

8 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 50 баллов.



Задача 1. Нейтронная звезда (8 баллов).

Один из возможных результатов эволюции звезд — это сверхплотная нейтронная звезда. Состоит нейтронная звезда преимущественно из нейтронов и покрыта тонкой корой тяжелых атомных ядер. Пусть радиус некоторой нейтронной звезды равен 16 км, а плотность $3\cdot10^{14}$ г/см³. Пренебрежем наличием у нейтронной звезды тонкой коры из тяжелых атомных ядер и будем считать ее одним огромным атомным ядром, состоящим целиком из нейтронов. Сколько нейтронов в такой нейтронной звезде? Оцените среднее расстояние между центрами соседних нейтронов в этой звезде. Масса одного нейтрона $1.675\cdot10^{-27}$ кг.

Возможное решение:

Сначала определим объем нейтронной звезды (1 балл, численное значение получать не обязательно, можно решать в общем виде):

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{4}{3}\pi \cdot (16000)^3 \approx 17 \cdot 10^{12} \text{ m}^3.$$

и массу данной в условии нейтронной звезды (1 балл, численное значение получать не обязательно, можно решать в общем виде):

$$m = \rho V = \rho \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 = 3 \cdot 10^{17} \cdot \frac{4}{3} \pi \cdot (16000)^3 = 5,15 \cdot 10^{30}$$
 кг.

Теперь определим количество нейтронов в звезде. Для этого полученное значение массы нужно разделить на массу нейтрона $1,675\cdot 10^{-27}$ кг (1 балл за формулу + 1 балл за численный ответ):

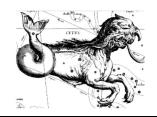
$$N = \frac{m}{1.675 \cdot 10^{-27}} = 3.1 \cdot 10^{57} \text{ штук.}$$

Теперь оценим среднее расстояние между центрами нейтронов. На каждый нейтрон приходится некоторый объем $V_0 = V/N \approx 5,5 \cdot 10^{-45}$ м³. (1 балл, численное значение получать не обязательно, можно решать в общем виде).

Если считать этот объем кубом, то ребро этого куба $a = \sqrt[3]{V_0} \approx 1,8 \cdot 10^{-15}$ м (1 балл за формулу + 1 балл за численный ответ).

Это и можно считать оценкой расстояния между центрами соседних нейтронов в звезде.

Рассмотрение объема, приходящегося на каждый нейтрон, в виде шара даст другой численный ответ, что не является ошибкой. Такой подход при верных вычислениях оценивается в полном объеме.

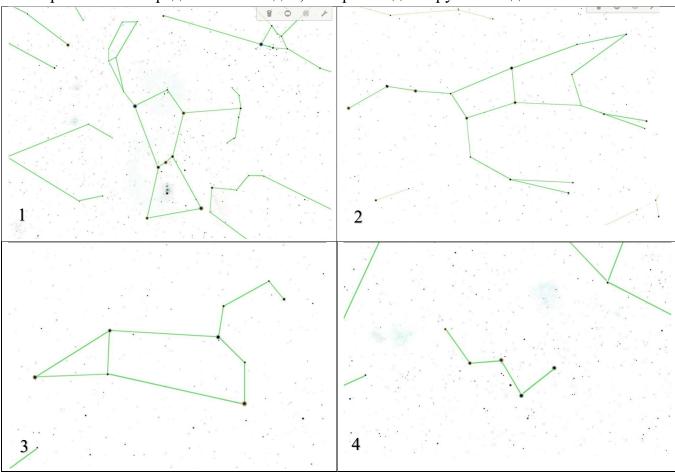


8 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 50 баллов.



Задача 2. Что по созвездиям? (8 баллов)

На рисунках ниже приведены 4 созвездия. Что это за созвездия? Какие наиболее яркие звезды в этих созвездиях вам известны? В какое время года видны эти созвездия в Башкирии. Есть ли среди них созвездия, которые видны круглый год?



Возможное решение:

- 1 Орион. Яркие звезды Бетельгейзе, Ригель. Созвездие может быть видно в конце лета (начиная с середины августа), осенью, зимой и в первой половине весны (до середины апреля), наилучшие условия для наблюдений в ноябре январе.
- 2 Большая Медведица. Яркие звезды Алиот, Дубхе. В Башкирии видно круглый год.
- 3 Лев. Яркая звезда Регул. Солнце находится в созвездии с 10 августа по 15 сентября, в этот период созвездие нельзя наблюдать. Лучшее время наблюдения февраль и март.
- 4 Кассиопея. Яркие звезды Шедар, Каф. В Башкирии видно круглый год.

Принцип оценивания одинаков для каждого из созвездий: 0,5 балла за верное название созвездия + 0,5 балла за хотя бы одну верную яркую звезду + 1 балл за условия видимости.



8 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 50 баллов.



Задача 3. Много событий (8 баллов)

В один из богатых на событие дней астрономы зафиксировали сразу несколько интересных событий. Ниже перечислены некоторые из этих событий с указанием момента фиксации по всемирному времени.

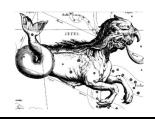
- 1) От Солнца оторвался огромный протуберанец и улетел в космос в 2 часа 25 минут.
- 2) Над Турцией видели очень яркий метеор в 2 часа 23 минуты.
- 3) На Луне вблизи кратера Иделер упал метеорит размером 10 метров в 2 часа 14 минут.
- 4) значительное изменение яркости одной из звезд в рассеянном звездном скоплении Гиады в 3 часа 10 минут.
- 5) На спутнике Сатурна Энцеладе начал извергаться один из отслеживаемых вулканов в 2 часа 43 минуты (Сатурн в этот момент находился в противостоянии).
- 6) В Туманности Андромеды вспыхнула новая звезда в 3 часа 52 минуты. Расставьте эти события в хронологической последовательности (от того, которое произошло раньше всех, до самого позднего). Свою расстановку событий объясните.

Возможное решение:

Из-за конечности скорости света чем дальше от нас объект, тем дольше от него идет свет, поэтому мы по сути видим «прошлое» объекта. Момент времени t, который зафиксировали астрономы, связан с моментом времени t_0 , в который в действительности произошло событие, следующим образом:

 $t_0 = t - l/c$, где l — расстояние до объекта, с = 300 000 км/с — скорость света. (1 балл) Найдем t_0 для каждого из указанных событий.

- 1) Солнце расположено от нас на расстоянии $l_1 = 149\ 600\ 000\ км$. Свет от Солнца до нас идет: $l_1/c = 149\ 600\ 000\ /\ 300\ 000 = 499\ c = 8,3$ минуты, т.е. 8 минут 19 секунд. Поэтому отрыв протуберанца произошел на самом деле в 2 часа 17 минут примерно (большая точность не требуется).
- 2) Событие происходит очень близко от поверхности земли (буквально в нескольких десятках километра), поэтому разница времени незначительная. Будем считать, что время события равно времени фиксации 2 часа 23 минуты.
- 3) Луна находится на расстоянии 384000 км от Земли. Свет проходит это расстояние за $384\ 000/300\ 000 = 1,28$ секунды. Значит, время фиксации практически совпадает с временем события 2 часа 14 минут.





8 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 50 баллов.

- 4) Рассеянное звездное скопление Гиады расположено от нас на расстоянии около 150 световых лет, т.е. мы видим событие, произошедшее около 150 лет назад.
- 5) Расстояние до Энцелада можно примерно считать равным расстоянию до Сатурна. Для Сатурна афелий равен примерно 10 а.е., перигелий примерно 9 а.е. Значит если Сатурн находится в противостоянии, то расстояние до него не может быть меньше 8 а.е. 1 а.е. = 149 600 000 км, тогда 8 а.е. = 1 196 800 000 км. Это расстояние свет проходит за
- $1\ 196\ 800\ 000\ \text{км/}(300\ 000\ \text{км/c}) = 3989\ \text{c} = 66,5\ \text{мин}$. Тогда извержение вулкана началось примерно в 1 час 36 минут.
- 6) Туманность Андромеды это ближайшая к нам из крупных галактик. Расстояние до нее 800 кпк, т.е. $800*3260 = 2\ 608\ 000$ лет. Свет от нее до нас идет более 2,5 миллионов лет! Так что все события в ней происходили на самом деле очень давно.

Теперь восстановим хронологию событий.

Первым из представленных произошло событие 6) в Туманности Андромеды, затем 4) в Гиадах, далее событие 5) на Энцеладе, после чего события 3), 1) и 2). Верная последовательность: **645312**.

(по **1 баллу** за анализ каждого из событий (итого максимум 6 баллов) + **1 балл за** верную последовательнось).

Для верного ответа на вопрос не нужно знать расстояния до Гиад и Туманности Андромеды. Достаточно понимания того, что Гиады находятся за пределами Солнечной Системы, но в пределах нашей Галактики, а Туманность Андромеды — другая Галактика, поэтому свет от Гиад идет точно не один год, а от Туманности Андромеды — намного дольше.



8 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 50 баллов.



Задача 4. Яблони и Марс (8 баллов).

Витя прочитал в журнале про человека, который сажал одну яблоню у себя в саду каждое противостояние с Марсом. Первую яблоню этот человек посадил ровно в 6 лет, а умер он через несколько дней после своего 77-летия. Сколько всего яблонь посадил этот человек за все это время?

Возможное решение:

Посчитаем синодический период Марса. Марс – внешняя по отношению к Земле планета, сидерический период Марса 687 дней (из справочных данных). (1 балл) Поэтому (2 балла):

 $1/S = 1/T_3 - 1/T$.

Тогда $S = T \cdot T_3 / (T - T_3) = 365,25 \cdot 687 / (687 - 365,25) = 780$ суток = 26 месяцев (2 балла) Человек с момента посадки первого дерева прожил еще 77 - 6 = 71 год ≈ 852 месяца и успел посадить 852/26 = 32,7 т.е. 32 дерева (2 балла).

С учетом первого посаженного дерева в саду человека после смерти оказалось 33 яблони (1 балл).

Задача 5. Гражданское время (8 баллов).

Определите, чему равно гражданское время в Уфе (54^0 44' с.ш., 55^0 58' в.д., часовой пояс UTC +5) в момент верхней кульминации Солнца. Уравнением времени и эллиптичностью орбиты Земли пренебречь.

Возможное решение:

На долготе 0 (Гринвич) верхняя кульминация Солнца происходит ровно в 12 часов. *(2 балла)*

Гринвич западнее Уфы, поэтому когда в Уфе происходит верхняя кульминация Солнца, на Гринвиче еще утро. Поэтому всемирное время в Уфе в полдень $T_G = T_y - (\lambda_y - \lambda_G)$. (2 балла за формулу)

Переведем $(\lambda_y - \lambda_G)$ из градусов в часы: $(55^0 58^{\circ}/360^0)\cdot 24^h = 3$ ч 43 мин 52 с. (1 балл за перевод)

Тогда T_G = 8 ч 16 мин 8 с. (1 балла за верное численное значение)

Теперь определим гражданское время в Уфе, учтя часовой пояс:

T = 8 ч 16 мин 8 сек + 5 ч = 13 ч 16 мин 8 с. (2 балла)

Примечание по оцениванию: участник может не решать задачу поэтапно, а составить одну формулу, внутри которой выполнить перевод и сделать расчеты один раз. В этом случае все соответствующие этапы решения засчитываются автоматически.



8 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 50 баллов.



Задача 6. Вторая Луна? (10 баллов).

8 августа 2024 года к Земле приблизился астероид 2024 РТ5 из группы астероидов Арджуна. В средствах массовой информации написали, что у Земли появилась «вторая Луна» и представили фотографию, приведенную ниже.

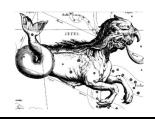
- 1) Оцените, на каком расстоянии от Земли должен находиться астероид, чтобы его угловой размер был таким, как на фотографии. Угловой размер Луны считать равным $0,5^0$, линейный размер астероида 10 м.
- 2) Проанализируйте с физической и астрономической точки зрения, возможно ли на самом деле такое сближение астероида с Землей.

Приведены два экземпляра фотографии для удобства построений.
При необходимости этот лист с построениями и пометками можно сдать вместе с работой.



Возможное решение:

Указание: перед началом проверки необходимо провести контрольные измерения на распечатанном комплекте заданий и пересчитать все значения с учетом полученных значений.



8 класс, 2024/2025 учебный год Длительность 3 часа. Максимум 50 баллов.

1) Судя по рельефу, Луна находится слева (более яркий и меньший по размерам объект), а астероид – справа (1 балл)

Отношение измеренных диаметров равно отношению угловых размеров, т.е.

 $x_1/x_2 = 0,5/\alpha$, откуда $\alpha = 0,5*x_2/x_1$ (1 балл)

Воспользуемся формулой:

 $\alpha \approx d/r$, где d=10 м, а r- искомое расстояние до астероида. Отсюда $r=d/\alpha$. (1 балл)

Для уменьшения погрешности измерения нужно проводить минимум 3 раза (в разных местах), затем находить среднее значение.

Измерим линейкой диаметр Луны минимум в трех местах (чтобы уменьшить погрешность), найдем среднее значение x_1 . (Если выполнено 1 измерение, то ставится 0,5 балла, если 2 измерения — ставится 1 балл, если 3 и более — 1,5 балла).

Затем также линейкой измерим диаметр «астероида» минимум в трех местах и тоже найдем среднее значение x_2 . (Если выполнено 1 измерение, то ставится 0,5 балла, если 2 измерения – ставится 1 балл, если 3 и более – 1,5 балла).

У авторов при измерениях получились следующие значения: $x_1 = 23$ мм, $x_2 = 34$ мм, тогда $\alpha \approx 0.74^0$. Переведем в радианы: 1 рад = 206265°, тогда $0.74^0 \approx 2664$ ° ≈ 0.013 рад. Посчитаем r = 744 метра.

Важно! Поскольку в формулах фигурирует отношение x_1 и x_2 , то оно не должно существенно отличаться от полученного, поэтому численное значение r тоже не должно существенным образом отличаться. Однако все равно необходимо провести контрольные измерения на выданных детям распечатках.

(Получено численное значение r в диапазоне плюс-минус 5% от контрольного: **2 балла)** Итого **максимум 8 баллов** за данный пункт.

2) Расстояние до астероида получилось порядка 1 км. Это всего примерно в 5 раз больше, чем относительная высота шихана Торатау в Ишимбайском районе (относительная высота 280 м). На таком расстоянии данный астероид не мог бы быть спутником планеты, помешало бы трение и сильное гравитационное притяжение Земли. Если бы астероид приближался на такое расстояние, то он бы уже существенно ускорился и при вхождении в атмосферу Земли из-за трения скорее всего либо полностью бы сгорел, либо его остатки упали бы в виде метеоритов.

(Обоснованно получен ответ, что такое сближение невозможно: 0,5 балла за ответ «невозможно» + 1,5 балла за адекватное с физической и астрономической точек зрения обоснование).