$$

Критерии оценивания:

1. Записано условие равновесия в воде – 1 балл
2. Записано выражение для силы, действующей на шарики в воде – 2 балла
3. Найдено отношение объемов шариков – 1 балл
4. Указано, что силами Архимеда в воздухе можно пренебречь – 1 балл
5. Указано, в какую сторону сместится точка опоры – 1 балл
6. Записано условие равновесия системы в воздухе – 2 балла

7. Получено выражение для смещения точки опоры в воздухе – 1 балл

8. Получен правильный ответ – 1 балл

Задача 4 «Полет на воздушном шаре»

Заканчивая прогулку на воздушном шаре, воздухоплаватели на высоте 2 км отключили газовую горелку и начали спускаться с постоянной скоростью $V_0 = 0,5$ м/с. До половины спуска дул горизонтальный ветер со скоростью 1 м/с, затем его скорость уменьшилась до 0,5 м/с. Какой путь проделали воздухоплаватели до приземления?

Решение.

Воздушный шар движется в двух взаимно перпендикулярных направлениях, поэтому путь надо рассчитывать по теореме Пифагора:

$$S = (h^2 + L^2)^{1/2},$$

Где h – высота спуска, L – расстояние, пройденное по горизонтали.

Из-за того, что скорость ветра изменялась, путь по горизонтали будет разным:

$$L_1 = V_1 * t_1 = V_1 * (h / (2 * V_0)) \quad \text{и} \quad L_2 = V_2 * t_2 = V_2 * (h / (2 * V_0))$$

Подстановка чисел дает $L_1 = 2000$ м, $L_2 = 1000$ м

Расчеты дают следующие значения пути на первом и втором участках:

$$S_1 = ((h/2)^2 + L_1^2)^{1/2} = (1000^2 + 2000^2)^{1/2} = 2240 \text{ м,}$$

$$S_2 = ((h/2)^2 + L_2^2)^{1/2} = (1000^2 + 1000^2)^{1/2} = 1410 \text{ м}$$

Полный путь 3650 м.

Критерии оценивания:

1. Показано, что путь будет вычисляться, как результат независимых перемещений по вертикали и по горизонтали, используя теорему Пифагора – 3 балла.

2. Вычислены горизонтальные перемещения на первом и на втором участке спуска – 2 балла

3. Вычислены пути на первом и втором участке – 4 балла

4. Вычислен полный путь – 1 балл

Задача 5. «Нагревание воды со льдом»

В сосуде с водой плавает кусочек льда. В сосуд опускают нагреватель мощностью $N = 50$ Вт и начинают измерять температуру воды. В течение 1-й и 2-й минут температура воды не изменялась, к концу 3-й минуты увеличилась на $\Delta T_1 = 2$ градуса, к концу 4-й и 5-й минут температура повышалась на $\Delta T_2 = 5$ градусов. Сколько граммов воды и сколько граммов льда было изначально в сосуде? Считать что, вся теплота от нагревателя идет на нагрев смеси.

Удельная теплота плавления льда $\lambda = 3,4 * 10^5$ Дж/кг, удельная теплоемкость воды $C = 4200$ Дж/(кг*°C).

Для решения задачи рекомендуется построить график зависимости температуры воды от времени.

Решение:

1. Построим график зависимости температуры воды от времени.

2. Анализ данных

а. В течение первых двух минут температура воды не изменялась, что говорит о том, что происходило только плавление льда.

б. На третьей минуте температура начала расти, но только на 2 градуса, следовательно, лед продолжал таять. После таяния остатков льда стал нагреваться полный объем воды.

с. На четвертой и пятой минутах температура возросла на одинаковую величину, что говорит только о нагреве получившейся воды.

3. Первый способ решения – графический метод.

Из графика можно найти, сколько времени продолжалось таяние льда. Зависимость температуры вода после того, как лед растаял, имеет линейную зависимость и дается формулой

$$T = at + b.$$

Для моментов времени 3 мин, 4 мин и 5 минут можно записать:

$$2 = a3 + b$$

$$7 = a4 + b$$

$$12 = a5 + b$$

Решение этой системы дает $a = 5$, $b = -13$, т.е.

$$T = 5t - 13$$

Отсюда можно найти время окончания таяния льда по точке пересечения графика с горизонтальной осью, проведя пунктирную линию.

Аналитически это соответствует условию

$$0 = 5t_1 - 13, \text{ откуда } t_1 = 13/5 = 2,6 \text{ мин} = 156 \text{ с.}$$

Из уравнения теплового баланса можно найти массу льда:

$$m = Nt_1/\lambda = 50 \cdot 156 / 3,4 \cdot 10^5 \approx 22,9 \text{ г.}$$

После таяния льда вся масса воды ($m + M$) нагревается на $\Delta T_2 = 5$ градусов за $t_2 = 1 \text{ мин} = 60 \text{ с}$. Теперь уравнение теплового баланса:

$$C(m + M) \Delta T_2 = Nt_2$$

Откуда первоначальная масса воды

$$M = Nt_2 / C\Delta T_2 - m = 50 \cdot 60 / (4200 \cdot 5) - 0,0229 \approx 120 \text{ г}$$

4. Второй способ решения – через уравнения теплового баланса на каждом этапе.

В течение первых 2-х минут происходило только таяние льда, но растаяла только часть его. Уравнение теплового баланса:

$$km\lambda = Nt_{0-2}$$

где k – доля растаявшего льда, $t_{0-2} = 2 \text{ мин} = 120 \text{ с}$

В течение третьей минуты растает оставшаяся часть льда и будет происходить нагрев всей получившейся воды:

$$(1-k)m\lambda + C(m+M)\Delta T_1 = Nt_{2-3}, \text{ где } t_{2-3} = 1 \text{ мин} = 60 \text{ с}.$$

На 4-й минуте будет происходить только нагрев общей массы воды:

$$C(m+M)\Delta T_2 = Nt_{3-4}, \text{ где } t_{3-4} = 1 \text{ мин} = 60 \text{ с}.$$

Решая эту систему из трех уравнений, получаем те же значения для массы льда и первоначальной массы воды.

Критерии оценивания:

1. Проведен анализ процессов с выделением трех этапов (таяние части льда, таяние остатков льда плюс нагрев воды, и только нагрев воды) – 3 балла

2. При решении графическим методом:

- составлено уравнение линии для нагрева воды и определены его коэффициенты – 2 балла

- по условию пересечения графика с горизонтальной осью вычислено время таяния льда – 2 балла

- из уравнения теплового баланса рассчитана масса льда – 1 балл

- составлено уравнение теплового баланса на нагрева всей воды и рассчитана первоначальная масса воды – 2 балла

3. При решении методом поэтапного теплового баланса:

- составлено уравнение для первого этапа (для частично растаявшего льда) – 1 балл

- составлено уравнение для второго этапа (для таяния остатков льда и нагрева всей воды) – 2 балла

- составлено уравнение для третьего этапа (для нагрева всей воды) – 1 балл

- решена система уравнений для определения массы льда – 2 балла

- правильно вычислена начальная масса воды – 1 балл