ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ПО ЭКОНОМИКЕ $2024-2025~{\rm yr.~r.}$ МУНИЦИПАЛЬНЫЙ ЭТАП $10{-}11~{\rm kmacc}$

І. Тестовые задания

Время выполнения — 30 минут Максимальный балл — 40

Для каждого задания 1 - 10 выберите единственный правильный ответ и укажите его в бланке ответа. (4 балла за каждое задание).

- 1. 25 октября Банк России поднял ключевую ставку до 21 %, и многие эксперты считают, что в декабре возможно ещё одно увеличение. Что в этой ситуации разумнее всего сделать Оксане, которая хочет сберечь 10 000 рублей, подаренные ей на день рождения?
 - а) разместить сейчас все деньги на срочный депозит сроком на 1 год под 18 % годовых;
 - б) положить имеющиеся деньги в свинью-копилку, дождаться решения Банка России в декабре и тогда разместить их на банковском вкладе по более высокой ставке;
 - в) разместить сейчас деньги на накопительном счёте с начислением процентов на ежедневный остаток под 18 % годовых;
 - г) купить на всю сумму акции пяти российских компаний, которые показали наибольший рост за последний месяц.
- 2. Раньше Иван Иванович работал на заводе. Однако недавно он выиграл миллион долларов в лотерею. После этого он уволился с завода, решив всецело посвятить себя воспитанию внуков. Скажется ли это событие на уровне безработицы?
 - а) Нет, уровень безработицы останется неизменным.
 - б) Да, уровень безработицы немного вырастет.
 - в) Да, уровень безработицы немного сократится.
 - г) Да, уровень безработицы изменится, но невозможно определить, увеличится ли он или уменьшится.
- 3. До изменений, которые вступают в силу с 1 января 2025 года, налог на доходы физических лиц является ...
 - а) фиксированным (аккордным);
 - б) пропорциональным;
 - в) прогрессивным;
 - г) регрессивным.
- 4. Экономист компании «Ай» заметил, что при любом объёме выпуска общие издержки на одну единицу продукции составляют 2024 рублей. Значит для фирмы «Ай» верным будет утверждение о том, что ...
 - а) общие издержки постоянны;
 - б) средние постоянные издержки увеличиваются;
 - в) переменные издержки постоянны;
 - г) предельные издержки возрастают.
- 5. Фирма монополист провела исследование рынка и выяснила, что коэффициент ценовой эластичности спроса на её продукт составляет -2,4. Следовательно, для увеличения выручки монополисту стоит ...
 - а) отказаться от проведения ценовой дискриминации;
 - б) снизить цену;
 - в) производить меньше продукции;
 - г) сократить расходы на рекламу.

- 6. У потребителей одного загадочного товара значительно увеличились доходы, при этом объём продаж на этом рынке сократился. Укажите корректную причину такого загадочного поведения:
 - а) загадочный товар является инфериорным благом;
 - б) государство разрешило импорт загадочного товара из-за границы;
 - в) потребители ожидают подорожания загадочного товара;
 - г) производитель загадочного товара начал предлагать скидки покупателям.
- 7. Обратная функция спроса на рынке оранжевых калош имеет вид: P(Q) = 60 0.75Q, где Q это количество пар калош, а P цена одной пары (в рублях). Калоши поставляет фирмамонополист, при этом производство калош ей обходится в 15 рублей за одну пару. Если постоянных издержек у монополиста нет, его прибыль в равновесии составит ...
 - a) 30;
 - б) 675;
 - в) 47,5;
 - г) 1200.
- 8. Предприниматель Геннадий переехал в страну солнца и счастья и, чтобы свести концы с концами, начал торговать на местном рынке мандаринами. Каждое утро Геннадий закупает 50 кг мандаринов на оптовой базе по цене P_0 за 1 кг, потом едет на своё место на рынке и к вечеру всё распродаёт по P_1 за кг. Эту идиллию нарушают только воришки, которые умудряются ежедневно украсть у бизнесмена ровно 1 кг мандаринов. Чтобы бороться с кражами, Геннадий обратился в частное охранное агентство. Выберите верное утверждение относительно платы за услуги охраны:
 - а) Геннадий откажется от услуг охраны, если плата за них окажется больше, чем P_0 в день;
 - б) Геннадий согласится нанять охрану, если плата за неё окажется не больше, чем $49P_0$ в день;
 - в) Геннадий согласится нанять охрану, если плата за неё окажется не больше, чем $49P_1$ в день;
 - г) Геннадий может согласиться нанять охрану, если плата за неё будет равна P_1 .
- 9. На рынке товара «Х» только две группы потребителей. Их функции спроса имеют вид $Q_1 = 30 3P$ и $Q_2 = 20 P$, соответственно. Если цена на товар «Х» равна 8, то величина рыночного спроса будет равна ...
 - a) 18;
 - б) 12;
 - в) 10;
 - г) б.
- 10. До модернизации шоколадная фабрика выпускала 450 тонн шоколада в год. После модернизации численность работников не изменилась, а производительность труда возросла на 20 %. Как изменился объём выпуска?
 - а) увеличился на 45;
 - б) увеличился на 90;
 - в) уменьшился на 50;
 - г) уменьшился на 45.

II. Задачи

Задача 1. Денис и программы лояльности (15 баллов)

Ученик 10 класса Денис Кораблев решил на заработанные летом деньги купить велосипед. Подходящий вариант стоит 15 000 рублей. Денис начитался советов о том, как сэкономить деньги при оплате банковскими картами, и теперь рассматривает два варианта оплаты своей покупки:

- 1. Оплатить велосипед дебетовой картой банка «Молодёжный». Именно на ней сейчас находятся деньги Дениса. По условиям программы лояльности, банк начисляет 3 % кэшбэка за покупки в категории «Спортивные товары». Выплата производится рублями ровно через месяц после совершения покупки.
- 2. Оплатить велосипед с маминой кредитной карты банка «Зарплатный» и через месяц вернуть маме деньги, чтобы уложиться в беспроцентный период. В течение этого месяца Денис планирует хранить свои 15 000 на накопительном счёте со ставкой 18 % годовых (проценты начисляются в конце месяца). Банк «Зарплатный» начисляет кэшбэк бонусными баллами за все покупки в размере 1,5 % от суммы. Баллы начисляются через месяц, и их сразу же можно конвертировать в рубли по курсу 1 балл = 0,8 руб. Мама пообещала перевести Денису кэшбэк с покупки, как только он поступит на карту.
- А) Определите выгоду, которую получит Денис в каждом из двух вариантов оплаты банковскими картами (в рублях). Какой из этих вариантов является более предпочтительным?
- Б) Определившись с оптимальным вариантом, Денис дошёл до магазина, где продаётся нужный велосипед, и в разговоре с продавцом узнал, что:
 - покупку нужно совершить именно сегодня, т.к. с завтрашнего дня цена увеличивается на 2 000 рублей (для простоты считаем, что аналогичные велосипеды больше нигде не продаются);
 - при оплате наличными ему сделают скидку в размере 500 рублей.

Если нужный банкомат находится рядом с магазином и комиссия за снятие наличных отсутствует, каким образом Денис оплатит свою покупку?

- В) При оплате маминой картой Денису придётся переводить деньги из своего банка в мамин. Предположим, что оба банка находятся в Российской Федерации и имеют соответствующие лицензии Банка России. Назовите один способ, который позволит Денису в этой ситуации точно перевести деньги без комиссий.
- Г) Чем может быть вызвана скидка при оплате наличными? Назовите одну возможную причину.

Решение

А) 1. Определим выгоду при оплате дебетовой картой:

$$0.03 * 15 000 = 450$$
 рублей (1 балл)

2. Выгода при оплате кредитной картой будет складываться из кэшбэка и процентов по депозиту.

Кэшбэк составит:

$$0.015 * 15 000 = 225$$
 бонусов, (1 балл)

которые при конвертации дадут

225 * 0,8 = 180 рублей.

(1 балл)

Участник может сразу искать кэшбэк в рублях. Если он делает это корректно (0.015*15~000*0.8), такой расчёт следует оценивать в 2 балла.

Найдем доход от депозита:

$$15\ 000 * (0,18/12) = 225$$
 рублей.

(2 балл)

Значит, суммарная выгода при покупке по кредитной карте составит:

$$180 + 225 = 405$$
 рублей.

(1 балл)

Выгода по дебетовой карте больше (450 > 405), следовательно оплата покупки дебетовой картой банка «Молодёжный» является более предпочтительным вариантом. (1 балл)

Б) Скидка за наличный расчёт превышает выгоду, рассчитанную в п. А (500 > 450), значит Денис оплатит покупку наличными. (2 балла)

Можно также заметить, что выгоду из n. «A» Денис получит через месяц, а 500 рублей за наличный расчёт — в момент покупки.

- В) Участник может привести один из следующих вариантов:
 - перевести деньги через Систему быстрых платежей (СБП);
 - снять со своей карты деньги в банкомате банка «Молодёжный» и отдать их маме, чтобы она внесла их на свою карту через банкомат или кассу банка «Зарплатный».

За один корректный ответ — **3 балла**. Если наряду с корректным ответом участник указывает некорректный, то оценка снижается на 2 балла. Если некорректных ответов 2 и более, балл за данный пункт снижается до 0 вне зависимости от количества правильных ответов.

- Г) Участник может привести один из следующих вариантов:
 - когда покупатель оплачивает покупку картой, магазин платит комиссию за приём платежа и перевод средств (эквайринг). При оплате наличными этой комиссии нет, поэтому магазин может предложить скидку (Примечание: российское законодательство запрещает устанавливать разные цены при разных способах оплаты, но предоставление скидок оказывается в «серой» зоне);
 - расчёт наличными может быть способом скрыть часть дохода от государства, чтобы платить меньше налогов.

За один корректный ответ — **3 балла**. Если наряду с корректным ответом участник указывает некорректный, то оценка снижается на 2 балла. Если некорректных ответов 2 и более, балл за данный пункт снижается до 0 вне зависимости от количества правильных ответов.

Задача 2. Инновационное постоянство (20 баллов)

На рынке современных инновационных товаров выполняются законы спроса и предложения. Известно, что произведение эластичностей спроса и предложения по цене постоянно и равно (– 1), а их сумма также постоянна и равна 0.

Выручка производителей в состоянии рыночного равновесия равна 400 д.е. Если государство вмешается и установит потоварный налог на производителя в размере 6 д.е. за каждую проданную единицу товара, то равновесная цена вырастет в 2 раза.

Определите:

- А) равновесную цену до вмешательства государства;
- Б) равновесное количество товара до вмешательства государства;
- В) функцию предложения до введения налога.

Решение

«На рассматриваемом рынке выполняются законы спроса и предложения. Известно, что произведение эластичностей спроса и предложения по цене постоянно и равно (-1), а их сумма также постоянна и равна 0». Отсюда получаем, что одна эластичность постоянна и равна 1(эластичность предложения), а другая: (-1).

Так как функция спроса убывающая, то эластичность спроса равна минус 1 (-1), а эластичность предложения равна 1. (3 балла)

Если эластичность спроса постоянная, то функция спроса будет иметь вид гиперболы типа Qd = B/P, где B параметр (число) (2 балла)

Эластичность предложения равна I, следовательно, функция предложения выходит из начала координат и имеет вид Qs = AP, где A параметр (число) (2 балла)

Выручка производителей (TR = P*Q) равна: $TR = P_0 \times B / P_0 = 400$, (1 балл)

Отсюда B = 400, функция спроса: Od = 400 / P (2 балла)

До вмешательства государства равновесие на рынке было: $AP_{\theta} = 400 / P_{\theta}$ (1 балл)

После вмешательства государства цена выросла двое и составила $2P_{\theta}$, значит функция предложения теперь имеет вид:

$$Os = A(2P_0 - 6) \tag{2 балла}$$

Новое равновесие на рынке выглядит следующим образом:

$$A(2P_0 - 6) = 400/2P_0 \tag{1 балл}$$

Решая систему из двух последних уравнений:

$$AP_0 = 400 / P_0$$

 $A(2P_0 - 6) = 400 / 2P_0$

- а) находим, что равновесная цена до вмешательства государства была равна P_{θ} =4. (3 балла)
- **б)** теперь найдем равновесное количество проданных товаров до вмешательства государства в этот рынок. Подставив значение цены в уравнение спроса или в формулу выручки, находим, что $Q_0 = 100$ (1 балл)
- **в)** Найдем функцию предложения. Так как равновесное количество продаж до установления налога (Q_{θ}) равно 100 (единиц):

$$100 = AP_0$$
, $P_0 = 4$, $A = 25$

Функция предложения: Qs = 25P (2 балла)

Задача 3. Неожиданное пиратское наследие (25 баллов)

Фирма «Капитан Крюк», которая является монополистом на рынке крючков для вязания, запустила рекламу своей продукции в интернете, в результате чего её совокупные издержки увеличились на 993 пиастра в месяц. При этом функция спроса на крючки из положения $Q_{d1} = 180 - 2P$ переместилась в положение $Q_{d2} = 140 - P$, где P — цена одного крючка в пиастрах, Q — количество крючков в месяц. Средние переменные и предельные издержки монополиста постоянны и равны 24.

- А) Определите изменение месячной прибыли «Капитана Крюка» в результате проведения рекламной кампании (в пиастрах). Успешна ли кампания?
- Б) Покажите начальное и конечное равновесие монополиста на графиках: один график для ситуации до запуска рекламной кампании, другой после запуска.

Решение:

- А) Для определения успешности проводимой рекламной компании, необходимо рассчитать прибыль компании до и после рекламы. Для этого нужно найти оптимальный объем (Q^*_1) и (Q^*_2) , а также цену продукции до и после рекламной компании.
- 1) Находим прибыль фирмы-монополиста до проведения рекламной компании.

Условие оптимального объема фирмы $MC = MR_1$, MC = 24 (из условия), находим MR.

Найдём функцию выручки через обратную функцию спроса.

$$Qd_1 = 180 - 2P$$
, следовательно $Pd_1 = 90 - 0.5Qd$ (1 балл)

$$TR_1 = P*Q; TR_1 = (90 - 0.5Q)*Q,$$
 следовательно $TR_1 = 90Q - 0.5Q^2$ (1 балл)

Найдем функцию предельного дохода как производную от функции выручки (общего дохода)

$$MR_1 = (TR_1)'; MR_1 = 90 - Q.$$
 (2 балла)

Найдем оптимальное количество производимой продукции

$$MC = MR_1$$
, следовательно $24 = 90 - O$, $O_1^* = 66$ (2 балла)

Находим цену монополии до ведения рекламной компании

$$P_1 = 90 - 0.50, P_1 = 90 - 0.5*66, P_1 = 57$$
 (1 балл)

Находим выручку:
$$TR_1 = P_1 * Q_1$$
, $TR_1 = 3762$ (1 балл)

Находим прибыль: $Pr_1 = TR_1 - TC_1$; $Pr_1 = 3762 - TC_1$ (за любой

или из вариантов

$$Pr_1 = TR_1 - (VC_1 + FC_1) = 3762 - (AVC \times Q_1^* + FC_1) = 2178 - FC_1$$
 2 балла)

Примечание: участник может находить Q^* через составление функции прибыли и поиск вершины параболы. В этом случае оценивать ответ следует следующим образом:

- за обратную функцию спроса и нахождение TR в сумме **2 балла**;
- функция издержек $TC_1 = FC_1 + VC = FC_1 + 24Q 2$ балла;
- \bullet функция прибыли $Pr_1 = 90Q 0.5Q^2 FC_1 24Q = -0.5Q^2 + 66Q FC_1 1$ балл;
- нахождение $Q^* 2$ балла;
- нахождение прибыли в виде $Pr_1 = 2178 FC_1 3$ балла (всего 10 баллов).

По такой же схеме оценивается решение, если участник выписывает функцию прибыли и ищет её максимум, приравнивая производную функции прибыли к 0. При этом в решении должно содержаться доказательство того, что полученная точка является именно максимумом: производная слева от Q^* отрицательная и производная справа от Q^* положительная ИЛИ вторая производная при Q^* меньше Q^* ставится Q^* ставится Q^* балл вместо Q^* .

2) Находим прибыль фирмы монополиста после проведения рекламной компании.

Условие оптимального объема фирмы $MC = MR_1$, MC = 24 (из условия), находим MR.

Найдём функцию выручки через обратную функцию спроса.

$$Qd_2 = 140 - P$$
, следовательно $Pd_2 = 140 - Qd$

$$TR_2 = P*Q; TR_2 = (140 - Q)*Q$$
, следовательно $TR_2 = 140Q - Q^2$ (1 балл)

Найдем функцию предельного дохода как производную от функции выручки (общего дохода)

$$MR_2 = (TR_2)'; MR_2 = 140 - 2Q.$$
 (1 балл)

Найдем оптимальное количество производимой продукции

$$MC = MR_2$$
, следовательно $24 = 140 - 2Q$; $Q_2 = 58$ (2 балла)

Находим цену монополии после проведения рекламной компании

$$P_2 = 140 - Q_2; P_2 = 140 - 58; P_2 = 82$$
 (2 балла)

Находим выручку:
$$TR_2 = P_2 * Q_2$$
; $TR_2 = 4756$ (1 балл)

Находим прибыль:
$$Pr_2 = TR_2 - TC_2$$
; $Pr_2 = 4756 - TC_2$ (1 балл

$$Pr_2 = TR_2 - (VC_2 + FC_2) = 4756 - (24 \times Q^*_2 + FC_2) = 3364 - FC_2$$

Примечание: участник может находить Q^* через составление функции прибыли и поиск вершины параболы. В этом случае оценивать ответ следует следующим образом:

- за обратную функцию спроса и нахождение TR в сумме **1 ба**лл;
- функция издержек $TC_2 = FC_2 + VC = FC_2 + 24Q 1$ балл;
- функция прибыли $Pr_2 = 116Q Q^2 FC_2 1$ балл;
- нахождение $Q^* 2$ балла;
- нахождение прибыли в виде $Pr_2 = 3364 FC_2 3$ балла (всего 8 баллов).

По такой же схеме оценивается решение, если участник выписывает функцию прибыли и ищет её максимум, приравнивая производную функции прибыли к 0. При этом в решении должно содержаться доказательство того, что полученная точка является именно максимумом: производная слева от Q^* отрицательная и производная справа от Q^* положительная ИЛИ вторая производная при Q^* меньше Q^* ставится Q^* ставится

3) Найдём изменение прибыли компании, учитывая, что по условию $TC_2 - TC_1 = 993$:

$$\Delta Pr = Pr_2 - Pr_1 = 4756 - TC_2 - 3762 + TC_1 = 994 - (TC_2 - TC_1) = 1$$
 пиастр (2 балла)

Примечание: если участник записывал функции прибыли через FC, то ему придётся совершить дополнительные действия, например:

$$TC_2 - TC_1 = VC_2 - VC_1 + FC_2 - FC_1 = 993$$

$$VC_2 - VC_1 = AVC * (Q_2 - Q_1) = 24 * (58 - 66) = -192$$
 nuacmpa

$$993 = -192 + FC_2 - FC_1$$

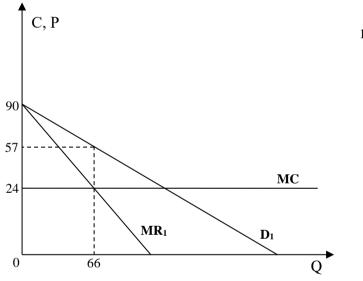
$$FC_2 - FC_1 = 1185$$

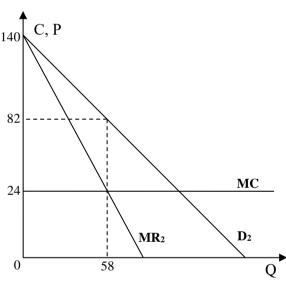
$$\Delta Pr = Pr_2 - Pr_1 = 3364 - FC_2 - (2178 - FC_1) = 1186 - (FC_2 - FC_1) = 1$$
 nuacmp

Такой ход решения также оценивается в 2 балла.

Т.к. изменение прибыли положительное, рекламная кампания является успешной. (1 балл)

Б) Построим графики:





За каждый график

(по 2 балла)