Задания муниципального этапа Всероссийской олимпиады школьников по астрономии 2024/2025 учебного года 8 класс

Решения заданий обязательно перенесите в бланк ответов!

При переносе заданий в бланк ответов, обязательно укажите номер задания. Решения в черновиках не оцениваются.

Время выполнения заданий – 120 минут. Максимальный балл – 48.

1 задание (8 баллов)

Можно ли наблюдать Марс в созвездии Тельца? А в Эридане? Объясните свой ответ.

2 задание (8 баллов)

На каком минимальном расстоянии Земля невооруженным глазом будет казаться точечным объектом? Радиус Земли $R_{\oplus}=6400$ км, угловая разрешающая способность глаза $\alpha=1'$. Ответ дать в километрах

3 задание (8 баллов)

Звезда Беллатрикс (γ Ori, склонение $\delta = 6^{\circ}20'59''$) находится в верхней кульминации к югу от зенита на высоте $26^{\circ}42'11''$. Сделайте чертеж, укажите на нем все необходимые углы и определите широту места наблюдения.

4 задание (8 баллов)

Определите синодический период Сатурна для наблюдателя с Марса. Большая полуось орбиты Сатурна и Марса составляют 9.6 а.е. и 1.5 а.е. соответственно. Ответ дать в земных годах.

5 задание (8 баллов)

В далеком будущем были созданы обсерватории на Луне и Япете (спутник Сатурна). Известно, что предел чувствительности измерения годичных параллаксов для лунной обсерватории составляет 0,00034", а для обсерватории на Япете составляет 0,00022". Оцените, какая из обсерваторий способна определять большие расстояния до звезд. Большая полуось орбиты Сатурна 9,6 а. е, среднее расстояние от Сатурна до Япета 0,024 а. е. Орбиту Сатурна считать круговой.

6 задание (8 баллов)

Средняя плотность тёмных облаков, из которых могут формироваться звезды, составляет $\rho = 7 \cdot 10^{-20} \frac{\Gamma}{\text{см}^3}$. Диаметр тёмных облаков варьируется от 1,65 · 10^5 а. е. до $4.13 \cdot 10^7$ а. е. Определите, сколько звезд, похожих на Солнце, может образоваться из самого маленького темного облака, если только из 1% массы вещества образуются звезды. Масса Солнца $M_{\odot} = 2 \cdot 10^{30}$ кг.

СПРАВОЧНЫЕ ДАННЫЕ

Основные физические и астрономические постоянные

Гравитационная постоянная $G = 6.672 \cdot 10^{-11} \text{ м}^3 \cdot \text{кг}^{-1} \cdot \text{c}^{-2}$

Скорость света в вакууме $c = 2.998 \cdot 10^8 \text{ м/c}$

Постоянная Больцмана $k = 1.38 \cdot 10^{-23} \text{ м}^2 \cdot \text{кг} \cdot \text{c}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$

Универсальная газовая постоянная $\mathcal{R} = 8.31 \text{ м}^2 \cdot \text{кг} \cdot \text{c}^{-2} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{моль}^{-1}$

Постоянная Стефана-Больцмана $\sigma = 5.67 \cdot 10^{-8} \text{ кг} \cdot \text{c}^{-3} \cdot \text{K}^{-4}$

Постоянная Планка $h = 6.626 \cdot 10^{-34} \text{ кг·м}^2 \cdot \text{c}^{-1}$

Масса протона $m_{\rm p} = 1.67 \cdot 10^{-27} \, {\rm Kr}$

Масса электрона $m_e = 9.11 \cdot 10^{-31} \text{ кг}$

Астрономическая единица 1 а.е. = $1.496 \cdot 10^{11}$ м

Парсек 1 пк = 206265 a.e. = $3.086 \cdot 10^{16}$ м

Постоянная Хаббла H = 72 (км/c)/Мпк

Данные о Солнце

Радиус 697 000 км Масса 1.989·10³⁰ кг

Светимость $3.88 \cdot 10^{26}$ Вт Спектральный класс G2

Видимая звездная величина –26.78^m

Абсолютная болометрическая звездная величина +4.72^m

Показатель цвета $(B-V) + 0.67^{m}$

Эффективная температура 5800К

Средний горизонтальный параллакс 8.794"

Интегральный поток энергии на расстоянии Земли 1360 Bт/м²

Поток энергии в видимых лучах на расстоянии Земли 600 Bт/м²

Данные о Земле

Эксцентриситет орбиты 0.0167

Тропический год 365.24219 суток

Средняя орбитальная скорость 29.8 км/с

Период вращения 23 часа 56 минут 04 секунды

Наклон экватора к эклиптике на эпоху 2000 года: 23° 26′ 21.45″

Экваториальный радиус 6378.14 км
Полярный радиус 6356.77 км

Масса $5.974 \cdot 10^{24} \, \text{кг}$ Средняя плотность $5.52 \, \text{г·см}^{-3}$

Объемный состав атмосферы: N_2 (78%), O_2 (21%), Ar (~1%).

Данные о Луне

Среднее расстояние от Земли 384400 км

Минимальное расстояние от Земли 356410 км

Максимальное расстояние от Земли 406700 км

Средний эксцентриситет орбиты 0.055

Наклон плоскости орбиты к эклиптике 5°09′

Сидерический (звездный) период обращения 27.321662 суток

Синодический период обращения 29.530589 суток

Радиус 1738 км

Масса $7.348 \cdot 10^{22}$ кг или 1/81.3 массы Земли

Средняя плотность 3.34 г⋅см⁻³

Визуальное геометрическое альбедо 0.12

Видимая звездная величина в полнолуние –12.7^m

ФИЗИЧЕСКИЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ СОЛНЦА И ПЛАНЕТ

Планета	Macca		Радиус		Плот-	Период	Наклон	Гео-	Вид.
					ность	вращения	экватора	метр.	звезд-
						вокруг оси	К	аль-	ная
							плоскости	бедо	вели-
							орбиты		чина*
	КГ	массы	КМ	радиусы	Г∙СМ ⁻³		градусы		
		Земли		Земли					
	20								
Солнце	$1.989 \cdot 10^{30}$	332946	697000	109.3	1.41	25.380 сут	7.25	_	-26.8
Меркурий	$3.302 \cdot 10^{23}$	0.05271	2439.7	0.3825	5.42	58.646 сут	0.00	0.10	-0.1
Венера	$4.869 \cdot 10^{24}$	0.81476	6051.8	0.9488	5.20	243.019 сут**	177.36	0.65	-4.4
Земля	$5.974 \cdot 10^{24}$	1.00000	6378.1	1.0000	5.52	23.934 час	23.45	0.37	_
Mapc	$6.419 \cdot 10^{23}$	0.10745	3397.2	0.5326	3.93	24.623 час	25.19	0.15	-2.0
Юпитер	$1.899 \cdot 10^{27}$	317.94	71492	11.209	1.33	9.924 час	3.13	0.52	-2.7
Сатурн	$5.685 \cdot 10^{26}$	95.181	60268	9.4494	0.69	10.656 час	25.33	0.47	0.4
Уран	$8.683 \cdot 10^{25}$	14.535	25559	4.0073	1.32	17.24 час**	97.86	0.51	5.7
Нептун	$1.024 \cdot 10^{26}$	17.135	24746	3.8799	1.64	16.11 час	28.31	0.41	7.8

^{* –} для наибольшей элонгации внутренних планет и среднего противостояния внешних планет.

ХАРАКТЕРИСТИКИ ОРБИТ ПЛАНЕТ

Планета	Большая полуось		Эксцент-	Наклон к	Период	Синодический	
			риситет	плоскости	обращения	период	
				эклиптики			
	млн.км	a.e.		градусы		сут	
Меркурий	57.9	0.3871	0.2056	7.004	87.97 сут	115.9	
Венера	108.2	0.7233	0.0068	3.394	224.70 сут	583.9	
Земля	149.6	1.0000	0.0167	0.000	365.26 сут		
Mapc	227.9	1.5237	0.0934	1.850	686.98 сут	780.0	
Юпитер	778.3	5.2028	0.0483	1.308	11.862 лет	398.9	
Сатурн	1429.4	9.5388	0.0560	2.488	29.458 лет	378.1	
Уран	2871.0	19.1914	0.0461	0.774	84.01 лет	369.7	
Нептун	4504.3	30.0611	0.0097	1.774	164.79 лет	367.5	

^{** –} обратное вращение.

ХАРАКТЕРИСТИКИ НЕКОТОРЫХ СПУТНИКОВ ПЛАНЕТ

Спутник	Macca	Радиус	Плотность	Радиус	Период	Геомет-	Видимая			
		·		орбиты	обращения	рич.	звездная			
				-	-	альбедо	величина*			
	КГ	КМ	г/см ³	KM	сут		m			
Земля										
Луна	$7.348 \cdot 10^{22}$	1738	3.34	384400	27.32166	0.12	-12.7			
Марс										
Фобос	$1.08 \cdot 10^{16}$	~10	2.0	9380	0.31910	0.06	11.3			
Деймос	$1.8 \cdot 10^{15}$	~6	1.7	23460	1.26244	0.07	12.4			
	Юпитер									
Ио	$8.94 \cdot 10^{22}$	1815	3.55	421800	1.769138	0.61	5.0			
Европа	$4.8 \cdot 10^{22}$	1569	3.01	671100	3.551181	0.64	5.3			
Ганимед	$1.48 \cdot 10^{23}$	2631	1.94	1070400	7.154553	0.42	4.6			
Каллисто	$1.08 \cdot 10^{23}$	2400	1.86	1882800	16.68902	0.20	5.7			
			Ca	атурн						
Тефия	$7.55 \cdot 10^{20}$	530	1.21	294660	1.887802	0.9	10.2			
Диона	$1.05 \cdot 10^{21}$	560	1.43	377400	2.736915	0.7	10.4			
Рея	$2.49 \cdot 10^{21}$	765	1.33	527040	4.517500	0.7	9.7			
Титан	$1.35 \cdot 10^{23}$	2575	1.88	1221850	15.94542	0.21	8.2			
Япет	$1.88 \cdot 10^{21}$	730	1.21	3560800	79.33018	0.2	~11.0			
Уран										
Миранда	$6.33 \cdot 10^{19}$	235.8	1.15	129900	1.413479	0.27	16.3			
Ариэль	$1.7 \cdot 10^{21}$	578.9	1.56	190900	2.520379	0.34	14.2			
Умбриэль	$1.27 \cdot 10^{21}$	584.7	1.52	266000	4.144177	0.18	14.8			
Титания	$3.49 \cdot 10^{21}$	788.9	1.70	436300	8.705872	0.27	13.7			
Оберон	$3.03 \cdot 10^{21}$	761.4	1.64	583500	13.46324	0.24	13.9			
Нептун										
Тритон	$2.14 \cdot 10^{22}$	1350	2.07	354800	5.87685**	0.7	13.5			

^{* –} для полнолуния или среднего противостояния внешних планет.

ФОРМУЛЫ ПРИБЛИЖЕННОГО ВЫЧИСЛЕНИЯ

$$\sin x \approx tg \, x \approx x;$$

$$\sin(\alpha + x) \approx \sin \alpha + x \cos \alpha;$$

$$\cos(\alpha + x) \approx \cos \alpha - x \sin \alpha;$$

$$tg(\alpha + x) \approx tg \, \alpha + \frac{x}{\cos^2 \alpha};$$

$$(1+x)^n \approx 1 + nx;$$

(x << 1, yrлы выражаются в радианах).

^{** –} обратное направление вращения.